

Naravna števila

Pravila za deljivost števil

- a) 6800, 6804, 6808, 6812, 6816;
Predhodnemu številu prištejemo 4.
- b) 65536, 16384, 4096, 1024, 256;
Predhodno število delimo s 4.
2. 1832, 1840, 1848, 1856, 1864, 1872, 1880

3.

	Deljivo z									
	2	3	4	5	6	7	8	9	10	25
34725	x	v	x	v	x	x	x	x	x	v
10884	v	v	v	x	v	x	x	x	x	x
60600	v	v	v	v	v	x	v	x	v	v

4. c
5. a) 0, 3, 6, 9 b) 2, 6 c) 0, 5 č) 3 d) 6 e) 6
6. a) 1000 b) 9992 c) 2575, ker je za 3 manjše od 2575; nismo izbrali 2600, ker bi bilo za 22 večje od 2575.
7. a) P b) N c) P č) N
8. Algebrski izraz: $n \cdot 4 + 1$; $n \geq 1$. Stoti člen je 401.
9. a) $a = 2$ ali $a = 6$
b) $b = 5$
c) $c = 4$
10. 672840, 670842, 679842, 677844, 675846, 673848

Praštevila

1.

število	29	33	37	45	47
število deliteljev	2	4	2	6	2
praštevilo (Da-Ne)	DA	NE	DA	NE	DA

2. a) 97 b) 101
3. $D_{15} = \{1, 3, 5, 15\}$, $D_{20} = \{1, 2, 4, 5, 10, 20\}$
4. Število 60 ni praštevilo, ker ima več kot dva delitelja.
 $D_{60} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 10, 12, 15, 20, 30, 60\}$
5. a) Sodo praštevilo je le 2.
b) Med 2 in 3.
c) Da, to so 4, 6, 12, 18, 30, 42, 60 in 72.
č) Za 4 se razlikujeta 3 in 7 (13 in 17 ...).
Za 6 se razlikujeta 5 in 11 (13 in 19 ...).
Za 8 se razlikujeta 3 in 11 (5 in 13 ...).
Za 10 se razlikujeta 3 in 13 (7 in 17 ...).
6. a) N, ker imajo praštevila natanko dva delitelja.
b) P, ker je naravnih števil nešteto.
c) P, ker vsaj tri pomeni več kot 2.
č) N, ker je 2 praštevilo in je sodo število.
d) N, ker je 9 liho število, a ni praštevilo.
e) N, število 1 ni praštevilo.
7. 169, 289, 361, 529, 841, 961
 $2^2, 3^2, 5^2, 7^2, 11^2, 13^2, 17^2, 19^2, 23^2, 29^2, 31^2 \dots$ kvadrati zaporednih praštevil; algebrski izraz: $x^2, x \in \mathbb{P}$, \mathbb{P} = množica praštevil
8. a) vsota je sodo število:

praštevilo	11	13	17	19	31	37	53	59	71	73	79	97
vsota števk	2	4	8	10	4	10	8	14	8	10	16	16

ali pa je praštevilo:

praštevilo	11	23	29	41	43	47	61	67	83	89
vsota števk	2	5	11	5	7	11	7	13	11	17

1. praštev.	2	2	2	2	2	2	2	2
2. praštev.	3	5	11	17	29	41	59	71
vsota	5	7	13	19	31	43	61	73

9.

praštevilo $n > 3$	5	7	19	59	liho število
$n-1$	4	6	18	58	sodo število večje od 2
$n+1$	6	8	20	60	sodo število večje od 2

Trditev drži, saj je vsako praštevilo večje od 2, liho število. Liho število leži med dvema sodima številoma — sestavljenima številoma. Če je $n=2$, trditev ne drži, ker je predhodnik število 1, naslednik pa 3 (praštevilo). Če je $n=3$, trditev ne drži, ker je predhodnik 2 (praštevilo).

Razcep na prafaktorje

- $100 = 2^2 \cdot 5^2$ $75 = 3 \cdot 5^2$ $144 = 2^4 \cdot 3^2$
- a) $16 = 2^4$ $32 = 2^5$ $36 = 2^2 \cdot 3^2$ $48 = 2^4 \cdot 3$ $60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$
 $72 = 2^3 \cdot 3^2$ $164 = 2^2 \cdot 41$ $169 = 13^2$ $170 = 2 \cdot 5 \cdot 17$
 $180 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$ $882 = 2 \cdot 3^2 \cdot 7^2$ $736 = 2^5 \cdot 23$
- b) $51 = 3 \cdot 17$ $52 = 2 \cdot 13$ $54 = 2 \cdot 3^3$ $55 = 5 \cdot 11$
 $56 = 2^3 \cdot 7$ $57 = 3 \cdot 19$ $58 = 2 \cdot 29$
- c) $186 = 2 \cdot 3 \cdot 31$ $196 = 2^2 \cdot 7^2$ $204 = 2^2 \cdot 3 \cdot 17$ $220 = 2^2 \cdot 5 \cdot 11$
 $300 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5^2$ $360 = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 5$ $480 = 2^5 \cdot 3 \cdot 5$ $900 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5^2$
 $986 = 2 \cdot 17 \cdot 29$
3. $24 = 2^3 \cdot 3$ $40 = 2^3 \cdot 5$ $56 = 2^3 \cdot 7$ $72 = 2^3 \cdot 3^2$ $84 = 2^2 \cdot 3 \cdot 7$
Vsiljivec je število 84, saj ni deljivo z 2^3 .
- a) $9 = 3 \cdot 3$
b) $10 = 2 \cdot 5$
c) $28 = 2 \cdot 2 \cdot 7$
č) $48 = 2 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2$
5. Število 156.
6. $36 = 1 \cdot 36$ $36 = 2 \cdot 18$ $36 = 3 \cdot 12$ $36 = 4 \cdot 9$ $36 = 6 \cdot 6$
 $36 = 2 \cdot 2 \cdot 9$ $36 = 2 \cdot 3 \cdot 6$ $36 = 3 \cdot 3 \cdot 4$ $36 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 = 2^2 \cdot 3^2$.
Produkt praštevil je en sam $36 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 = 2^2 \cdot 3^2$.
7. NE, število 1 je odveč, ker ni praštevilo.
8. Najmanjše 30 ($30 = 2 \cdot 3 \cdot 5$); največjega ni.
9. $10 = 2 \cdot 5$ $100 = 2^2 \cdot 5^2$ $1000 = 2^3 \cdot 5^3$ $10\,000 = 2^4 \cdot 5^4$
 $100\,000 = 2^5 \cdot 5^5$ $1\,000\,000 = 2^6 \cdot 5^6$ $1\,000\,000\,000 = 2^9 \cdot 5^9$
Pri razcepnu desetiške enote na prafaktorje dobimo vedno prafaktorja 2 in 5 takšno stopnjo, kot je število ničel v desetiški enoti.
10. a) $1849 = 43^2$ b) $2209 = 47^2$ Izračunamo kvadrat prvega od 43 večjega praštevila.
11. $7^2 = 49$, $7^3 = 343$, $7^4 = 2401$
12. 4, 9, 25, 49; 121, 169, 289. Iskana števila so kvadri praštevil.

Skupni delitelji

- a) $D_{16} = \{1, 2, 4, 8, 16\}$
 $D_{36} = \{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36\}$
 $D_{16} \cap D_{36} = \{1, 2, 4\}$
 $D(16, 36) = 4$
- b) $D_{45} = \{1, 3, 5, 9, 15, 45\}$
 $D_{75} = \{1, 3, 5, 15, 25, 75\}$
 $D_{45} \cap D_{75} = \{1, 3, 5, 15\}$
 $D(45, 75) = 15$
- c) $D_{12} = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$
 $D_{25} = \{1, 5, 25\}$
 $D_{12} \cap D_{25} = \{1\}$
12 in 25 sta tuji števili.
 $D_7 = \{1, 7\}$
 $D_7 \cap D_{14} = \{1, 7\}$
 $D(7, 14) = 7$
- a) 3, 6, 11, 2, 5, 12
b) 1, 17, 2, 3, 10, 5
c) 5, 7, 20, 9, 6, 15
- a) 14, 30, 24, 15, 48
b) 50, 63, 20, 17, 46
c) 9, 42, 132, 45, 35
- a) $a_1 = 30$ $b_1 = 24$ $x_1 = 16$ $y_1 = 17$
 $a_2 = 6$ $b_2 = 12$ $x_2 = 12$ $y_2 = 31$
 $a_3 = 18$ $b_3 = 24$ $x_3 = 1$ $y_3 = 7$
- Število 1.
- 11 otrok; vsak je pojedel 2 kosa torte in popil 3 sokove.

REŠITVE

7. $D(75,100,250) = 25$ V razredu je 25 otrok, vsak ima 3 svinčnike, 4 kemične svinčnike in 10 barvic.
8. a) $D(24,36) = 12$; 12 obiskovalcev
b) Vsak je dobil 2 jabolki in 3 hruške.
9. a) NE; b) število 1
10. $n \in \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24\}$
11. $5 \cdot 14 = 70$ $102 - 70 = 32$ $32 : 4 = 8$
Razmik x je dolg 8 cm.
12. Možnosti za znamke, ki jih lahko lepi na obe pismi: znamke za 1, 2, 3, 4, 8 centov. Izbral je znamke za 8 centov, ker je $D(24,32) = 8$.
13. a) Stranica kvadratka meri 25 mm. Dobimo 1600 kvadratkov.
b) Potrebujemo 160 m zlate nitke.

Skupni večkratniki

1. a) $V_8 = \{8, 16, 24, 32, 40, 48, 56, 64, 72, \dots\}$
 $V_9 = \{9, 18, 27, 36, 45, 54, 63, 72, \dots\}$ $v(8,9) = 72$
- b) $V_6 = \{6, 12, 18, \dots\}$ $V_{18} = \{18, \dots\}$ $v(6,18) = 18$
- c) $V_{12} = \{12, 24, 36, 48, 60, \dots\}$ $V_{15} = \{15, 30, 45, 60, \dots\}$ $v(12,15) = 60$
- č) $V_{18} = \{18, 36, 54, 72, \dots\}$ $V_{36} = \{36, 72, \dots\}$ $V_{24} = \{24, 48, 72, \dots\}$
 $v(18,36,24) = 72$
2. a) $v(6,4) = 12$ b) $v(10,8) = 40$ c) $v(7,5) = 35$
č) $v(3,21) = 21$ d) $v(19,30) = 570$ e) $v(4,6,8) = 24$
f) $v(5,8,20) = 40$ g) $v(13,9) = 117$ h) $v(80,60) = 240$
3. a) 240 b) 144 c) 210 č) 360 d) 1500 e) 144 f) 156
g) 3600 h) 375 g) 1680
4. a) $a_1 = 1$ $b_1 = 18$ b) $x_1 = 6$ $y_1 = 7$
 $a_2 = 2$ $b_2 = 9$ $x_2 = 42$ $y_2 = 7$
 $a_3 = 18$ $b_3 = 2$ $x_3 = 2$ $y_3 = 21$
5. Njun zmnožek, ker nimata skupnih prafaktorjev.
6. V škatli je 45 bonbonov. (skupni večkratnik števil 3 in 5, ki leži med 38 in 51.)
7. $v(21,35) = 105$ Obe se hkrati iztečeta čez 105 sekund; Rokova se izteče 5-krat, Špelina 3-krat.
8. $v(56,42) = 168$ Prvo kolo se zavrti 3-krat ($168 : 56 = 3$), drugo pa 4-krat ($168 : 42 = 4$).
9. Špelo čakajo trije bonboni (na 150., 300., 450. stopnici).
10. $D(370,148,222) = 74$ V šopku je 5 gerber, 2 nageljna, 3 vejice zelenja.
11. Obe znamenji se ujemata vsakih 60 metrov
(drevesa: $5 \cdot 12 = 60$, stebrički: $6 \cdot 10 = 60$).
12. a) Dolžina daljice XY je 6 cm.
b) Predstavlja najmanjši skupni večkratnik dolžin daljic AB in CD .
c) Točke, kjer se loki stikajo, predstavljajo skupne večkratnike.
13. Špela mora prebrati 208 strani.

Preverimo znanje

1. a) 61 (1 t)
b) 8 (1 t)
2. $306 = 2 \cdot 3^2 \cdot 17$ (2 t)
3. $D_{40} = \{1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40\}$ (2 t)
 $D_{48} = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 16, 24, 48\}$ (2 t)
Skupni delitelji števil 40 in 48 so: 1, 2, 4, 8. (2 t)
 $D(40, 48) = 8$ (1 t)
4. a) $v(3,7) = 21$ b) $D(60,75) = 15$
c) $v(5,10) = 10$ č) $v(8,12) = 24$ vsaka (1 t)
d) $D(56,63) = 7$ e) $D(6,11) = 1$
5. a) N; število, ki ima natanko dva delitelja, je praštevilo. (1 t)
b) P (1 t)
c) P (1 t)
č) N; število 5 je večkratnik števila 5 in je praštevilo. (1 t)

6. a) 2, 3, 5, 7 (2 t)
b) 4, 6, 8, 9 (2 t)
c) Pari tujih števil, kjer vrstni red ni pomemben:
(2, 3), (2, 5), (2, 7), (2, 9)
(3, 4), (3, 5), (3, 7), (3, 8)
(4, 5), (4, 7), (4, 9)
(5, 6), (5, 7), (5, 8), (5, 9)
(6, 7)
(7, 8), (7, 9)
(8, 9) (4 t)
7. a) Števili, ki imata največji skupni delitelj 1. (2 t)
b) najmanjši skupni večkratnik (2 t)
8. a) $N; 24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$ (2 t)
b) P (1 t)
c) P (1 t)
č) $N; 176 = 2^4 \cdot 11$ (2 t)
9. $D(35, 42, 14, 56) = ?$ (2 t)
pravilen izračun: dolžina enega kosa je 7 metrov (2 t)
pravilen izračun števila kosov: $5+6+2+8=21$,
21 kosov (2 t)
10. $v(4, 8, 10) = ?$ (2 t)
pravilen izračun: čez 40 dni (2 t)
pravilen datum: 8. oktobra (1 t)
11. npr.: 84, 12
12. $V_{84} = \{84, 168, \dots\}$
 $V_6 = \{6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, 60, 66, 72, 78, 84, \dots\}$
 $V_{21} = \{21, 42, 63, 84, \dots\}$
 $V_{28} = \{28, 56, \dots\}$
 $V_{42} = \{42, 84, \dots\}$
 $V_{14} = \{14, 28, 42, 56, 70, 84, \dots\}$
 $V_{12} = \{12, 24, 36, 48, 60, 72, 84, \dots\}$

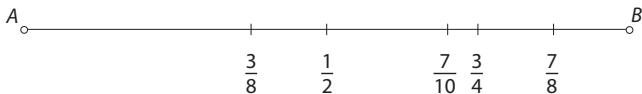
REŠITVE

Ulomki

Ponazoritev ulomkov

1. en del od štirih, en del od osmih, en del od dveh,
en del od devetih, trije deli od petih,
dva dela od sedmih, trije deli od treh (celota)

2.



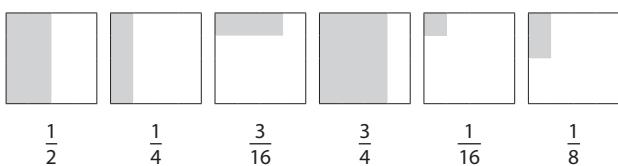
3. $\frac{1}{2}, \frac{3}{4}, \frac{3}{5}, \frac{2}{5}, \frac{1}{2}, \frac{4}{6}$

4. da, ne, ne, ne

5. Rok

6. a) $\frac{1}{2}$; b) $\frac{5}{8}$; c) $\frac{7}{12}$; č) $\frac{9}{10}$; d) $\frac{7}{8}$; e) $\frac{3}{8}$

7.



$\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{3}{16}, \frac{3}{4}, \frac{1}{16}, \frac{1}{8}$

8. a) $\frac{2}{5}$; b) $\frac{1}{2}$; c) $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$; č) $\frac{2}{3}$; d) $\frac{1}{2}$; e) $\frac{8}{16} = \frac{1}{2}$; f) $\frac{1}{3}$; g) $\frac{1}{4}$

9. Na poti je osem okrepčevalnic.

10. Rdečih je $\frac{3}{16}$, modrih je $\frac{6}{16}$, srebrnih je $\frac{5}{16}$, zelenih pa $\frac{2}{16}$.

11. Posušile so se $\frac{4}{30}$, zacetelo pa je $\frac{26}{30}$ vseh vrtnic.

12. Za Špelo je ostalo $\frac{3}{9}$ poticev.

13. Pri pouku je $\frac{20}{24}$ učencev.

14. Kopnega je $\frac{3}{10}$ površja.

15. Popiti mora še 1 dl.

16. 12 cm

17. a) Beličniki predstavljajo $\frac{5}{12}$, krivopecelj pa $\frac{1}{6}$.

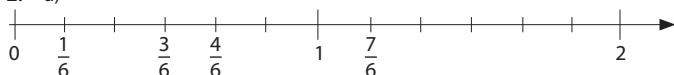
b) $\frac{2}{3}$

c) Prodal je 2500 kg (2,5 t) carjeviča.

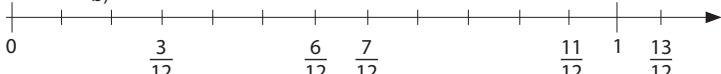
Ulomki na številskem poltraku

1. a) A: $\frac{1}{8}$; B: $\frac{3}{8}$; C: $\frac{6}{8}$; D: $\frac{8}{8}$; E: $\frac{10}{8}$

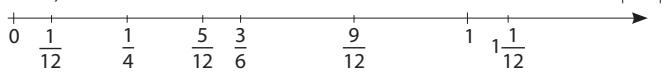
2. a)



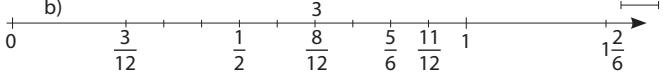
b)



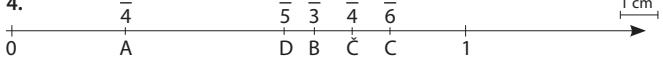
3. a)



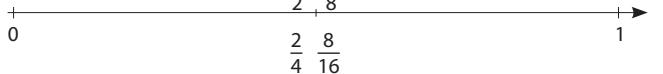
b)



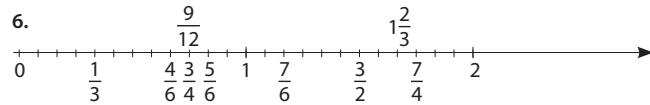
4.



5.



Vsi ulomki predstavljajo isto točko na številskem poltraku.



6. A) $\left(\frac{1}{12}\right)$ B) $\left(\frac{1}{4}\right)$ C) $\left(\frac{8}{12}\right)$ D) $\left(\frac{10}{12}\right)$ E) $\left(\frac{1}{2}\right)$.

7. Ne, Špela je morala prehoditi le $\frac{1}{3}$ poti.

Ulomki kot količniki

1. a) $\frac{7}{7} = 1$ b) $\frac{12}{3} = 4$ c) $\frac{15}{5} = 3$ d) $\frac{30}{6} = 5$ e) $\frac{18}{3} = 6$

b) $\frac{2}{2} = 1$ c) $\frac{9}{9} = 1$ d) $\frac{15}{5} = 3$ e) $\frac{24}{6} = 4$ f) $\frac{24}{3} = 8$

2. a) $\frac{33}{11} = 3$ b) $\frac{45}{9} = 5$ c) $\frac{27}{3} = 9$ d) $\frac{96}{8} = 12$ e) $\frac{105}{7} = 15$

f) $\frac{44}{4} = 11$ g) $\frac{48}{6} = 8$ h) $\frac{54}{2} = 27$ i) $\frac{69}{3} = 23$ j) $\frac{136}{8} = 17$

3. $3 = \frac{6}{2} = \frac{9}{3} = \frac{18}{6} = \frac{21}{7}$

4. $5 = \frac{15}{3} = \frac{25}{5} = \frac{40}{8} = \frac{55}{11}$

4. $4 = \frac{8}{2} = \frac{12}{3} = \frac{24}{6} = \frac{28}{7}$

7. $7 = \frac{21}{3} = \frac{35}{5} = \frac{56}{8} = \frac{77}{11}$

9. $9 = \frac{18}{2} = \frac{27}{3} = \frac{54}{6} = \frac{63}{7}$

8. $8 = \frac{24}{3} = \frac{40}{5} = \frac{64}{8} = \frac{88}{11}$

10. $10 = \frac{20}{2} = \frac{30}{3} = \frac{60}{10} = \frac{70}{7}$

11. $11 = \frac{33}{3} = \frac{55}{5} = \frac{88}{8} = \frac{121}{11}$

13. $13 = \frac{26}{2} = \frac{39}{3} = \frac{78}{6} = \frac{91}{7}$

5. a) $x = 20$ b) $y = 4$ c) $u = 1$ d) $v = 6$ e) $e = 9$

f) $a = 14$ g) $b = 3$ h) $c = 1$ i) $d = 3$

6. Iz treh tort je dobil 36 kosov.

7. a) $6 : 7 = \frac{6}{7}$ b) $12 : 3 = \frac{12}{3} = 4$ c) $30 : 7 = \frac{30}{7} = 4 \frac{2}{7}$

d) $9 : 5 = \frac{9}{5} = 1 \frac{4}{5}$ e) $21 : 4 = \frac{21}{4} = 5 \frac{1}{4}$ f) $42 : 9 = \frac{42}{9} = 4 \frac{6}{9}$

g) $8 : 8 = \frac{8}{8} = 1$ h) $17 : 21 = \frac{17}{21}$ i) $8 : 15 = \frac{8}{15}$

j) $11 : 4 = \frac{11}{4} = 2 \frac{3}{4}$ k) $15 : 32 = \frac{15}{32}$ l) $6 : 13 = \frac{6}{13}$

8. $\frac{5}{2} > 1, \frac{2}{3} < 1, \frac{11}{4} > 1, \frac{6}{6} = 1, \frac{1}{7} < 1, \frac{3}{3} = 1, \frac{9}{8} > 1, \frac{0}{8} < 1$

$\frac{7}{11} < 1, \frac{15}{15} = 1, \frac{6}{23} < 1, \frac{3}{5} < 1, \frac{17}{9} > 1$; Rešitev: ULOMEK.

9. a) $\frac{7}{4} > 1$ b) $\frac{13}{4} > 1$ c) $\frac{4}{3} > 1$

d) $\frac{15}{6} > 1$ e) $\frac{47}{9} > 1$

f) $\frac{9}{2} > 1$ g) $\frac{20}{9} < 1$ h) $\frac{7}{2} > 1$

i) $\frac{11}{3} > 1$ j) $\frac{12}{5} = 2 \frac{2}{5}$ k) $\frac{62}{8} > 1$ l) $\frac{62}{8} = 7 \frac{6}{8}$

m) $\frac{8}{8} = 1$ n) $\frac{34}{8} > 1$ o) $\frac{16}{4} > 1$

p) $3 \frac{1}{2} = \frac{7}{2}, 4 \frac{5}{6} = \frac{21}{9}, 2 \frac{3}{2} = \frac{7}{2}, 8 \frac{1}{5} = \frac{41}{5}, 12 \frac{3}{4} = \frac{51}{4}$

q) $4 \frac{2}{7} = \frac{30}{7}, 1 \frac{3}{5} = \frac{8}{5}, 9 \frac{2}{3} = \frac{29}{3}, 14 \frac{3}{8} = \frac{115}{8}$

r) $1 \frac{1}{8} = \frac{9}{8}, 3 \frac{2}{5} = \frac{17}{5}, 2 \frac{2}{7} = \frac{16}{7}, 8 \frac{5}{6} = \frac{53}{6}$

s) $\frac{12}{3} = 4, \frac{28}{4} = 7, \frac{56}{7} = 8, \frac{36}{9} = 4, \frac{45}{5} = 9, \frac{48}{6} = 8, \frac{65}{13} = 5$

t) $\frac{3}{5} < 1$; do celote manjka $\frac{2}{5}$ u) $\frac{3}{4} < 1$; do celote manjka $\frac{1}{4}$

v) $\frac{7}{8} < 1$; do celote manjka $\frac{1}{8}$ w) $\frac{5}{9} < 1$; do celote manjka $\frac{4}{9}$

x) $\frac{9}{4} > 1$ y) $\frac{7}{13} < 1$; do celote manjka $\frac{6}{13}$

REŠITVE

$\frac{5}{12} < 1$; do celote manjka $\frac{7}{12}$ $\frac{6}{2} > 1$

$\frac{9}{11} < 1$; do celote manjka $\frac{2}{11}$ $\frac{4}{10} < 1$; do celote manjka $\frac{6}{10}$

13. Vsak je dobil $\frac{11}{4}$ kg pomaranč (to je $2\frac{3}{4}$ kg pomaranč ali 2 kg 75 dag).

14. a) $\frac{4}{5}, \frac{5}{6}, \frac{6}{7}, \dots$ 5. člen: $\frac{5}{6}$, 7. člen: $\frac{7}{8}$, n-ti člen: $\frac{n}{n+1}$; vsi členi imajo pomen; noben člen ni manjši od 1.

b) $\frac{13}{7}, \frac{14}{6}, \frac{15}{5}, \dots$ 5. člen: $\frac{14}{6}$, 7. člen: $\frac{16}{4}$, n-ti člen: $\frac{9+n}{11-n}$; 11. člen nima pomena ($\frac{20}{0}$); vsi členi so večji od 1.

c) $\frac{16}{32}, \frac{32}{6}, \frac{64}{128}, \dots$ 5. člen: $\frac{16}{32}$, 7. člen: $\frac{64}{128}$, n-ti člen: $\frac{2^{n-1}}{2^n}$; vsi členi imajo pomen; vsi členi so manjši od 1

č) $\frac{18}{21}, \frac{16}{18}, \frac{14}{15}, \dots$ 5. člen: $\frac{16}{18}$, 7. člen: $\frac{12}{12}$, n-ti člen: $\frac{-26-2n}{33-3n}$; 11. člen nima pomena ($\frac{4}{0}$); 8. člen je večji od 1.

15. $x \in \{4, 5, 6, 7, 9, 11, 15, 27\}$; za $x = 3$ nima pomena.

16. a) $= 18$

17. $x \in \{1, 2, 4\}$

18. $x \in \{6, 7, 8\}$

19. a) $x \in \{1, 4, 7, 10, 13, \dots\}$

b) $x \in \{\}$

c) $x \in \{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, \dots\}$

Razširjanje ulomkov

1. a) $\frac{1}{4}, \frac{2}{8}, \frac{4}{16}$ b) $\frac{1}{3}, \frac{2}{6}, \frac{4}{12}$ c) $\frac{1}{2}, \frac{2}{4}, \frac{4}{8}, \frac{8}{16}$

2. $\frac{3}{4} = \frac{9}{12}$

3. a) s 3 s 5 b) s 4 s 7

$$\frac{2}{5} = \frac{6}{15} = \frac{10}{25}$$

$$\frac{6}{7} = \frac{18}{21} = \frac{30}{35}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{3}{9} = \frac{5}{15}$$

$$\frac{9}{4} = \frac{27}{12} = \frac{45}{20}$$

4. a) $x = 9, y = 25$ b) $a = 28, b = 14$

c) $m = 18, n = 72$ č) $u = 24, v = 28$

d) $k = 45, l = 63$ e) $p = 30, r = 88$

5. a) $\frac{2}{3} = \frac{12}{18}, \frac{3}{7} = \frac{12}{28}, \frac{6}{9} = \frac{12}{18}, \frac{4}{3} = \frac{12}{9}$

b) $\frac{3}{4} = \frac{18}{24}, \frac{6}{5} = \frac{18}{15}, \frac{9}{12} = \frac{18}{24}, \frac{2}{5} = \frac{18}{45}$

6. a) $\frac{3}{4} = \frac{18}{24}, \frac{5}{6} = \frac{20}{24}, \frac{2}{3} = \frac{16}{24}, \frac{7}{2} = \frac{84}{24}, \frac{11}{12} = \frac{22}{24}$

b) $\frac{2}{3} = \frac{8}{12}, \frac{4}{6} = \frac{8}{12}, \frac{9}{4} = \frac{27}{12}, \frac{5}{2} = \frac{30}{12}, \frac{3}{12} = \frac{3}{12}$

7. a) $\frac{16}{24}, \frac{32}{48}, \frac{64}{96}, \frac{128}{192}$ b) $\frac{81}{128}, \frac{243}{324}, \frac{729}{972}, \frac{2187}{2916}$

8. a) $\frac{8}{12}$ in $\frac{9}{12}$ č) $\frac{10}{12}$ in $\frac{9}{12}$

b) $\frac{21}{24}$ in $\frac{20}{24}$ d) $\frac{16}{24}$ in $\frac{21}{24}$

c) $\frac{3}{12}, \frac{20}{12}$ in $\frac{4}{12}$ e) $\frac{9}{12}, \frac{10}{12}$ in $\frac{6}{12}$

9. a) $\frac{15}{24}$ in $\frac{16}{24}$ č) $\frac{5}{9}$ in $\frac{6}{9}$

b) $\frac{6}{10}$ in $\frac{5}{10}$ d) $\frac{9}{24}$ in $\frac{14}{24}$

c) $\frac{8}{12}, \frac{6}{12}$ in $\frac{9}{12}$ e) $\frac{9}{12}, \frac{1}{12}$ in $\frac{10}{12}$

10. a) 3 b) 4 c) 7 č) 2 d) 7 e) 8

11. a) $\frac{3}{4} = \frac{9}{12}$ b) $\frac{2}{3} = \frac{12}{18}$ c) $\frac{5}{8} = \frac{20}{32}$

č) $\frac{7}{8} = \frac{21}{24}$

d) $\frac{5}{6} = \frac{30}{36} = \frac{40}{48}$

e) $\frac{9}{11} = \frac{18}{22}$

12. V 7. b razredu je 20 učencev.

13. Meta je imela 32 € prihrankov.

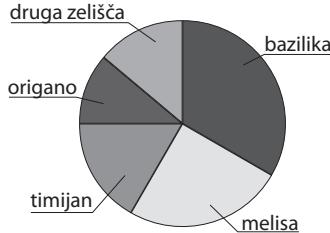
14. a) $\frac{1}{2} = \frac{4}{8}$

Potrebovala bo 4 ure.

15. a) $\frac{1}{4} = \frac{12}{48}$

Denar je prineslo že 12 učencev.

16. a)



b) Druga zelišča predstavlja $\frac{5}{36}$ pridelka.

Krajšanje ulomkov

1. a) $\frac{14}{20} = \frac{7}{10}, \frac{8}{24} = \frac{4}{12}, \frac{12}{26} = \frac{6}{13}, \frac{15}{18} = \frac{5}{6}$ – se ne da

b) $\frac{25}{30} = \frac{5}{6}, \frac{15}{45} = \frac{3}{9}, \frac{32}{25} = \frac{3}{9}$ – se ne da, $\frac{35}{65} = \frac{7}{13}$

2. a) $\frac{2}{5}$ knjige b) $\frac{2}{7}$ zaloge c) $\frac{3}{4}$ časa č) $\frac{2}{3}$ žepnine

3. a) $\frac{18}{20} = \frac{9}{10}, \frac{32}{48} = \frac{16}{24} = \frac{8}{12} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}, \frac{35}{40} = \frac{7}{8},$

$\frac{8}{12} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}, \frac{24}{35} = \frac{24}{35}$ – se ne da

b) $\frac{28}{35} = \frac{4}{5}, \frac{42}{54} = \frac{7}{9}, \frac{12}{25} = \frac{7}{25}$ – se ne da, $\frac{21}{27} = \frac{7}{9}, \frac{45}{12} = \frac{15}{4}$

4. a) z 8; z 2; s 7; s 3 b) z 11; s 13; s 4; s 5

5. a) $x = 4, y = 6$ b) $a = 3, b = 4$

6. a) $\frac{32}{40} = \frac{4}{5}, \frac{36}{48} = \frac{3}{4}, \frac{50}{75} = \frac{2}{3}, \frac{24}{60} = \frac{2}{5}$

b) $\frac{18}{45} = \frac{2}{5}, \frac{20}{24} = \frac{5}{6}, \frac{36}{54} = \frac{2}{3}, \frac{30}{24} = \frac{5}{4}, \frac{45}{60} = \frac{3}{4}$

7. a) $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}, \frac{15}{20} = \frac{3}{4}, \frac{16}{24} = \frac{2}{3}$

b) $\frac{20}{25} = \frac{4}{5}, \frac{18}{30} = \frac{3}{5}, \frac{12}{20} = \frac{3}{5}$

8. Likovni krožek: $\frac{9}{24} = \frac{3}{8}$, logika: $\frac{3}{24} = \frac{1}{8}$,

pevski zbor: $\frac{12}{24} = \frac{1}{2}$.

9. Gozd: $\frac{25}{100} = \frac{1}{4}$, njive: $\frac{15}{100} = \frac{3}{20}$,

travnik: $\frac{40}{100} = \frac{2}{5}$, vinograd: $\frac{20}{100} = \frac{1}{5}$.

10. a) $\frac{7}{20}$ b) $\frac{5}{12}$ c) $\frac{3}{5}$ d) $\frac{1}{8}$

11. a) $\frac{3}{5}$ b) $\frac{2}{5}$ c) $\frac{3}{4}$

12. a) $\frac{24}{36} = \frac{4}{6}$ b) $\frac{24}{36} = \frac{6}{9}$ c) $\frac{24}{36} = \frac{12}{18}$

13. Da, lahko. $\frac{15}{20} = \frac{3}{4} = \frac{9}{12}$

14. Da, C.

15. a) $\frac{8}{9}$ pri matematiki; $\frac{3}{4}$ pri naravoslovju, pri zgodovini in pri geografiji.

b) naravoslovje: $\frac{3}{4}$; angleščina: $\frac{2}{3}$; zgodovina: $\frac{3}{4}$; geografija: $\frac{3}{4}$; matematika: $\frac{8}{9}$.

REŠITVE

Ulomki in decimalna števila

1. a) $2\frac{6}{10} = 2,6$ b) $\frac{3}{100} = 0,03$ c) $5\frac{12}{1000} = 5,012$ č) $3\frac{26}{1000} = 3,026$

2. a) $0,6 = \frac{6}{10}$; $0,203 = \frac{203}{1000}$; $0,004 = \frac{4}{1000}$; $0,0824 = \frac{824}{10000}$

$$2,4 = \frac{24}{10} = 2\frac{4}{10}; 8,09 = \frac{809}{100}; 21,37 = \frac{2137}{100}$$

$$\text{b) } 0,9 = \frac{9}{10}; 0,407 = \frac{407}{1000}; 0,0005 = \frac{5}{10000}; 0,0038 = \frac{38}{10000}$$

$$7,3 = \frac{73}{10}; 3,006 = \frac{3006}{1000}; 132,07 = \frac{13207}{100}$$

3. a) $\frac{5}{10} = 0,5$; $\frac{17}{10} = 1,7$; $\frac{33}{1000} = 0,033$; $\frac{42}{10} = 4,2$

$$\frac{1213}{100} = 12,13; 4\frac{3}{1000} = 4,003; 18\frac{43}{100} = 18,43$$

b) $\frac{9}{10} = 0,9$; $\frac{47}{100} = 0,47$; $\frac{216}{1000} = 0,216$; $\frac{832}{100} = 8,32$

$$\frac{2653}{10} = 265,3; 6\frac{18}{100} = 6,18; 53\frac{28}{1000} = 53,028$$

4. a) $\frac{8}{25} = 0,32$; $\frac{3}{5} = 0,6$; $\frac{2}{16} = 0,125$; $\frac{9}{2} = 4,5$

$$\frac{47}{20} = 2,35; \frac{32}{200} = 0,16$$

b) $\frac{17}{20} = 0,85$; $\frac{12}{5} = 2,4$; $\frac{19}{25} = 0,76$; $\frac{1}{4} = 0,25$

$$\frac{42}{50} = 0,84; \frac{58}{400} = 0,145$$

5. a) $4\frac{3}{4} = 4,75$; $8\frac{3}{10} = 8,3$; $12\frac{13}{25} = 12,52$; $17\frac{7}{8} = 17,875$

b) $5\frac{9}{10} = 5,9$; $3\frac{1}{4} = 3,25$; $15\frac{17}{20} = 15,85$; $9\frac{15}{16} = 9,9375$

6. $2\frac{1}{3} = 2,33$ $4\frac{7}{8} = 4,88$ $\frac{5}{9} = 0,56$ $6\frac{12}{22} = 6,55$

7. a) $\frac{2}{3} = 0,66\bar{6}$ (perioda 6) b) $\frac{5}{9} = 0,55\bar{5}$ (perioda 5)

$$\frac{6}{11} = 0,\overline{54} \text{ (perioda 54)} \quad 2\frac{5}{6} = 2,83\overline{3} \text{ (perioda 3)}$$

b) $\frac{25}{7} = 3,\overline{571428}$ (perioda 571428)

$$3\frac{11}{13} = 3,846\overline{153} \text{ (perioda 846153)}$$

$$2\frac{4}{11} = 2,\overline{36} \text{ (perioda 36)}$$

$$\frac{56}{27} = 2,\overline{074} \text{ (perioda 074)}$$

8. a) $\frac{8}{10} \text{ l} = 0,8 \text{ l} = 8 \text{ dl}$ b) $\frac{7}{10} \text{ m} = 0,7 \text{ m} = 7 \text{ dm}$
 $\frac{3}{4} \text{ m} = 0,75 \text{ m} = 75 \text{ cm}$ $\frac{4}{5} \text{ l} = 0,8 \text{ l} = 8 \text{ dl}$
 $\frac{2}{5} \text{ km} = 0,4 \text{ km} = 400 \text{ m}$ $\frac{3}{4} \text{ dag} = 0,75 \text{ dag} = 7,5 \text{ g}$
 $\frac{5}{8} \text{ kg} = 0,625 \text{ kg} = 625 \text{ g}$ $\frac{3}{8} \text{ km} = 0,375 \text{ km} = 375 \text{ m}$

Urejanje ulomkov po velikosti

1. a) $\frac{1}{8} < \frac{3}{8} < \frac{4}{8} < \frac{5}{8} < \frac{7}{8}$ b) $\frac{2}{9} < \frac{3}{9} < \frac{5}{9} < \frac{6}{9} < \frac{7}{9}$

2. a) $\frac{5}{2} > \frac{5}{4} > \frac{5}{7} > \frac{5}{9} > \frac{5}{11}$ b) $\frac{7}{2} > \frac{7}{3} > \frac{7}{8} > \frac{7}{9} > \frac{7}{11}$

3. a) $\frac{3}{4} > \frac{5}{8}, \frac{4}{8} < \frac{3}{5}, \frac{2}{3} = \frac{6}{9}, \frac{4}{5} > \frac{1}{2}$

$$\text{b) } \frac{2}{3} > \frac{3}{6}; \frac{3}{8} < \frac{5}{6}; \frac{2}{7} = \frac{6}{21}; \frac{9}{11} > \frac{2}{3}$$

4. a) $\frac{1}{2} < \frac{3}{5} < \frac{2}{3} < \frac{5}{6}$ b) $\frac{5}{6} > \frac{2}{3} > \frac{1}{2} > \frac{3}{8}$

5. a) $1\frac{1}{10} < 1,2 < \frac{7}{5} < 1\frac{1}{2}$ b) $\frac{3}{4} < \frac{34}{10} < \frac{7}{2} < 3\frac{4}{5}$

c) $\frac{3}{5} < 1\frac{1}{4} < 1,3 < \frac{7}{5} < \frac{10}{4}$

6. Več je prebral Pavel ($\frac{15}{18} > \frac{14}{18}$).

7. Več je pobarvala z barvicami ($\frac{15}{35} > \frac{14}{35}$).

8. $\frac{6}{15} > \frac{7}{20}$ Babici Mojci cveti večji del tulipanov.

9. $\frac{7}{12} < \frac{5}{8}$ Drugi dan je opravil večji del treninga.

10. a) $2 < \frac{15}{7} < 3, 3 < \frac{29}{8} < 4, 4 < \frac{17}{4} < 5, 3 < \frac{33}{10} < 4, 7 < \frac{43}{6} < 8$

b) $3 < \frac{27}{8} < 4, 2 < \frac{12}{5} < 3, 3 < \frac{21}{6} < 4, 6 < \frac{19}{3} < 7, 7 < \frac{30}{4} < 8$

11. To je ulomek $\frac{7}{12}$.

12. To sta ulomka $\frac{7}{15}$ in $\frac{8}{15}$.

13. To so ulomki: $\frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{7}{7}, \frac{5}{8}, \frac{7}{9}$

14. a) $\frac{8}{5} < 2 < \frac{11}{5}, \frac{14}{4} < 4 < \frac{11}{2} \text{ in } \frac{14}{4} < 5 < \frac{11}{2}, \frac{7}{3} < 3 < \frac{22}{7}$

b) $\frac{15}{8} < 2 < \frac{23}{8}, \frac{7}{2} < 4 < \frac{26}{6}, \frac{19}{4} < 5 < \frac{31}{6}$

15. a) Med $\frac{7}{2}$ in $\frac{21}{2}$ ležijo števila 4, 5, 6, 7, 8, 9 in 10.

Med $\frac{9}{4}$ in $\frac{16}{3}$ ležijo števila 3, 4 in 5.

Med $\frac{12}{8}$ in $\frac{22}{3}$ ležijo števila 2, 3, 4, 5, 6 in 7.

Največ števil leži med ulomkomoma $\frac{7}{2}$ in $\frac{21}{2}$.

b) Med $\frac{13}{4}$ in $\frac{27}{4}$ ležijo števila 4, 5 in 6.

Med $\frac{15}{4}$ in $\frac{37}{6}$ ležijo števila 4, 5 in 6.

Med $\frac{20}{3}$ in $\frac{43}{5}$ ležita števili 7 in 8.

Največ števil je med ulomkomoma $\frac{13}{4}$ in $\frac{27}{4}$ ter $\frac{15}{4}$ in $\frac{37}{6}$.

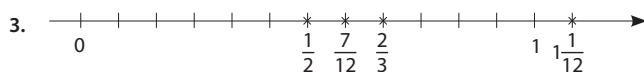
16. npr.: $\frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{7}{8}, \frac{15}{16}$ Največji je ulomek, ki ima največji imenovalec, saj mu do celote manjka najmanjši delček.

Preverimo znanje

1. $\frac{3}{4}, \frac{4}{8}, \frac{1}{6}$



Možne so tudi druge rešitve. Pomembno je, da sta pobarvana 1, 2 oziroma 5 delov.



4. $\frac{3}{5} < 1, \frac{17}{9} > 1, \frac{17}{9} = 1\frac{8}{9}; \frac{35}{7} > 1, \frac{35}{7} = 5;$

$\frac{3}{8} > 1, \frac{3}{8} = \frac{3}{8}; \frac{3}{8} < 1, \frac{3}{8} = 1; \frac{3}{8} < 1, \frac{3}{8} > 1, \frac{3}{8} = 8;$ (vsaka primerjava 1 t)

5. $4\frac{2}{5} = \frac{22}{5}, 5\frac{1}{7} = \frac{36}{7}, 2\frac{7}{13} = \frac{33}{13}$

6. $\frac{4}{9} = \frac{24}{54}, \frac{5}{8} = \frac{35}{56}, \frac{8}{7} = \frac{72}{63}$ (vsak po 1 t),

$$4\frac{5}{6} = \frac{29}{6} = \frac{87}{18} (2 t)$$

7. $\frac{15}{45} = \frac{1}{3}, \frac{28}{42} = \frac{2}{3}, (\text{vsak po 1 t}), \frac{80}{360} = \frac{2}{9} (2 t)$

8. a) $\frac{5}{12} < \frac{8}{15} < \frac{7}{10}$ b) $\frac{4}{9} < \frac{2}{3} < \frac{3}{4}$

9. $\frac{4}{5} = 0,8; \frac{3}{4} = 0,75; \frac{7}{10} = 0,7$

10. $6 < \frac{45}{7} < 7; 4 < \frac{39}{9} < 5$

11. Prehoditi mora še $\frac{12}{20} = \frac{3}{5}$ poti.

12. Zadnji dan je prebrala 120 strani.

Računanje z ulomki

Ulomki z enakimi imenovalci

1. a) $\frac{4}{9} + \frac{6}{9} = \frac{10}{9} = 1\frac{1}{9}$ b) $\frac{7}{11} - \frac{4}{11} = \frac{3}{11}$

2. a) $\frac{1}{4} + \frac{2}{4} = \frac{3}{4}$ b) $\frac{2}{12} + \frac{4}{12} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$ c) $\frac{15}{30} - \frac{7}{30} = \frac{8}{30} = \frac{4}{15}$

3. a) $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ b) $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$ c) $\frac{9}{15} = \frac{3}{5}$ č) $\frac{40}{50} = \frac{4}{5}$ d) $3\frac{2}{4} = 3\frac{1}{2}$

e) $2\frac{2}{2} = 3$ f) $3\frac{8}{16} = 3\frac{1}{2}$ g) $7\frac{4}{7}$ h) $4\frac{3}{4}$ i) $5\frac{1}{2}$ j) $7\frac{2}{3}$ k) $7\frac{2}{5}$

4. a) $\frac{7}{5} = 1\frac{2}{5}$ b) $\frac{36}{14} = 2\frac{8}{14} = 2\frac{4}{7}$ c) $\frac{17}{13} = 1\frac{4}{13}$ č) $\frac{51}{24} = 2\frac{3}{24} = 2\frac{1}{8}$

d) $\frac{5}{4}$ e) $3\frac{4}{8} = 3\frac{1}{2}$ f) $8\frac{7}{5} = 9\frac{2}{5}$ g) $4\frac{3}{4}$ Okrajšali smo b, č, e.

5. $1 - \left(\frac{23}{60} + \frac{17}{60}\right) = \frac{20}{60} = \frac{1}{3}$ Miran in Tadej sta pojedla $\frac{1}{3}$ bonbonov.

6. a) $3\frac{1}{6} + 2\frac{5}{6} = 6$ b) $1\frac{8}{9} + 1\frac{7}{9} = 3\frac{6}{9} = 3\frac{2}{3}$ c) $6,5 + \frac{6}{10} = 7\frac{1}{10}$ č) $2\frac{7}{20}$

7. a) $3; 4; \frac{4}{5}; 2\frac{2}{3}$ b) $4\frac{2}{7}; \frac{4}{6}; 2; 3$

8. $1\frac{3}{5} + 2\frac{4}{5} + 1\frac{1}{5} + 5\frac{2}{5} = 9\frac{10}{5} = 11$ Mama je kupila 11 kg zelenjave.

9. $\frac{2}{5}, \frac{4}{5}, 1\frac{1}{5}, 1\frac{3}{5}, 2, 2\frac{2}{5}, 2\frac{4}{5}, 3\frac{1}{5}, 3\frac{3}{5}, 4$

10. ne: o = $1\frac{1}{3} + \left(1\frac{1}{3} + \frac{2}{3}\right) + \left(1\frac{1}{3} + \frac{2}{3} + \frac{2}{3}\right) = 1\frac{1}{3} + 2 + 2\frac{2}{3} = 5\frac{3}{3} = 6$; o = 6 m

11. $6\frac{1}{4}, 5\frac{2}{4}, 4\frac{3}{4}, 4, 3\frac{1}{4}, 2\frac{2}{4}, 1\frac{3}{4}, 1, \frac{1}{4}$

Seštevanje ulomkov

1. a) $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ b) $\frac{22}{15} = 1\frac{7}{15}$ c) $\frac{59}{72}$ č) $7\frac{17}{12} = 8\frac{5}{12}$

d) $2\frac{9}{20}$ e) $6\frac{7}{24}$ f) $16\frac{5}{20} = 16\frac{1}{4}$ g) $56\frac{1}{10}$

h) $35\frac{62}{63}$ i) $32\frac{20}{21}$

2. a) $\frac{15}{8} = 1\frac{7}{8}$ b) $2\frac{5}{20} = 2\frac{1}{4}$ c) $23\frac{7}{40}$ č) $81\frac{11}{12}$

3. a) $\frac{1}{2}$ b) $1\frac{1}{18}$ c) $\frac{2}{3}$ č) $\frac{17}{18}$ d) $2\frac{3}{40}$
e) $1\frac{11}{12}$ f) $2\frac{1}{24}$ g) $6\frac{9}{20}$ h) $1\frac{7}{24}$ i) $3\frac{17}{21}$

4. $\frac{11}{12} + \frac{8}{15} = \frac{55}{60} + \frac{32}{60} = 1\frac{27}{60} = 1\frac{9}{20}$

5. a) 2 b) $\frac{1}{2}$ c) $1\frac{9}{10}$ č) $5\frac{7}{20} = 5,35$

d) $\frac{7}{10}$ e) $2\frac{1}{20} = 2,05$ f) $1\frac{9}{100} = 1,09$ g) $1\frac{6}{25} = 1,24$

h) 5 i) $2\frac{1}{6}$

6. a) $\frac{2}{3}$ b) $\frac{1}{3}$

7. $\frac{7}{12} + \frac{2}{5} = \frac{35}{60} + \frac{24}{60} = \frac{59}{60}$

8. a) $\frac{3}{4}$ m b) $1\frac{3}{10}$ l c) $5\frac{9}{20}$ kg č) $1\frac{11}{30}$ t

9. a) $1\frac{1}{6}$ b) $2\frac{7}{12}$ c) $8\frac{13}{24}$ Velja zakon o zamenjavi.

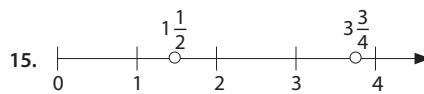
10. a) $3\frac{1}{3}$ b) $5\frac{1}{3}$ c) $17\frac{4}{5}$ č) $17\frac{5}{12}$

11. Različne rešitve, velja zakon o združevanju.

12. a) $6\frac{11}{20}$ kg b) DA, ker je $\frac{11}{20}$ kg jagod preveč.

13. Porabila je $\frac{37}{40}$ denarja; ostalo ji je $\frac{3}{40}$ denarja.

14. a) $\frac{33}{40}$ b) $\frac{7}{40}$



15. a) Odveč je podatek B. b) $\frac{11}{7}$ c) $\diamond = \frac{2}{7}, \circ = \frac{1}{7}, \triangle = 1$

16. $8\frac{54}{60} + \frac{7}{12} = 9\frac{29}{60}$ KTjaši je prispeval ob 9. uri in 29 minut; $\frac{7}{12}$ ure = 35 minut, nato sešteješ skupaj ure in skupaj minute.

$8 \text{ h } 54 \text{ min} + 35 \text{ min} = 8 \text{ h } 89 \text{ min} = 9 \text{ h } 29 \text{ min}$

17. $1234\frac{7}{8} + \left(1234\frac{7}{8} + 951\frac{5}{6}\right) = 1234\frac{7}{8} + 2186\frac{17}{24} = 3421\frac{7}{12}$; Posestvo meri $3421\frac{7}{12} \text{ m}^2$.

18. $4\frac{9}{10} + \left(4\frac{9}{10} + 9\frac{81}{100}\right) + \left(4\frac{9}{10} + 9\frac{81}{100} + 9\frac{81}{100}\right) = 4\frac{9}{10} + 14\frac{71}{100} + 24\frac{52}{100} = 42\frac{213}{100} = 43\frac{13}{100}$

Kamen pada $44\frac{13}{100}$ m.

19. $\frac{1}{2} = \frac{3}{6}, \frac{1}{3} = \frac{2}{6}, \frac{1}{6} = \frac{1}{2} = \frac{2}{3} = \frac{3}{6}, \frac{2}{3}, \frac{2}{1} = \frac{6}{3}, \frac{3}{1} = \frac{6}{2}, \frac{6}{1}$.
 $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{6} + 1 + \frac{2}{3} + 2 + 1\frac{1}{2} + 3 + 6 = 15\frac{1}{6}$

21. Različne rešitve.

Odštevanje ulomkov

1. a) $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ b) $\frac{1}{9}$ c) $\frac{7}{15}$ č) $\frac{31}{72}$

d) $3\frac{1}{10}$ e) $2\frac{1}{9}$ f) $4\frac{1}{18}$ g) $1\frac{9}{20}$
h) $4\frac{5}{8}$ i) $2\frac{31}{34}$ j) $20\frac{7}{12}$ k) $17\frac{13}{24}$

2. a) 1 b) $\frac{3}{10}$ c) $3\frac{1}{100} = 3,01$ č) $2\frac{13}{20} = 2,65$
d) $\frac{14}{15}$ e) $4\frac{2}{5} = 4,4$ f) $1\frac{19}{25} = 1,76$ g) $\frac{7}{8} = 0,875$
h) $7\frac{19}{30}$ i) $3\frac{31}{35}$

3. $3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{7} = 2\frac{1}{14}$

4. $\frac{7}{9} - \frac{2}{5} = \frac{17}{45}$

5. a) $\frac{5}{9}$ b) 4 c) 4 č) 1

6. a) 1 b) $\frac{2}{3}$ c) $\frac{37}{45}$ č) $1\frac{1}{18}$
d) $4\frac{5}{6}$ e) $4\frac{1}{4}$ f) $1\frac{7}{8}$ g) $11\frac{9}{10}$

7. a) $\frac{2}{9}$ b) $\frac{11}{12}$ c) $\frac{17}{40}$ č) $5\frac{1}{11}$

8. a) $\frac{2}{6} \text{ m} = \frac{1}{3} \text{ m}$ b) $1 \text{ l} - \frac{5}{10} \text{ l} = \frac{1}{2} \text{ l}$ c) $3\frac{17}{30} \text{ g}$
č) $\frac{8}{10} \text{ t} - \frac{1}{4} \text{ t} = \frac{11}{20} \text{ t}$

9. Špela je bila stara $5\frac{5}{24}$ let.

10. Marko je rešil $6\frac{9}{10}$ nalog.

REŠITVE

11. $7\frac{36}{60} - \frac{2}{5} = 7\frac{2}{10} = 7\frac{1}{5}$

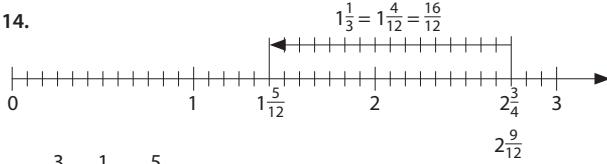
Mateja je šla od doma ob $7\frac{1}{5}$ ure, kar je ob 7. uri in 12 minut.

$\frac{2}{5}$ ure je 24 min, nato odštejem $7h\ 36\ min - 24\ min = 7\ h\ 12\ min$

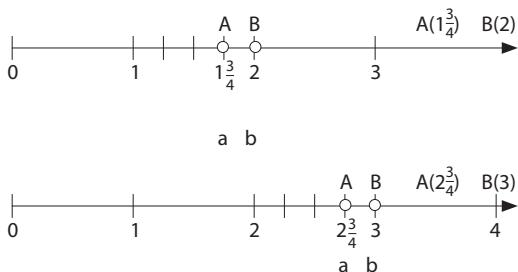
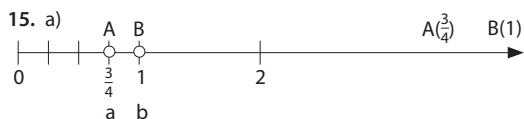
12. č); algebrski izraz: $\frac{1}{x-1} - \frac{1}{x} = \frac{x-(x-1)}{(x-1) \cdot x}$

13. $7\frac{21}{30} = 7\frac{7}{10}$ a) NE; b) Zamenjamo lahko prvi in drugi člen. c) NE

14.



$$2\frac{3}{4} - 1\frac{1}{3} = 1\frac{5}{12}$$



b) Enotska daljica je vedno razdeljena na štiri enake dele.

16. a) $\frac{2}{5}$ b) $\frac{3}{10} - \frac{1}{5} = \frac{1}{10}$ c) $1 - \frac{3}{10} - \frac{2}{5} - \frac{1}{5} = \frac{1}{10}$ č) Različne rešitve.

17. $1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$ dolga = 2262 €, celoten dolg je 13572 €.

18. $\frac{4}{5} - \frac{2}{5} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3} = \frac{4}{6}$

a) Petra je zapisala ulomek $\frac{4}{6}$.

b) Imenovalec je povečala za 1.

19. $(2\frac{3}{4} - \frac{2}{3}) + \frac{1}{6} - \frac{5}{12} = 1\frac{1}{2}$ ali $2\frac{3}{4} - \frac{2}{3} + \left(\frac{1}{6} - \frac{5}{12}\right) = 1\frac{1}{2}$

20. $\frac{1}{6}$

21. Seštevanje, odštevanje, množenje, deljenje, razširjanje in krajšanje ulomkov ...

Množenje ulomka z naravnim številom

1. a) $1\frac{5}{7}$ b) $1\frac{1}{5}$ c) $3\frac{3}{4}$ č) $1\frac{1}{3}$ d) $4\frac{3}{4}$ e) $1\frac{1}{10}$ f) $3\frac{2}{3}$ g) $9\frac{2}{3}$

h) $14\frac{1}{3}$ i) $73\frac{2}{5}$ j) 187

2. a) 3 b) 4 c) 15

3. a) $7\frac{2}{9}$ b) $12\frac{2}{3}$ c) 1048 č) $38\frac{1}{4}$

4. $13\frac{1}{2} \cdot 14 = 189$ Knjiga ima 189 strani.

5. $22\frac{3}{4} \cdot 4 = 91$ Za vrt Jaka potrebuje 91 m ograje.

6. a) $\frac{2}{10}l = \frac{1}{5}l$ b) $26 \cdot \frac{1}{5}l = 5\frac{1}{5}l$

c) Da, v decilitrih in jih na koncu pretvoril v litre in decilitre,

7. Nabrali so 51 kg borovnic. Zasluzili so 204 €. Za izlet jim še manjka 296 €. Nabrati morajo še 74 kg borovnic, če bodo dobili plačane po istii ceni.

8. $2 \cdot 2\frac{1}{6} + 2 \cdot 3 \cdot 2\frac{1}{6} = 17\frac{1}{3}$ Obseg pravokotnika meri $17\frac{1}{3}$ m.

9. $x \cdot 4,5 = 3 \cdot 7\frac{1}{2}$
x = 5

Tilnova vrvica je dolga 5 metrov. Daljša je Urhova vrvica.

10. $(48 - 18 - 24) \cdot 18\frac{1}{3} = 110$ Preostali tovor na tovornjaku je tehtal 110 kg.

11. a) $n \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ b) $n = 36, 72, 108 \dots n \in V_{36}$

Množenje ulomka z ulomkom

1. a) $\frac{1}{3}$ b) $\frac{1}{9}$ c) $\frac{1}{6}$ č) $\frac{19}{22}$ d) $\frac{16}{27}$ e) $\frac{16}{39}$ f) $\frac{1}{2}$ g) $1\frac{3}{4}$ h) $\frac{5}{12}$ i) 24

j) $18\frac{1}{3}$ k) $7\frac{5}{7}$ l) $\frac{1}{2}$ m) 1 n) $438\frac{3}{4}$ o) $\frac{1}{5} = 0,2$ p) $\frac{1}{5}$

r) $27\frac{1}{25} = 27,04$ s) $\frac{1}{20} = 0,05$ š) $1\frac{7}{20} = 1,35$

2. $4\frac{1}{3}$

3. Prvi zmnožek ($\frac{6}{7}$) je manjši od drugega zmnožka ($\frac{9}{10}$), ker je $\frac{60}{70} < \frac{63}{70}$.

4. a) $\frac{2}{3}$ b) $\frac{5}{7}$ c) 4

5. a) $\frac{1}{5} \cdot \frac{1}{10} m = \frac{1}{50} m = 2\text{ cm}$ b) $\frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} kg = \frac{1}{2} kg = 500\text{ g}$

6. $23\frac{3}{4} km \cdot 3\frac{1}{5} = 76\text{ km}$

7. Različne rešitve; oba zakona veljata.

8. $\frac{7}{8} = \frac{\textcircled{8}}{7}$ $\frac{1}{2} \cdot \frac{5}{3} \cdot \frac{7}{8} = \frac{35}{48} = \frac{\textcircled{48}}{35}$ $\frac{a}{b} = \frac{\textcircled{b}}{a}$

9. $2 \cdot 4\frac{1}{5} \text{ cm} \cdot 3\frac{1}{7} = 26\frac{2}{5} \text{ cm}$

10. a) Sara: $3\frac{1}{4} \cdot 1\frac{3}{4} h = 4\frac{1}{3} h$ Barbara: $\frac{3}{8} \cdot 3\frac{1}{4} h = 1\frac{7}{32} h$

b) Najdlje je nalogo pisala Sara, najhitrejša je bila Barbara.

11. a) npr.: $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$ b) Drugi ulomek je manjši od 1

Deljenje ulomka z naravnim številom

1. a) $\frac{4}{9}$ b) $\frac{1}{30}$ c) $\frac{4}{7}$ č) $\frac{11}{40}$

2. a) z 1: $\frac{11}{35}$, z 2: $\frac{11}{70}$, z 3: $\frac{11}{105}$, z 4: $\frac{11}{140}$, z 5: $\frac{11}{175}$

b) z 2: $\frac{7}{24}$, z 4: $\frac{7}{48}$, z 6: $\frac{7}{72}$, z 8: $\frac{7}{96}$, z 10: $\frac{7}{120}$

3. a) $\frac{2}{11}$ b) $\frac{5}{48}$ c) $\frac{16}{55}$ č) $\frac{15}{291}$

d) $\frac{4}{15}$ e) $\frac{8}{45}$ f) $\frac{6}{225}$ g) $\frac{1}{88}$

h) $\frac{4}{5}$ i) $\frac{5}{8}$ j) $\frac{8}{9}$ k) $2\frac{29}{48}$

4. a) $\frac{3}{10}$ b) $\frac{7}{32}$ c) $\frac{1}{375}$ č) $1\frac{1}{5}$

5. a) $\frac{7}{30}$ b) $1\frac{7}{60}$ c) $1\frac{13}{36}$

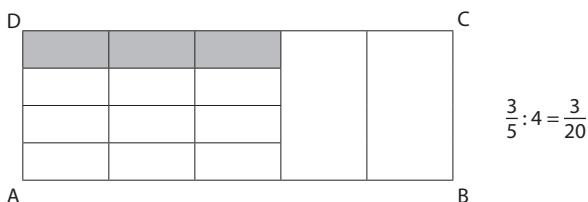
6. Stranica meri $3\frac{15}{16}$ m.

7. $8\frac{11}{24}$

8. $\frac{7}{75}$ litra

REŠITVE

9.



10.



11. $\frac{9}{10}$

12. Na 80 km dolgi progi bi avto porabil 9,02 l bencina.

Deljenje ulomka z ulomkom

1. $\frac{4}{3}, \frac{4}{9}, \frac{5}{12}, 9, \frac{1}{8}$

2. a) $\frac{8}{9}$ b) $1\frac{1}{2}$ c) $1\frac{1}{125}$ d) $\frac{99}{160}$

d) $\frac{1}{2}$ e) $\frac{9}{16}$ f) $3\frac{1}{3}$ g) $\frac{9}{14}$

h) $1\frac{1}{3}$ i) 1 j) $1\frac{7}{8}$ k) $1\frac{1}{2}$

3. a) 2 b) $\frac{21}{55}$ c) $1\frac{1}{2}$ d) $2\frac{1}{2}$

d) $1\frac{1}{4}$ e) $\frac{7}{18}$ f) $\frac{7}{8}$ g) $1\frac{13}{20}$

h) 360 i) $2\frac{2}{3}$ j) 1 k) $\frac{8}{15}$

4. a) $7\frac{1}{2}$ b) $22\frac{1}{2}$ c) $36\frac{4}{5}$ d) $4\frac{1}{2}$

d) 10 e) 48 f) $\frac{1}{2}$ g) $\frac{1}{4}$

h) $\frac{1}{100}$ i) $2\frac{2}{25}$

5. a) $2\frac{1}{2}$ dl olja b) $\frac{2}{15}$ kg bombonov c) $\frac{4}{3}$ metra

6. 40 trakov

7. 1 cm^3 železa tehta $7\frac{1}{2}$ g.

8. Prevozil jo bo v $\frac{4}{25}$ h.

9. a) 2 b) $1\frac{52}{245}$

10. a) $2\frac{1}{4}$ b) $\frac{5}{9}$ c) $2\frac{4}{9}$ d) $2\frac{2}{9}$

11. a) $1\frac{5}{7}$ b) $\frac{136}{45}$

12. 22 m

13. 96 steklenic

14. Ne, zakon o združevanju ne velja pri deljenju.

15. $1 : 1 = 1$

$1 : \frac{1}{2} = 1 \cdot 2 = 2$

$1 : \frac{1}{3} = 1 \cdot 3 = 3$

$1 : \frac{1}{4} = 1 \cdot 4 = 4$

$1 : \frac{1}{5} = 1 \cdot 5 = 5$

Številski izrazi

1. a) $\frac{1}{4}$ b) $\frac{8}{15}$ c) $7\frac{1}{2}$ d) $1\frac{2}{3}$

d) $\frac{1}{32}$ e) $\frac{121}{400}$ f) $1\frac{5}{8}$ g) $\frac{1}{72}$

h) $\frac{1}{10}$ i) $1\frac{1}{2}$

2. a) 2 b) $1\frac{9}{10}$ c) $\frac{5}{6}$ d) $\frac{19}{40}$

e) $\frac{67}{105}$ f) $\frac{9}{14}$ g) $4\frac{15}{52}$

h) $4\frac{5}{8}$ i) $76\frac{1}{8}$ j) $\frac{11}{15}$ k) $\frac{7}{60}$

l) $\frac{14}{15}$ m) $1\frac{2}{45}$

3. $2\frac{61}{64}$

4. 5,1

5. $o = 9\frac{3}{10} \text{ m}; p = 4\frac{8}{25} \text{ m}^2$

6. a) $7\frac{3}{4}$ b) $1\frac{1}{9}$

7. a) $7\frac{3}{4}$ b) $1\frac{3}{5}$ c) $13\frac{1}{4}$ d) $4\frac{1}{6}$

e) 3 f) 12,85 g) 8,25

h) $1\frac{7}{12}$ i) $7\frac{1}{2}$ j) 5,945 k) 21,44

l) $19\frac{1}{5}$ m) 25 n) 12,6 o) $1\frac{2}{5}$

p) 21 r) $11\frac{1}{12}$ s) $11\frac{14}{15}$ š) 5,775

8. a) $6\frac{5}{6}$ b) $\frac{59}{80}$

9. a) $\frac{2}{3}$ b) $\frac{3}{10}$ c) $\frac{7}{400}$ d) $\frac{18}{25}$

10. a) $16\frac{1}{12}$ b) $11\frac{14}{15}$ c) $3\frac{3}{20}$

11. a) $\frac{1}{14}$ b) $\frac{5}{23}$ c) 3 d) $14\frac{2}{5}$

e) $3\frac{5}{8}$

12. 5. razred

13. 7. razred

14. a) $\frac{1}{25}$ b) $2\frac{76}{171}$

15. 7,1

16. a) $\frac{30}{67}$ b) $\frac{120}{171}$

17. $(4\frac{2}{3} + 2\frac{1}{2}) \cdot 3\frac{1}{5} - 2\frac{1}{2} = 20\frac{13}{30}$

$4\frac{2}{3} + 2\frac{1}{2} \cdot (3\frac{1}{5} - 2\frac{1}{2}) = 6\frac{5}{12}$

$(4\frac{2}{3} + 2\frac{1}{2}) \cdot (3\frac{1}{5} - 2\frac{1}{2}) = 5\frac{1}{60}$

$(4\frac{2}{3} + 2\frac{1}{2} \cdot 3\frac{1}{5}) - 2\frac{1}{2} = 10\frac{1}{6}$

18. a) Koliko časa je kolesaril in koliko počitkov je imel.

b) Ne.

c) Za kosilo je porabil 1 h in 19 min.

19. a) Koliko pomaranč in kave je kupila, koliko je plačala za pomaranče, borovnice; koliko sadja je kupila.

b) 3,5 kg sadja.

c) Ne.

REŠITVE

Naloge z besedilom

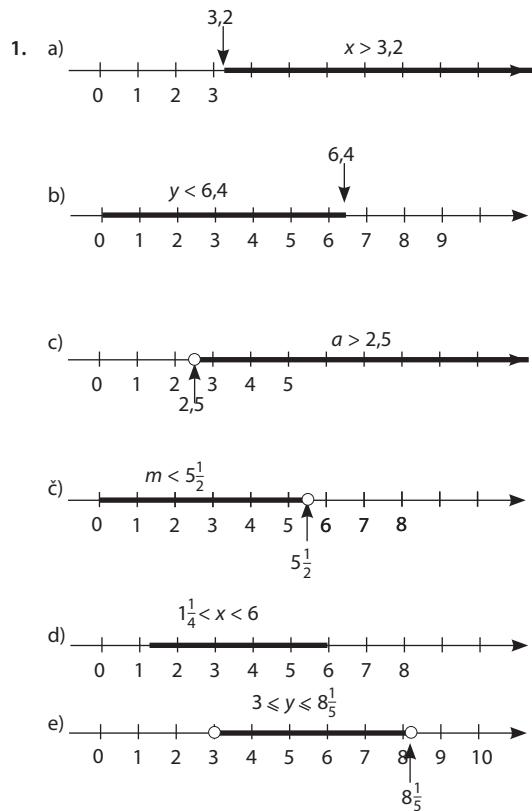
1. Jaka je zbral $38\frac{11}{20}$ kg papirja.
2. $7\frac{25}{36}$
3. $9\frac{2}{3}$
4. $4\frac{2}{3}$
5. $7\frac{23}{45}$
6. 80 ha pokosijo, 40 ha trave pa popasejo sveæe.
7. Iglavcev je 30 ha.
8. Napolnil je 4704 steklenice.
9. Knjiga ima 96 strani.
10. Drugi dan so prehodili $\frac{7}{20}$ poti, tretji dan pa $\frac{1}{20}$ poti.
11. Katja je dobila za $2\frac{63}{430}$ večji rezultat.
12. Knjig ima 225 strani.
13. Pregledati je morala 60 člankov.
14. Oče je star $45\frac{5}{6}$ let (45 let in 10 mesecev). Ko se je rodila Ana je bil star $36\frac{5}{12}$ let (36 let in 5 mesecev).
15. Dobiš število $10\frac{1}{6}$.
16. Mojca je visoka 156 cm.
17. V eni uri je pretekel 12 kilometrov, za celotno pot pa je porabil $6\frac{1}{4}$ ure (6 ur in 15 minut).

Izrazi s spremenljivkami

1. a) $14\frac{1}{2}$ b) $8\frac{1}{3}$ c) 13 d) $12\frac{5}{6}$
2. a) $20\frac{8}{15}$ b) 18 c) $39\frac{1}{5} = 39,2$ d) $37\frac{1}{2} = 37,5$
3. a) $\frac{25}{27}$ b) $10\frac{9}{16} = 10,5625$ c) $2\frac{9}{10} = 2,9$ d) $\frac{13}{18}$
4. Rok je pretekel $\frac{3}{200}$ (15 m) več kot Peter.
5. a) a b) $4 \cdot a$ c) $3 \cdot b$ d) $2 \cdot c$ e) $2 \cdot d$ f) $3 \cdot e$
6. 12, 14, 16, 18, 20, 22
7. $2 \cdot x + 23; 25, 27, 29, 31, 33, 35, 37$
8. a) 44, 48, 52, 56 b) 22, 24, 26, 28
9. a) 78, 91, 104; b) $x \cdot 13 + 13; x \in \mathbb{N}$

- b) $\frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}; \frac{1}{x}; x \in \mathbb{N}$
- c) 11, 13, 15; $x \cdot 2 + 1$ d) 14, 17, 20; $x \cdot 3 - 1$
10. a) Razlikujeta se za $2\frac{1}{6}$. b) Razlikujeta se za $1\frac{17}{45}$.
11. Poveča se za $6\frac{2}{3}$.
12. Poveča se za $3\frac{1}{3}$.
13. Ploščina se poveča za $4\frac{1}{5} = 4,2 \text{ cm}^2$.
14. a) $3\frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} - 1\frac{3}{4} + 4\frac{1}{3}$ b) $3,4 \cdot (2\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5}) + 0,2$

Enačbe in neenačbe



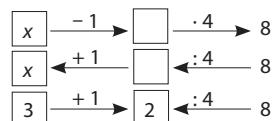
2. a) $x \in \{3, 4, 5, 6, 7\}$ b) $x \in \{4, 5, 6, \dots, 12\}$
c) $x \in \{7, 8, 9\}$ c) $x \in \{9, 10, 11, \dots, 15\}$

3. a)

izberem x	vrednost LEVE strani 33	vrednost DESNE strani $7 \cdot x + 12$	L = D p ali n
0	33	$7 \cdot 0 + 12 = 12$	$33 \neq 12$ n
1	33	$7 \cdot 1 + 12 = 19$	$33 \neq 19$ n
2	33	$7 \cdot 2 + 12 = 26$	$33 \neq 26$ n
3	33	$7 \cdot 3 + 12 = 33$	$33 = 33$ p

$x = 3; L = D = 33;$ Rešitev enačbe je število 3.

b) $4 \cdot (x - 1) = 8$



$x = 3$

4. a) $x + \frac{1}{3} = 10 \quad x = 9\frac{2}{3}$ b) $x \cdot \frac{1}{6} = 54 \quad x = 324$

c) $\frac{x}{4} = 60 \quad x = 240$

d) $x \cdot 6 + 7 = 25 \quad x = 3$

d) $16 \cdot \frac{x}{2} = 72 \quad x = 9$

5. a) $x = \frac{1}{8}$ b) $y = \frac{2}{5}$ c) $a = 4\frac{1}{4}$ d) $b = \frac{3}{7}$

e) $y = 3\frac{2}{4} = 3\frac{1}{2}$ f) $x = 4\frac{7}{8}$ g) $x = 6\frac{5}{7}$ h) $x = 10\frac{3}{5}$

i) $x = 1\frac{2}{3}$ j) $y = 3\frac{1}{4}$

6. a) $x = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$ b) $x = \frac{1}{6}$ c) $x = 3\frac{1}{10}$ d) $x = 2,3$

e) $x = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$ f) $x = \frac{9}{14}$ g) $x = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$ h) $x = 1\frac{7}{24}$

i) $y = 2\frac{1}{8}$ j) $a = 1\frac{15}{18} = 1\frac{5}{6}$ k) $p = 29,5$ l) $t = 11,7$

REŠITVE

7. a) Rešitev je pravilna.

b) Rešitev je nepravilna, pravilna rešitev je $6\frac{1}{2}$.

c) Rešitev je nepravilna, pravilna rešitev je 3.

8. a) $x = 32$ b) $x = \frac{14}{3} = 4\frac{2}{3}$ c) $x = 48$ č) $y = 3\frac{1}{3}$ d) $x = 108$

e) $x = \frac{5}{6}$ f) $x = 5$ g) $x = 2\frac{1}{2}$ h) $a = 3\frac{1}{3}$

9. a) $x = 196$ b) $y = 10$ c) $z = 33$ č) $x = \frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}$

d) $a = 1\frac{1}{2}$ e) $x = 7$ f) $x = 18$ g) $y = \frac{1}{2}$

h) $a = 8\frac{2}{6} = 8\frac{1}{3}$ i) $x = 5$ j) $x = 10$ k) $y = 1,6$

10. leva stran $6\frac{3}{4}, 7\frac{5}{8}, 7\frac{3}{4}, 8\frac{5}{8}, 8\frac{3}{4}$ $x = 4\frac{7}{8}$

11. Ne, rešitev je $1\frac{37}{44}$

12. $x - 3\frac{1}{2} = 6\frac{2}{5}$ $x = 9\frac{9}{10}$ Iskano število je $9\frac{9}{10}$.

13. $16,9 + x = 22,5$ $x = 5,6$

Drugi kos drevesa je bil dolg 5,6 m.

14. $\frac{2}{5} \cdot x = 25$ $x = 125$ Iskano število je 125.

15. $x \cdot 5\frac{1}{7} = 72$ $x = 14$ Iskano število je 14.

16. $4\frac{1}{2} + x = 8$ $x = 3\frac{1}{2}$ Na tovornjak lahko naložijo $3\frac{1}{2}$ tone tovora.

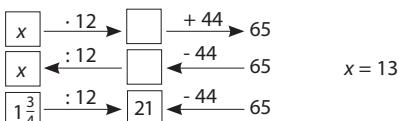
17. $6,5 \cdot x = 78$ $x = 12$ Gal je star 12 let.

18. $\frac{x}{3} = 3$ $x = 9$ Pajek je dolg 9 cm.

19. $x = 42 : 10\frac{1}{2}$ $x = 4$ Gobar bo razdelil gobe štirim prijateljicam.

20. Skupaj sta stari $24\frac{1}{2}$ let (24 let, 6 mesecev). Kaja je stara $9\frac{5}{6}$ let (9 let 10 mesecev).

21. $x \cdot 12 + 44 = 200$



22. $(4\frac{7}{8} + 3\frac{1}{6}) - x = (4\frac{7}{8} - 3\frac{1}{6})$

$x = 6\frac{8}{24} = 6\frac{1}{3}$

23. $(6\frac{1}{3} + 1\frac{8}{15}) - x = 5\frac{29}{30}$ $x = 1\frac{27}{30} = 1\frac{9}{10}$

Odštevanec je $\frac{9}{10}$.

24. $x - \frac{x}{5} = 156$

$\frac{4}{5}x = 156$ $x = 196$

Peter je visok 195 cm.

25. $x + \frac{1}{5} = \frac{17}{30} + \frac{3}{20}$

$x = \frac{31}{60}$

Ana je zapisala število $\frac{31}{60}$.

Preverimo znanje

1. a) $1\frac{3}{8}$ b) $6\frac{3}{5}$ c) $1\frac{5}{24}$ č) $1\frac{5}{6}$ d) $\frac{7}{8}$ e) $7\frac{2}{5}$ f) $8\frac{7}{12}$ g) $6\frac{13}{14}$

(a,b,c in č po 0,5t; ostale 1t)

2. a) $\frac{1}{2}$ (1t) b) $6\frac{3}{4}$ (2t) c) $8\frac{1}{3}$ (2t) č) $3\frac{1}{5}$ (3t) d) 1 e) $\frac{4}{5}$ f) $10\frac{2}{3}$
g) $1\frac{2}{15}$

3. a) $x = 3\frac{11}{12}$ (2t) b) $m = 3\frac{4}{7}$ (2t) c) $38\frac{2}{3}$ č) $8\frac{1}{5}$

4. a) 0,5 t b) ni rešitev 0,5 t

c) 0,5t č) 0,5 t

5. a) $3\frac{4}{9}$; za izračun v oklepaju $2\frac{17}{18}$ (1t)

b) $2\frac{1}{7}$; za izračun v oklepaju $2\frac{11}{12}$ (1t)

c) $8\frac{2}{15}$; za izračun v oklepaju $3\frac{1}{3}$ (1t)

č) $1\frac{3}{4}$; za izračun v oklepaju $\frac{1}{4}$ (1t)

d) $6\frac{1}{3}$; za izračun v prvem oklepaju $10\frac{1}{4}$ (1t)

v drugem oklepaju $3\frac{11}{12}$ (1t)

e) $1\frac{1}{5} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{4}\right) = 1\frac{1}{2}$ (1t)

$\left(1\frac{1}{5} \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{4}\right) + \frac{2}{3}\right) = 2\frac{1}{6}$ (1t)

Rešitev: $3\frac{5}{7}$ (1t)

6. $1\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{3}{4} + 2\frac{3}{5} + 4,7 =$ (1t)

$= 1\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{3}{4} + 2\frac{3}{5} + 4,7 = 9\frac{3}{4}$ (1t)

Simonova nakupovalna vrečka je težka $9\frac{3}{4}$ kg. (1t)

7. $15\frac{1}{2} \cdot 20\frac{3}{4} =$ (1t)

$= 15\frac{1}{2} \cdot 20\frac{3}{4} = 321\frac{5}{8}$ (1t)

Položili bodo $321\frac{5}{8}$ m² ploščic. (1t)

9. Peter je prvi dan prebral 80 strani, ostalo mu je še 320 strani. (1t)

Drugi dan je prebral 192 strani. (1t)

Tretji dan je prebral 128 strani. (1t)

10. Vseh nojev je bilo 45. (0,5t)

Prvi teden mu je ostalo $\frac{7}{9}$ nojev. (0,5t)

Drugi teden je prodal $\frac{3}{7} \cdot \frac{7}{9} = \frac{1}{3}$ nojev. (1t)

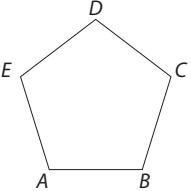
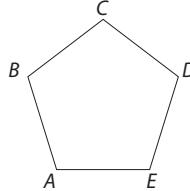
Ostalo mu je $\frac{7}{9} - \frac{1}{3} = \frac{4}{9}$ nojev. (1t)

$\frac{4}{9} \cdot x = 20$ $20 : \frac{4}{9} = 45$ (1t)

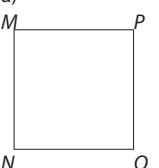
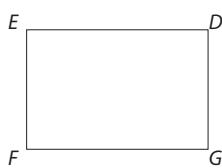
REŠITVE

Preslikave

Orientacija

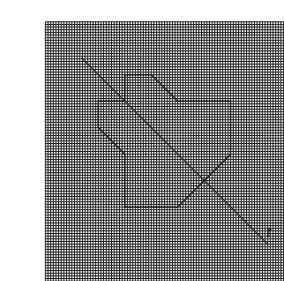
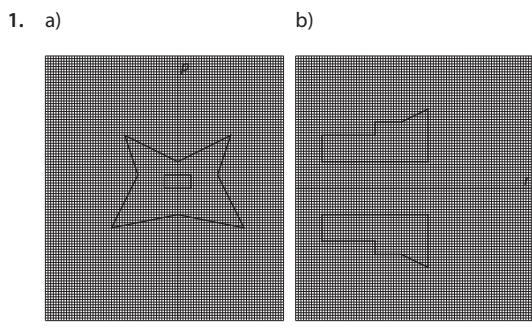
1. KROG
2. GAM
3. a) pozitivno b) negativno c) negativno
4. a) 
- b) 

5. a) V vrsti so najmanj trije.
b) Vrstni red otrok se zamenja.

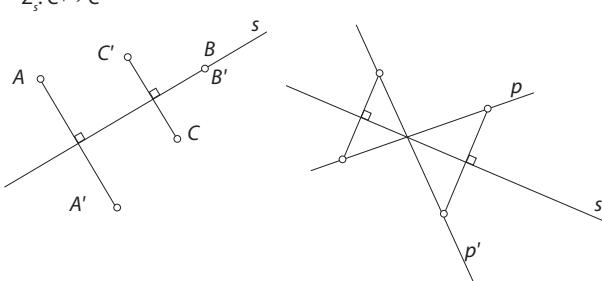
6. a) 
- b) 

7. V nasprotno smer kot 1. zobnik.
8. Ne, jermen bi moral biti prekržan.
9. A, B, D, F

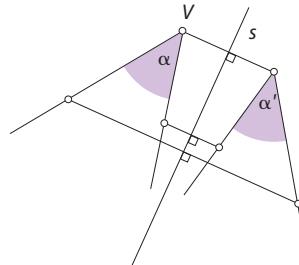
Zrcaljenje čez premico



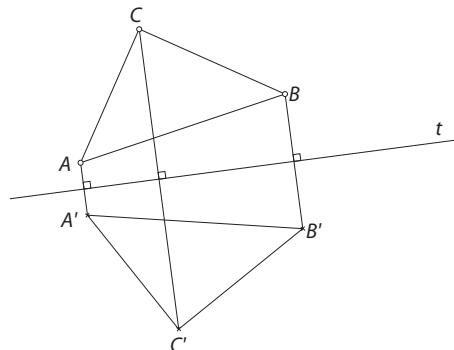
2. a) $Z_s: A \mapsto A'$
 $Z_s: B \mapsto B'$
 $Z_s: C \mapsto C'$
- b) $Z_s: p \mapsto p'$



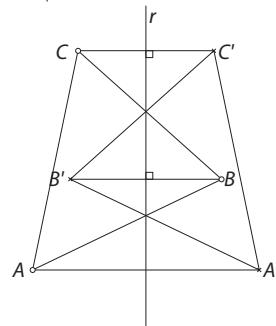
- c) $Z_s: \alpha \mapsto \alpha'$



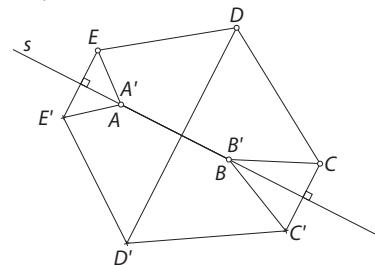
3. a) $Z_t: \Delta ABC \mapsto \Delta A'B'C'$



- b) $Z_p: \Delta ABC \mapsto \Delta A'B'C'$



- c) $Z_p: \Delta ABCDE \mapsto \Delta A'B'C'D'E'$



4. Različne možnosti

- a) Dolžini obe daljic sta enaki.
b) Kota sta enako velika.

5. Dobimo štiri simetrale.

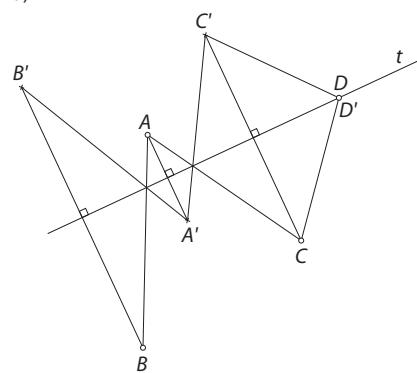
6. C, Č, D, E

7. a) pravilno b) nepravilno (ni pravokotnica)
c) nepravilno (točka B ni pravilno prezrcaljena) č) pravilno

8. Na sliki b).

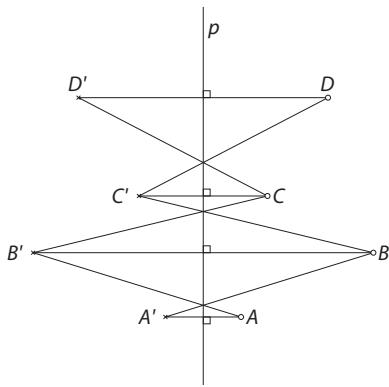
Točka A je negibna točka in je povsod pravilno prezrcaljena.

9. a)



REŠITVE

b)



10. /

11. /

12.



13. /

14. a) I, II, III, V, X, M

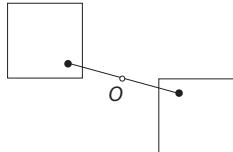
b) IV, VI, IX, XI

c) VII, VIII, XII, XIII, XIV, XV ...

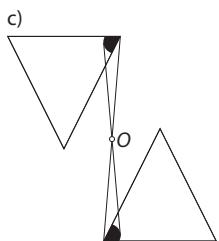
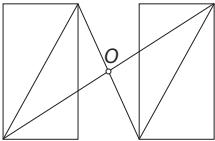
15. /

Zrcaljenje čez točko

1. a)



b)

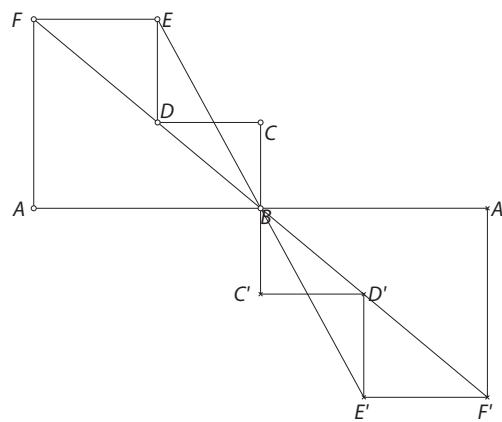
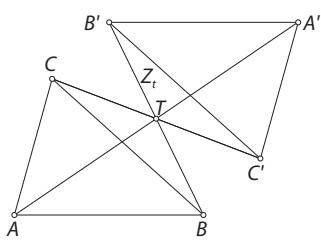
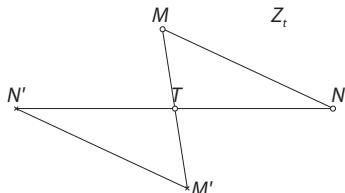


2. a) čez točko P

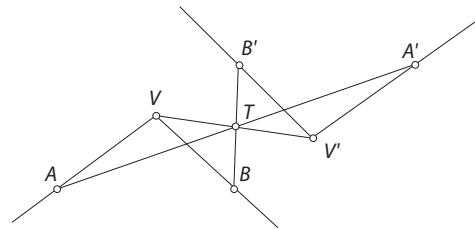
b) čez točko M

c) čez točko O

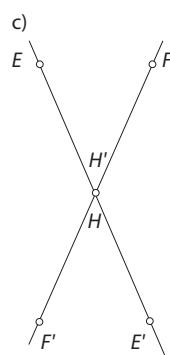
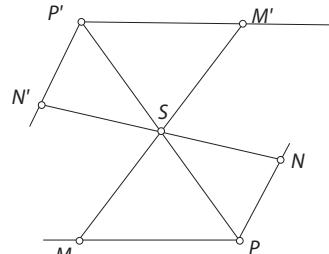
3.



4. a)



b)



5. /

6. A, B, Č in D

7. Središčno somerne so črke: H, I, O, S in Z.

8. C, D, F, I, J, L, M, N, P, Q, R, U, V, W, X, Y

9.



10. /

11. Rok nima prav. Npr.: je osno simetričen lik, ni pa središčno simetričen.

12. /

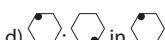
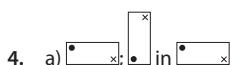
Zasuk in vzporedni premik

1. a) zasuk b) vzporedni premik c) zasuk

2. /

3. /

REŠITVE



5. /

6. 4. lik ima 20 krogcev, 7. pa 56

7. 4. lik 14 robov; 9. lik 29 robov; 11. lik 35 robov

8. a) V šestem liku je 21 kvadratkov, v devetem liku pa 45 kvadratkov.

b) V šestem liku je 9 črnih kvadratkov, v devetem pa 25 črnih kvadratkov.

c) V šestem liku $\frac{12}{21} = \frac{4}{7}$ in v devetem liku $\frac{20}{45} = \frac{4}{9}$.

9. Na 20. in na 136. mestu bosta kroga.

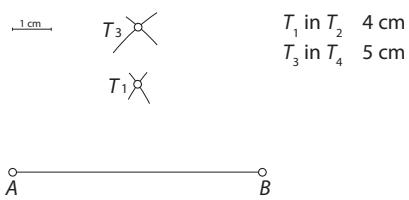
10. – Z vsako mizo se število gostov poveča za 2 ($2 \cdot n + 2$).

– Za pet miz lahko posedejo 12 gostov, za deset miz pa 22 gostov.

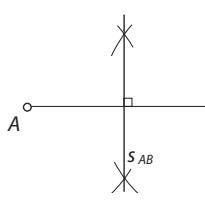
11. Da, po treh letih bodo imeli 40 čebelic.

Simetrala daljice

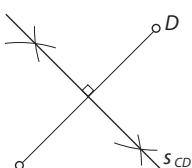
1.



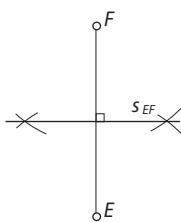
2. a)



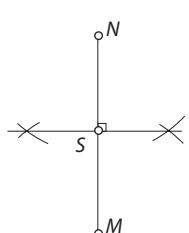
b)



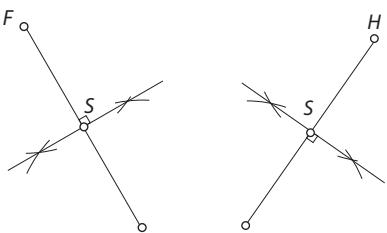
c)



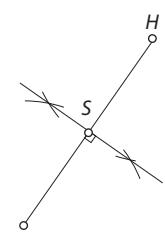
3. a)



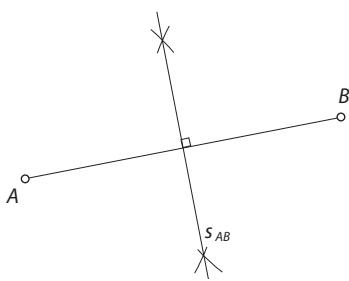
b)



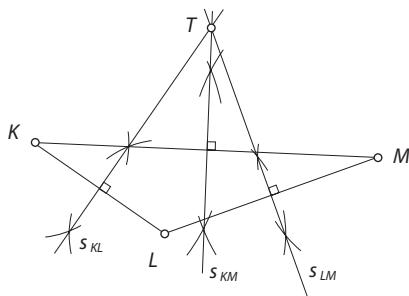
c)



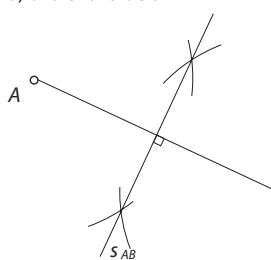
4.



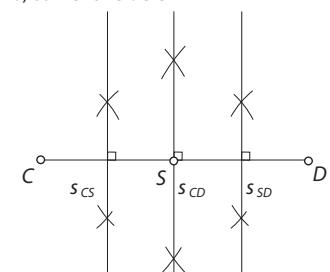
5.



6. a) dva enaka dela

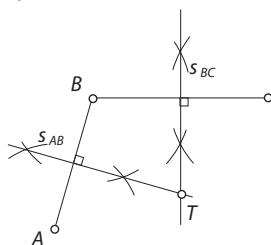


b) štiri enake dele

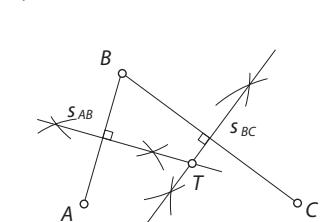


c) Ne.

7. a)

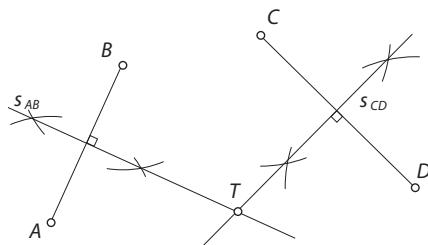


b)

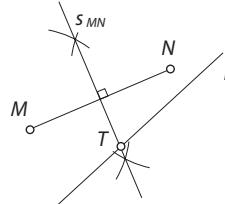


Točka T je enako oddaljena od točk A, B in C.

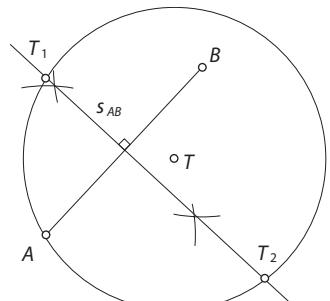
8.



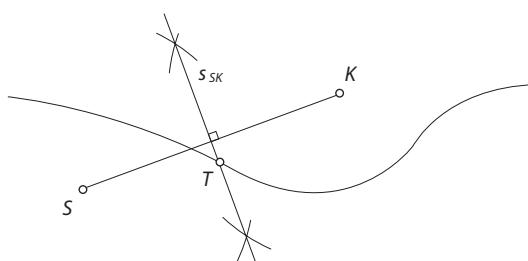
9.



10.

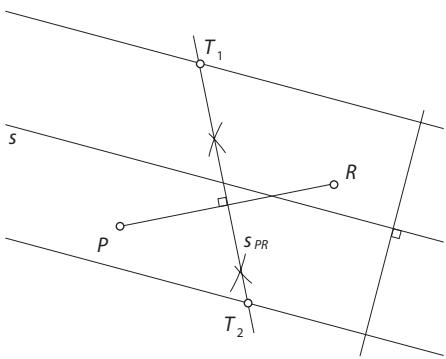


11.

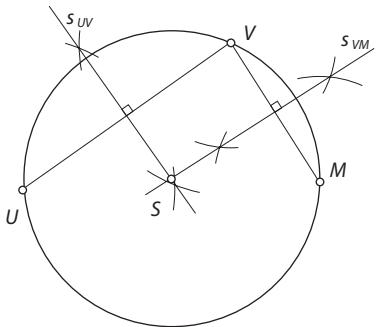


REŠITVE

12.



13.

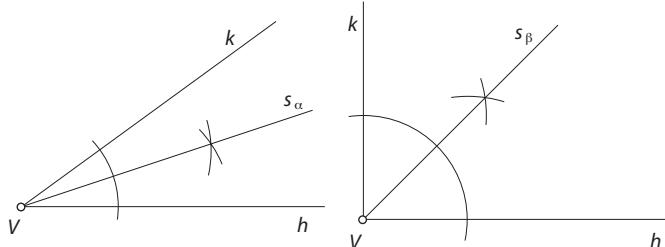


14. /

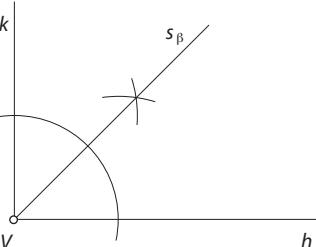
15. /

Simetrala kota

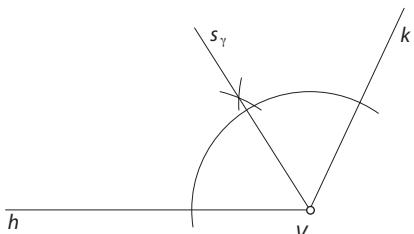
1. a)



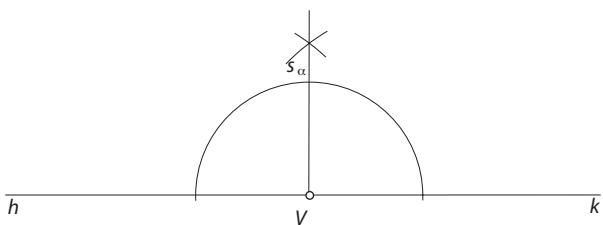
b)



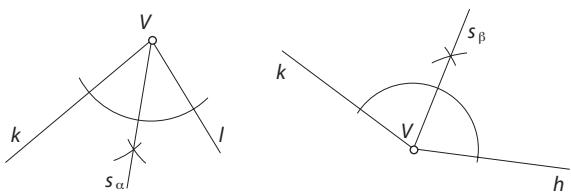
c)



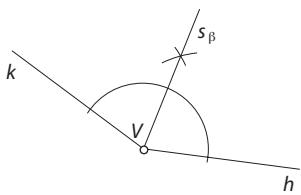
2.



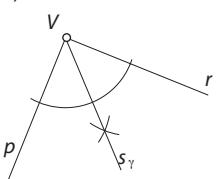
3. a)



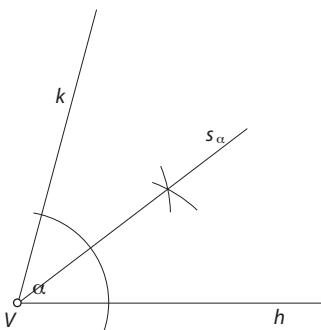
b)



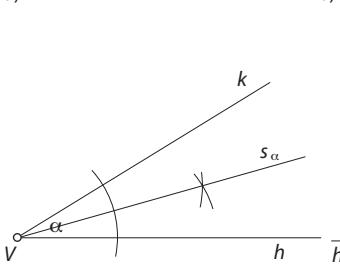
c)



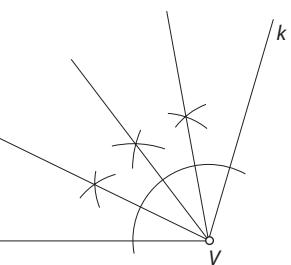
4.



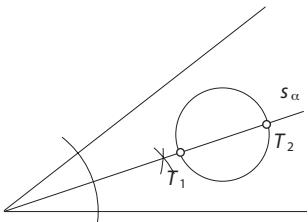
5. a)



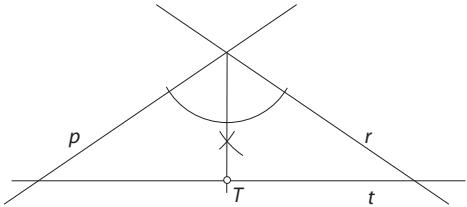
b)



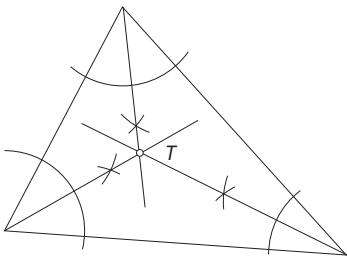
6.



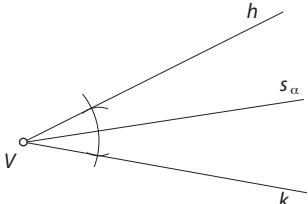
7.



8.

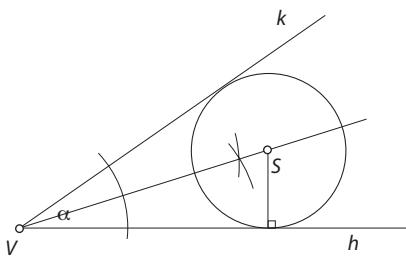


9.

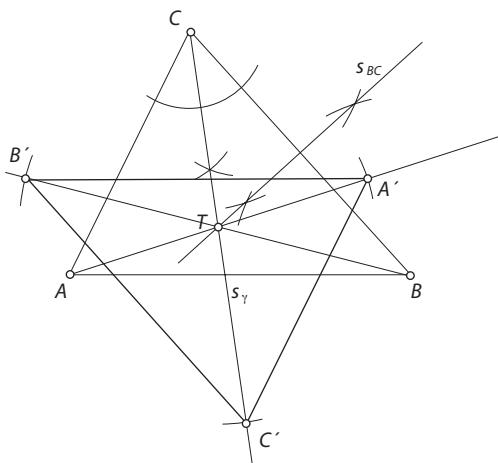


REŠITVE

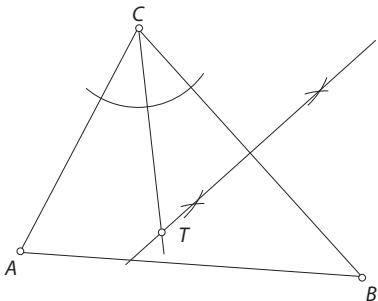
10.



11.



12.



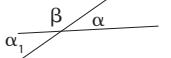
Koti z vzporednimi kraki

1. /

2. a) α in γ , β in δ , ω in ε , φ in ρ

b) α in β , α in δ , β in γ , γ in δ , ω in φ , φ in ε , ε in ρ

3.



α_1 = sovršni kot; je ostri kot
 β = sokot; je topi kot

4. a) sokot se zmanjšuje za 5°

b) sovršni kot se povečuje za 2°

5. a) $\alpha = 123^\circ$, $\beta = 57^\circ$, $\gamma = 123^\circ$

b) $\alpha = 36^\circ$, $\beta = 36^\circ$, $\gamma = 144^\circ$

c) $\alpha = 105^\circ$, $\beta = 43^\circ$, $\gamma = 32^\circ$, $\delta = 43^\circ$

6. a) $\alpha = 68^\circ$, $\beta = 112^\circ$, $\gamma = 68^\circ$, $\delta = 112^\circ$, $\varepsilon = 112^\circ$, $\varphi = 112^\circ$

b) $\alpha = 43^\circ$, $\beta = 137^\circ$, $\gamma = 43^\circ$, $\varphi = 137^\circ$

c) $\alpha = 134^\circ$, $\beta = 46^\circ$, $\gamma = 134^\circ$, $\varphi = 46^\circ$, $\varepsilon = 46^\circ$

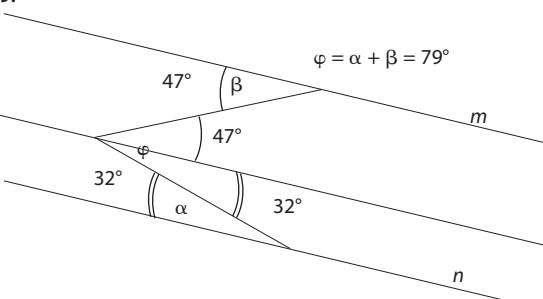
7. a) $\alpha = 63^\circ$, $\beta = 27^\circ$, $\gamma = 90^\circ$, $\delta = 63^\circ$

b) $\alpha = 131^\circ$, $\beta = 49^\circ$, $\gamma = 78^\circ$

c) $\alpha = 68^\circ$, $\beta = 117^\circ$, $\gamma = 68^\circ$

8. Dva kota merita po 90° , tretji kot meri 100° , četrti kot pa 80° .

9.



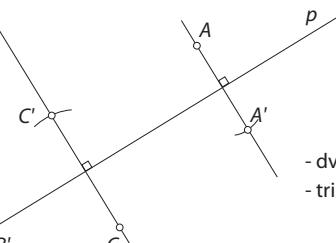
10. a) Proti primer: kota na sliki sta skladna in imata skupni vrh, pa nista sokota.

b) Vsi topi koti so večji kot 90° , zato je vsota dveh topih kotov večja kot 180° . Vsota sokotov pa je 180° .

11. /

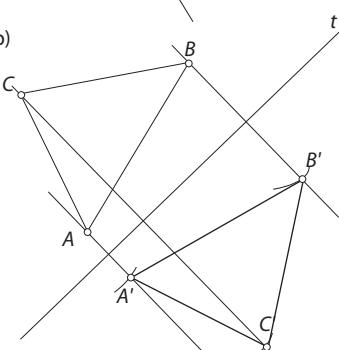
Preverimo znanje

1. a)



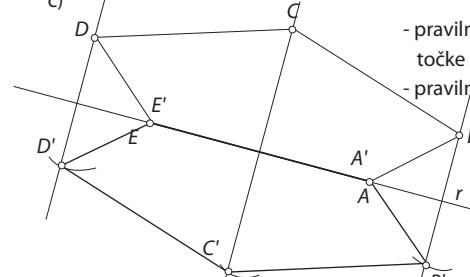
- dve točki pravilni (1 t)
- tri točke pravilne (2 t)

b)



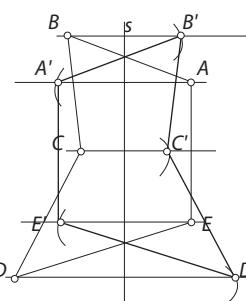
- vsaka pravilno prezrcaljena točka (1 t)
- narisan trikotnik (1 t)

c)



- pravilno prezrcaljene točke (3 t)
- pravilno povezan lik (1 t)

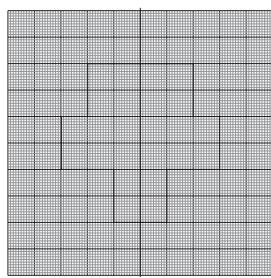
č)



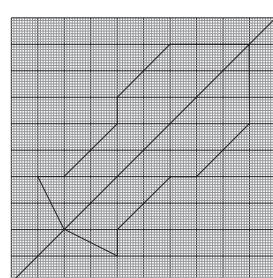
- pravilno prezrcaljene točke (3 t)
- pravilno povezan lik (1 t)

2. b in č - vsak pravilen odgovor (1 t)

3. a)



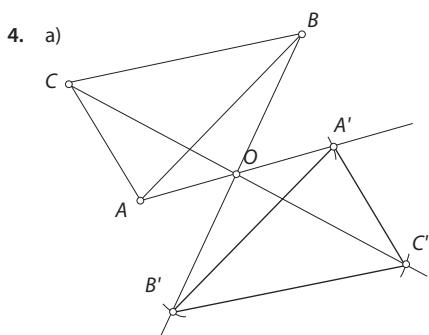
b)



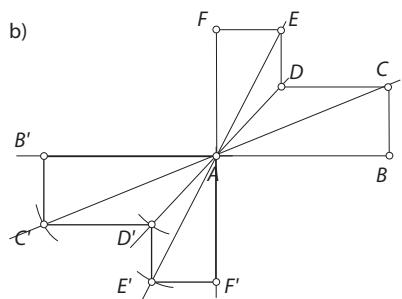
- pravilno prezrcaljene točke (1 t)
- pravilno povezane točke (1 t)

- pravilno prezrcaljene točke (2 t)
- pravilno povezane točke (1 t)

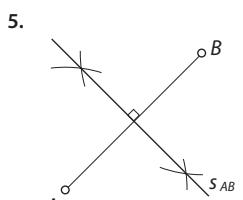
REŠITVE



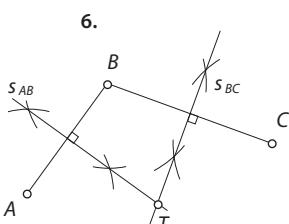
- dve točki pravilno prezrcaljeni (1 t)
- tri točke pravilno prezrcaljene (2 t)
- pravilno povezan trikotnik (1 t)



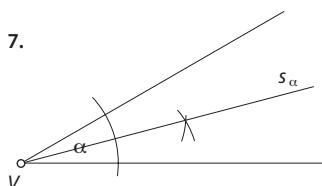
- vsake tri pravilno prezrcaljene točke (1 t)
- pravilno povezane točke (2 t)



- narisana simetrala (1 t)
- označena simetrala (1 t)



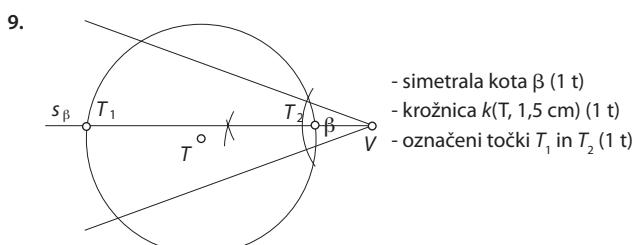
- vsaka simetrala (1 t)
- označena točka T (1 t)



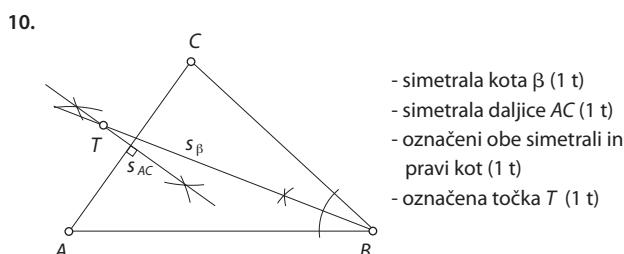
$$\frac{\alpha}{2} = 15^\circ$$

- pravilno narisana simetrala kota (2 t)
- pravilno izmerjen kot (1 t)

8. a) $\alpha = 138^\circ$, $\beta = 42^\circ$, $\gamma = 138^\circ$ - vsak kot (1 t)
 b) $\alpha = 153^\circ$, $\beta = 27^\circ$, $\gamma = 153^\circ$, $\varphi = 153^\circ$ - vsak kot (1 t)



- simetrala kota β (1 t)
- krožnica $k(T, 1,5 \text{ cm})$ (1 t)
- označeni točki T_1 in T_2 (1 t)



- simetrala kota β (1 t)
- simetrala daljice AC (1 t)
- označeni obe simetrali in pravi kot (1 t)
- označena točka T (1 t)

REŠITVE

Trikotniki

Trikotniki

1. /
2. a) Vseh trikotnikov je 15.

2 ostrokotna, 2 topokotna in 11 pravokotnih trikotnikov
enakokraki: ΔAEG in ΔASC ; enakostranični: ΔABC in ΔGEC
 ΔABC , ΔGEC , ΔAEG , ΔASC

b) 8

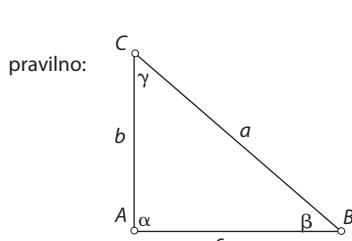
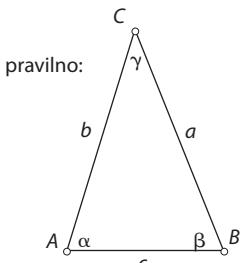
1 ostrokotni, 3 topokotni in 4 pravokotni trikotniki
enakokraki: ΔABS , ΔBSC , ΔASC
enakostranični: ΔABC
 ΔABC , ΔBCS

3. Špela; Le pri Špeli velja trikotniško pravilo.

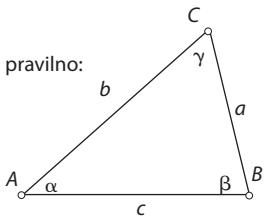
4.

	enakostranični	enakokraki, ki niso enakostranični	raznostranični
ostrokotni	C	B, J, L	G, H
pravokotni		D	A, I
topokotni		E	F, K

5. a) prav
b) negativno orientiran
c) narobe označene stranice



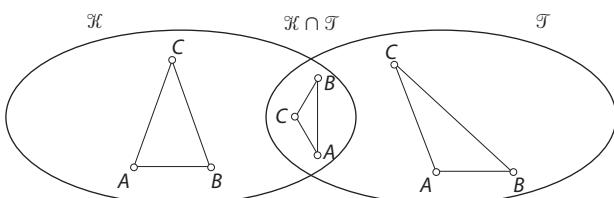
č) narobe označeni koti



6. Osno simetrični so trikotniki: a, b in c.

7. a) 3 cm ali 5 cm
b) 4 cm
c) Za dolžino tretje stanice x, mora veljati: $0 \text{ cm} < x < 6 \text{ cm}$.
8. (B) in (Č)
9. a) Ne, vsi enakostranični trikotniki so ostrokotni.
b) Ne, kot ob vrhu je lahko topi kot.
c) Da.

10.



Koti v trikotniku

1. /
2.

	α	β	γ	α_1	β_1	γ_1
1	40°	80°	60°	140°	100°	120°
2	$97^\circ 45'$	$29^\circ 15'$	53°	$82^\circ 15'$	$150^\circ 45'$	127°
3	26°	69°	85°	154°	111°	95°
4	101°	67°	12°	79°	113°	168°

3. a) $\alpha = 76^\circ$, $\beta_1 = 114^\circ$, $\gamma = 38^\circ$, $\gamma_1 = 142^\circ$
b) $\alpha_1 = 126^\circ$, $\beta = 13^\circ$, $\beta_1 = 167^\circ$, $\gamma_1 = 67^\circ$
c) $\varphi = 79^\circ$, $\delta = 84^\circ$, $\varepsilon = 17^\circ$, $\varepsilon_1 = 163^\circ$
č) $\alpha = 77^\circ$, $\beta = 15^\circ$, $\beta_1 = 165^\circ$, $\gamma = 88^\circ$

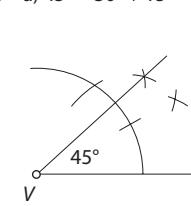
4. a) $\alpha = \beta = 70^\circ$

- b) $\beta = 35^\circ$, $\gamma = 110^\circ$
c) $\gamma = 30^\circ$

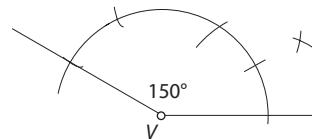
5. a) $\alpha = 67^\circ$, $\beta = 42^\circ$, $\gamma = 71^\circ$, $\delta = 42^\circ$, $\varepsilon = 67^\circ$

- b) $\alpha = 75^\circ$, $\beta = 38^\circ$, $\gamma = 67^\circ$
c) $\alpha = 62^\circ$, $\beta = 28^\circ$, $\gamma = 152^\circ$, $\delta = 35^\circ$
č) $\alpha_1 = 136^\circ$, $\beta = 53^\circ$, $\gamma = 127^\circ$, $\delta = 97^\circ$, $\varepsilon = 136^\circ$
d) $\alpha = 23^\circ 23'$, $\beta = 78^\circ$, $\gamma = 101^\circ 23'$
e) $\varphi = 99^\circ$, $\varepsilon = 9^\circ$

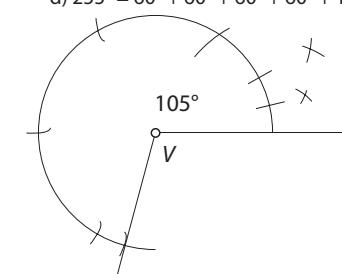
6. a) $45^\circ = 30^\circ + 15^\circ$



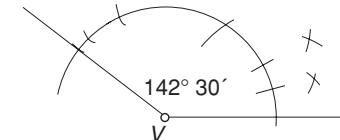
$$c) 150^\circ = 60^\circ + 60^\circ + 30^\circ$$



$$d) 255^\circ = 60^\circ + 60^\circ + 60^\circ + 60^\circ + 15^\circ$$



$$7. 142^\circ 30' = 60^\circ + 60^\circ + 15^\circ + 7^\circ 30'$$



8. a) $\alpha = 56^\circ$, $\alpha_1 = 124^\circ$, $\beta = 56^\circ$, $\beta_1 = 124^\circ$, $\gamma_1 = 112^\circ$
b) $\beta = 52^\circ$, $\varphi = 14^\circ$

- c) $\alpha = 70^\circ$, $\varphi = 20^\circ$, $\varepsilon = 55^\circ$

9. $\alpha = 63^\circ 9'$, $\beta = 63^\circ 9'$, $\alpha_1 = 116^\circ 51'$, $\beta_1 = 116^\circ 51'$, $\gamma_1 = 126^\circ 18'$

10. $47^\circ 23'$

11. 122° , topi kot

12. 68°

13. /

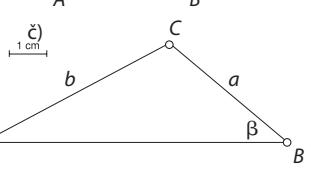
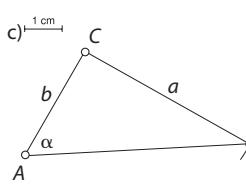
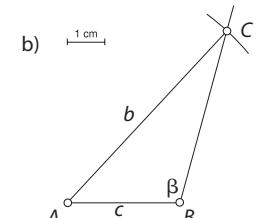
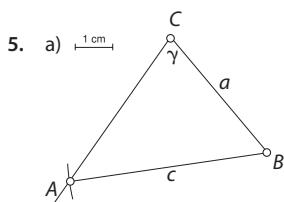
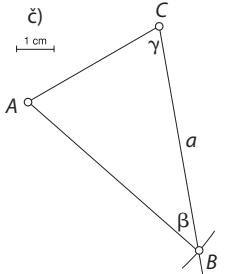
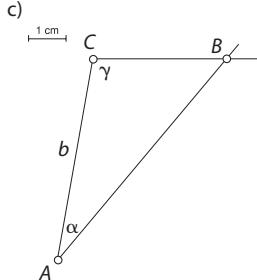
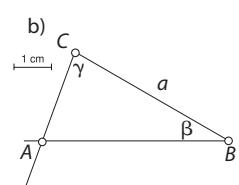
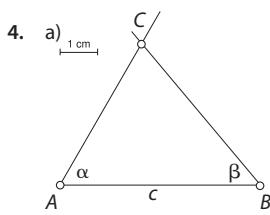
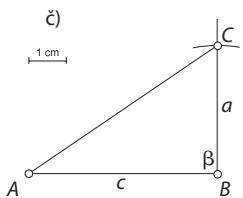
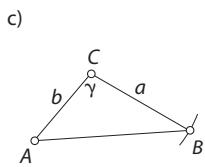
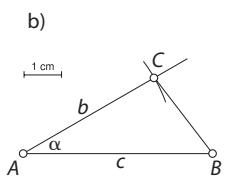
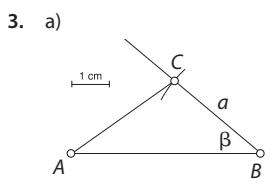
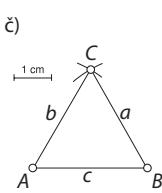
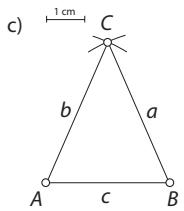
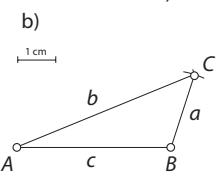
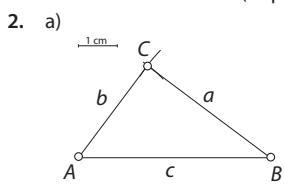
REŠITVE

Načrtovanje trikotnikov

1. a) $a = 5,4 \text{ cm}$; $b = 5 \text{ cm}$; $c = 6 \text{ cm}$

$$\alpha = 62^\circ, \beta = 40^\circ, \gamma = 78^\circ$$

Trikotnika sta skladna (dopustna napaka $\pm 2 \text{ mm}$ in $\pm 1^\circ$).

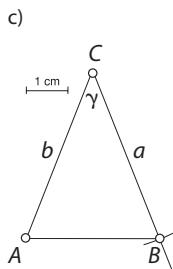
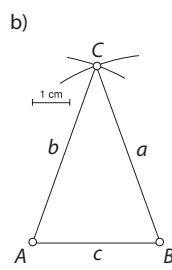
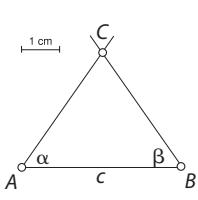


6. /

7. /

8. Da, sta skladna.

9. a)

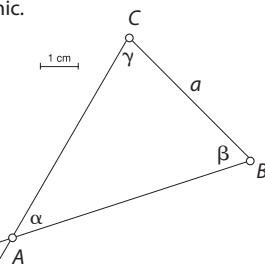


10. Potrebujem dolžino stranic.

- 11.

$$\beta = 75^\circ$$

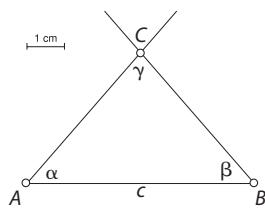
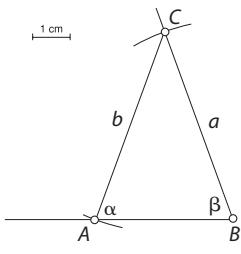
$$(\gamma = 180^\circ - \alpha - \beta)$$



12. a) $\gamma = 40^\circ$

- b) $\alpha = \beta = 49^\circ$

$$(180^\circ - \gamma = \alpha + \beta \\ \alpha = \beta \Rightarrow 2\alpha = 98^\circ \\ \alpha = 49^\circ)$$

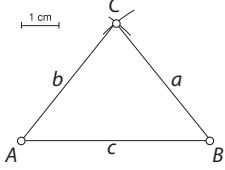


- c) $a = b = 4 \text{ cm}$

$$(a + b + c = 9 \text{ cm})$$

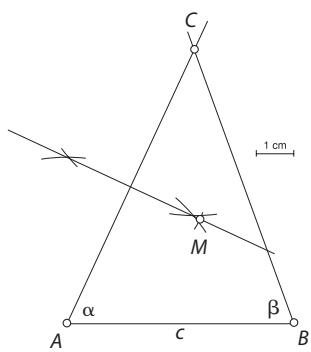
$$a = b$$

$$2a = 9 - c$$



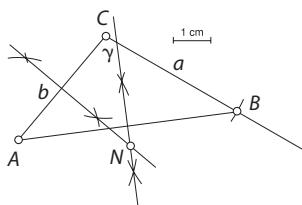
13. Osnovnica meri 3,3 cm

- 14.

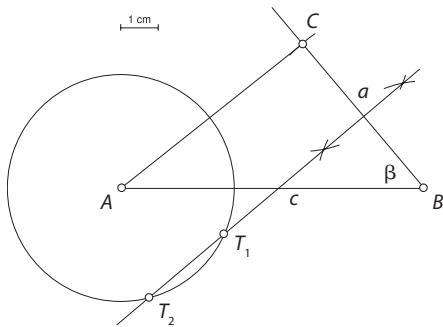


REŠITVE

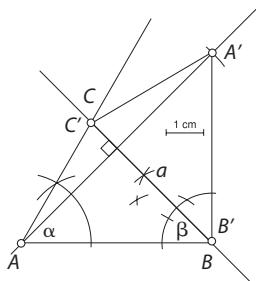
15.



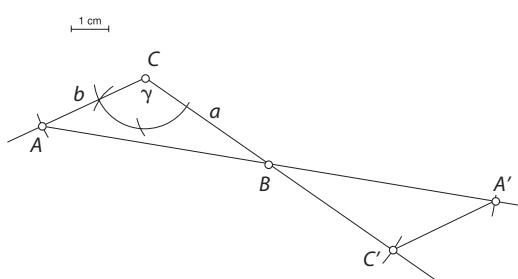
16.



17.



18.

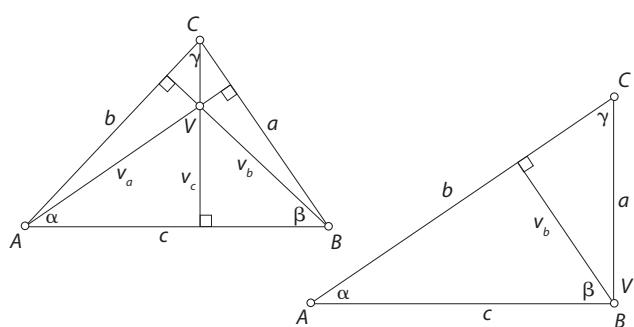


19. /

Višine trikotnika

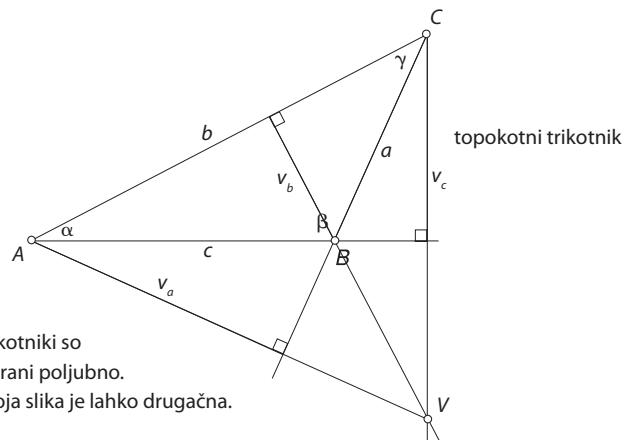
1. Vsi imajo enako višino.

2.

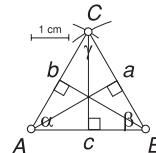


ostrokotni trikotnik

pravokotni trikotnik



3.



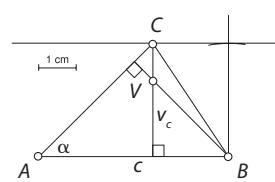
vse tri višine so enako dolge
 $v = 4,3 \text{ cm}$

4. a) Trikotnik je ostrokoten.

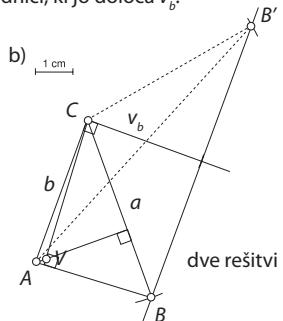
b) Trikotnik je pravokoten; pravi kot je v oglisču A.
c) Trikotnik je topokoten.

5. Ne. Oglisče B je kjerkoli na vzorednici, ki jo določa v_b .

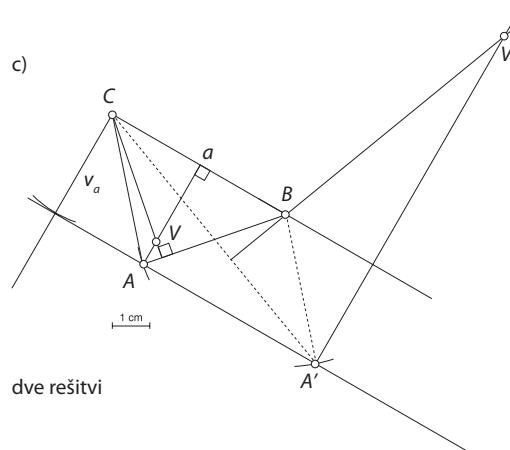
6. a)



b)



c)

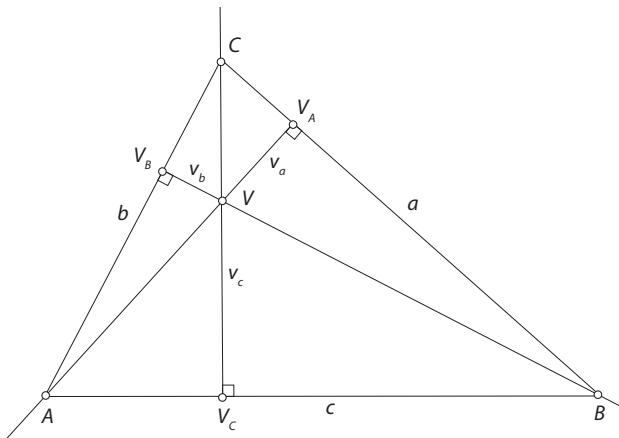


7. a) Ne, v_c je prevelika.
b) Da.

8. a) SLIKA
b) SLIKA
c) SLIKA

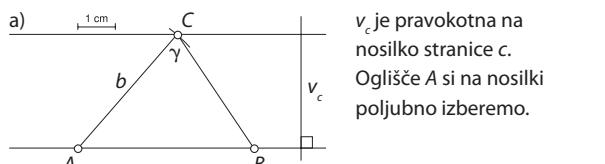
REŠITVE

9.



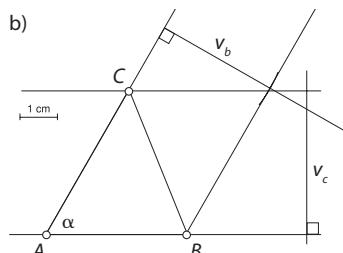
Stranica a je pravokotna na nosilko doljice VV_A v točki V_A .
Enako velja tudi za: b (pravokotna na VV_B) in c (pravokotna na VV_C).

10. a)



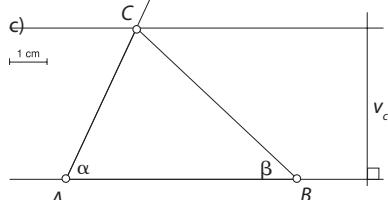
v_c je pravokotna na nosilko stranice c .
Oglišče A si na nosilki poljubno izberemo.

b)



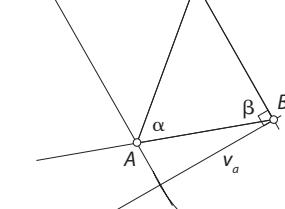
$$\gamma = 72^\circ \quad (\gamma = 180^\circ - \alpha - \beta)$$

c)



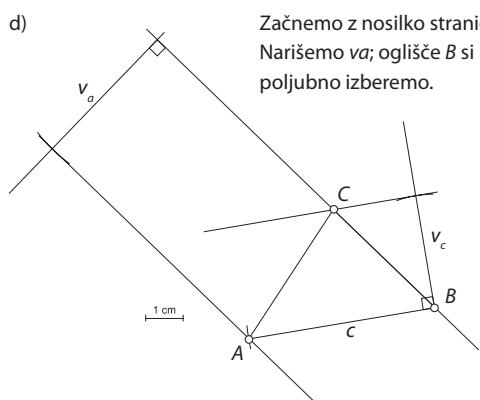
v_a je pravokotna na nosilko stranice a . Oiglišče B si poljubno izberemo.

č)



Začnemo z nosilko stranice a . Narišemo v_a ; oglišče B si poljubno izberemo.

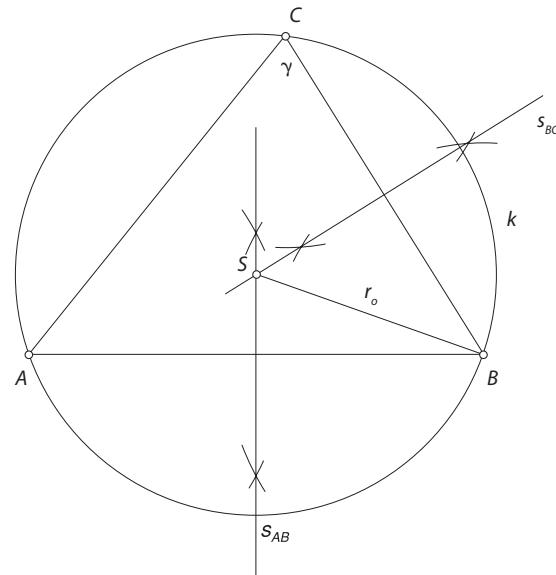
d)



11. B (enakokrak)
12. C (pravokoten)

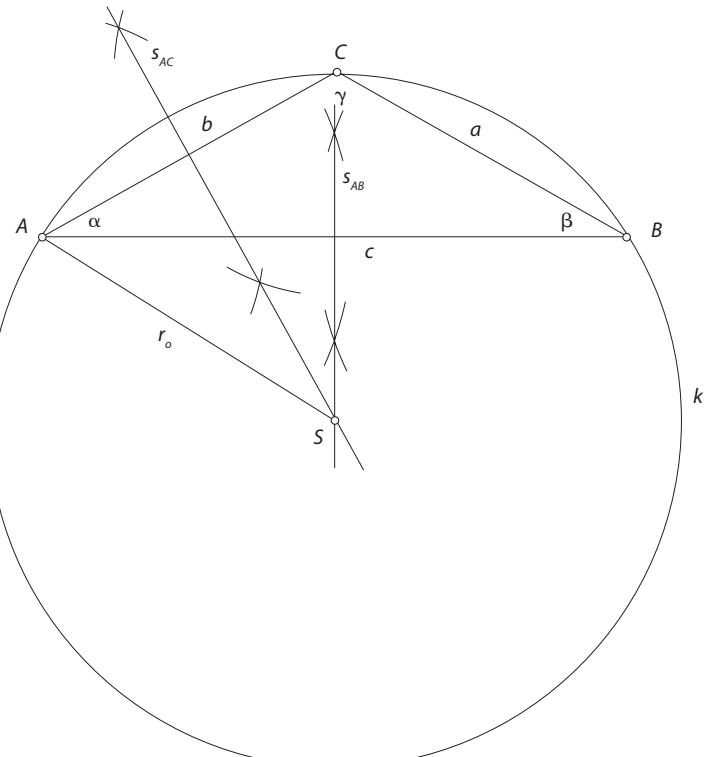
Simetrale stranic in trikotniku očrtana krožnica

1.

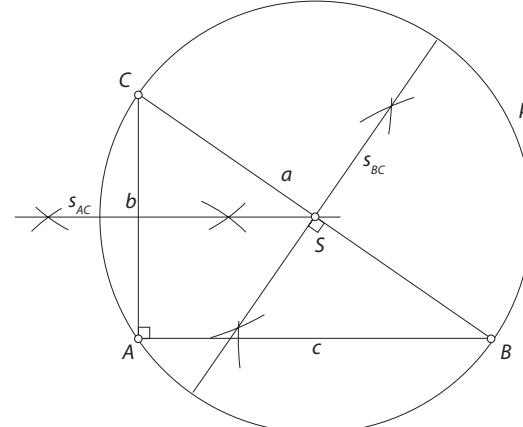


V nalogah 1-3 so narisani poljubni primeri.
Tvoja slika je lahko drugačna.

2.

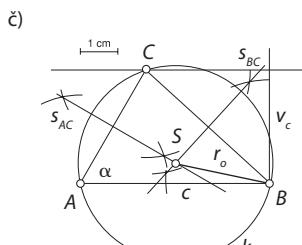
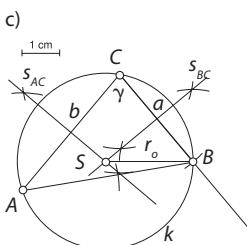
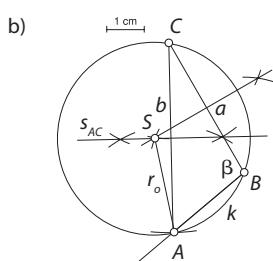


3.



REŠITVE

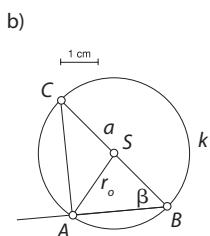
-



5. Poiščojo simetrale daljic, ki povezujejo po dva kraja. Kjer se simetrale sekajo, je točka srečanja.

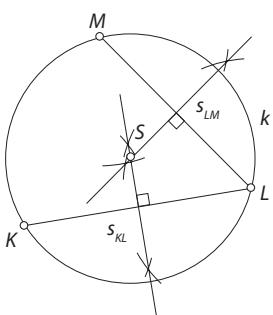
6.

7. a)

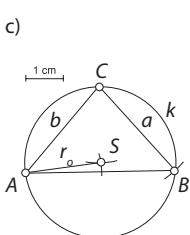
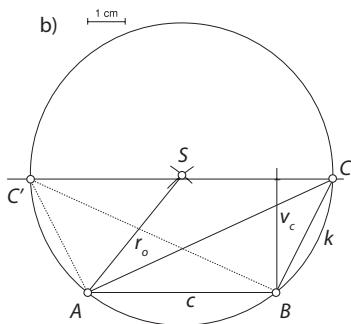


8. a) Trikotnik je pravokotni trikotnik.
b) Trikotnik je ostrokotni trikotnik.
c) Trikotnik je topokotni trikotnik

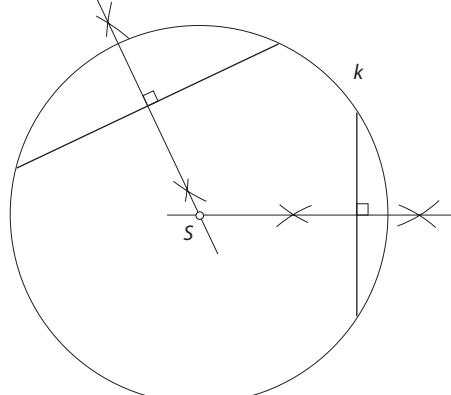
9. Točke, ki so enako oddaljene od dveh točk, ležijo na simetrali daljice, ki ju povezuje.



10. a)



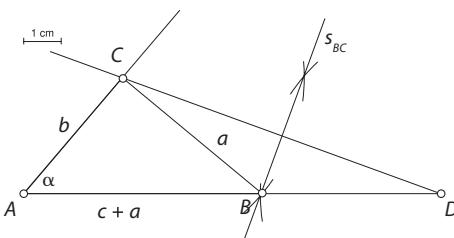
11. Izberemo si poljubni tetivi in narišemo njuni simetrali. Sekata se v središču.



12. $\angle D = \frac{\beta}{2} = 20^\circ$ β je enak vsoti $\angle D$ in $\angle DCB$.
Kota $\angle BDC$ in $\angle DCB$ sta skladna,
saj je $\triangle BDC$ enakokrak.

$$\angle D = \frac{\beta}{2} = 20^\circ$$

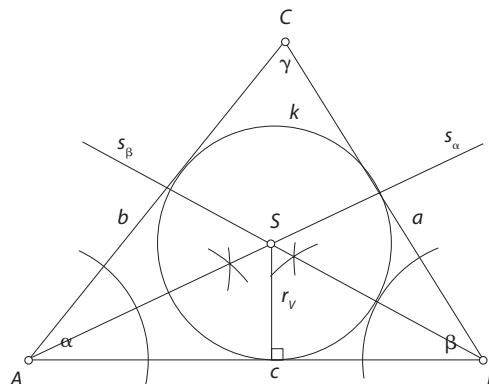
$\triangle BDC$ je osno someren.



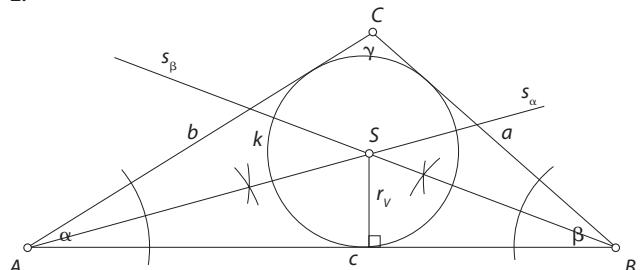
13. /

Simetrale kotov in trikotniku včrtana krožnica

1.

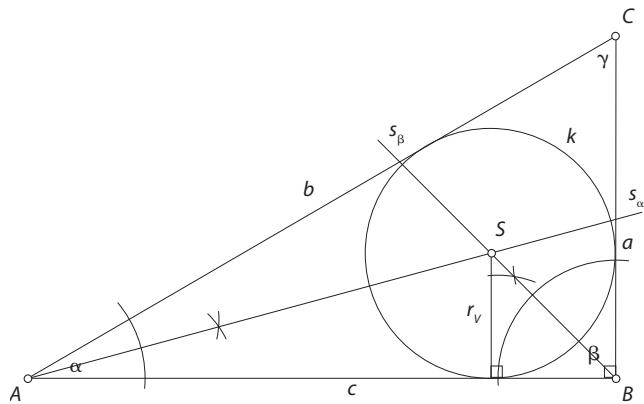


2.



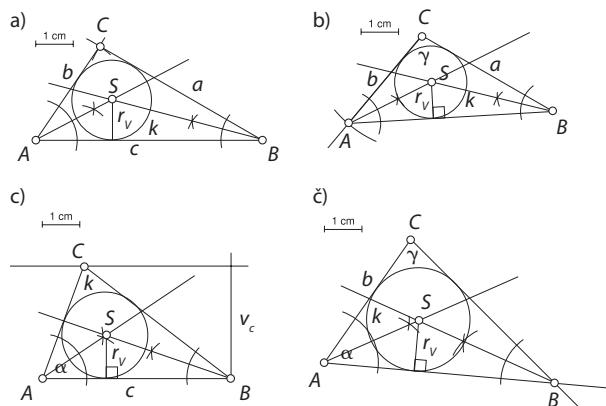
REŠITVE

3.



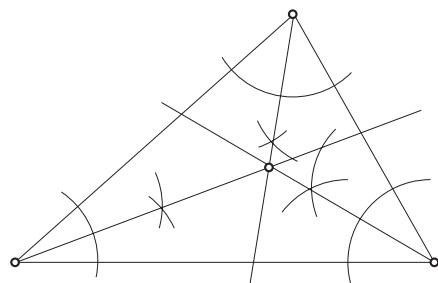
V nalogah 1-3 so narisani poljubni primeri. Tvoja slika je lahko drugačna.

4.



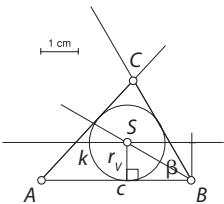
5. Poiskati je potrebno presečišče simetral kotov, ki jih določajo ulice. Kjer se simetrale sekajo, je iskana točka.

6.

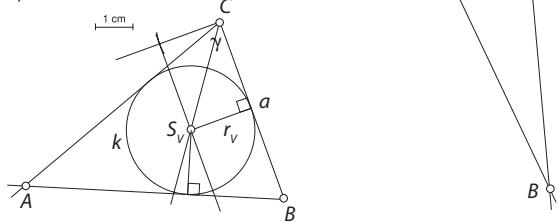


7. Točka, ki je središče včrtane krožnice, je enako oddaljena od vseh stranic trikotnika. Torej leži v notranjosti vsakega notranjega kota trikotnika, zato je v notranjosti trikotnika.

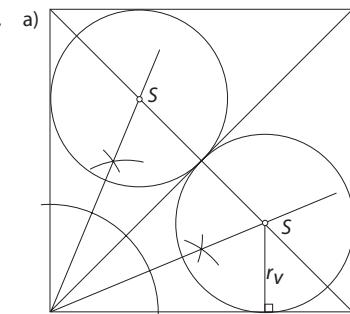
8. a)



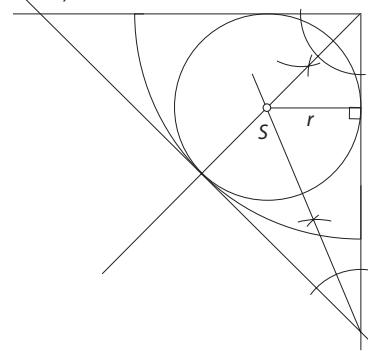
b)



9.

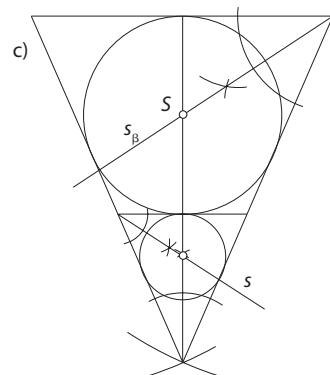


b)



Obe krožnici sta včrtani trikotnikoma, ki ju ustvari diagonalna.

V točki, kjer simetrala kota seka lok, narišemo tangento ter nastalemu trikotniku včrtamo krožnico.

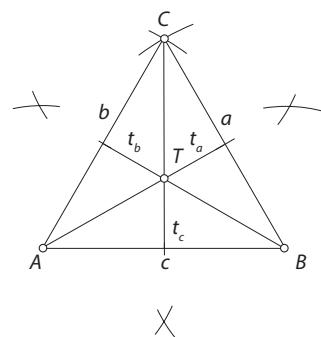


V dotikališče obeh krožnic narišemo tangento in včrtamo obe krožnici.

Težiščnice in težišče

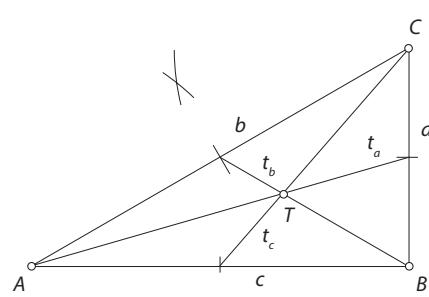
1. /

2.



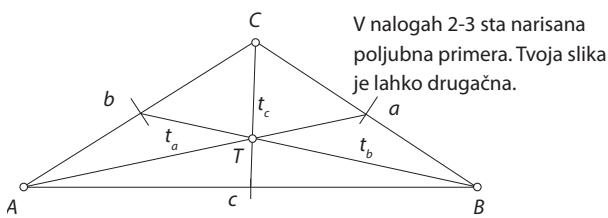
X

3.



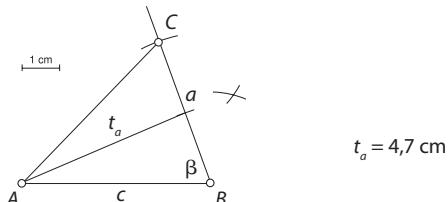
REŠITVE

4.



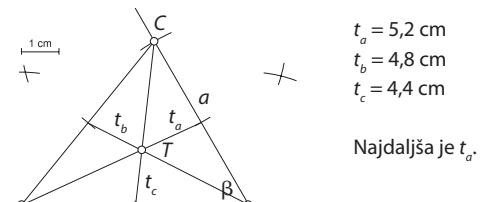
V nalogah 2-3 sta narisana poljubna primera. Tvoja slika je lahko drugačna.

5.



$$t_a = 4,7 \text{ cm}$$

6.

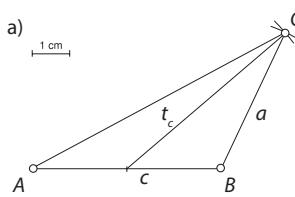


$$\begin{aligned} t_a &= 5,2 \text{ cm} \\ t_b &= 4,8 \text{ cm} \\ t_c &= 4,4 \text{ cm} \end{aligned}$$

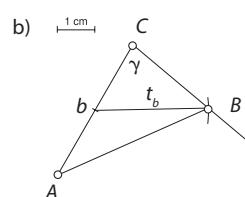
Najdaljša je t_a .

7. Vse štiri znamenite točke so v isti točki.

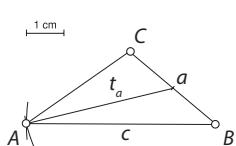
8. a)



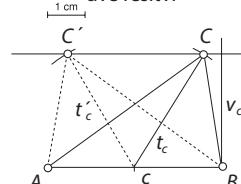
b)



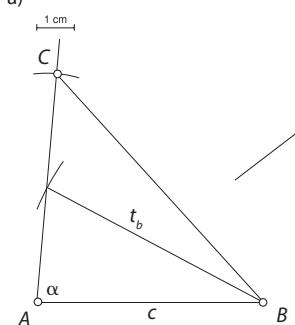
c)



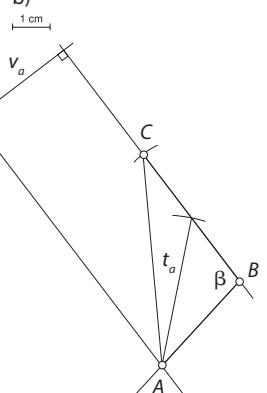
dve rešitvi



9. a)



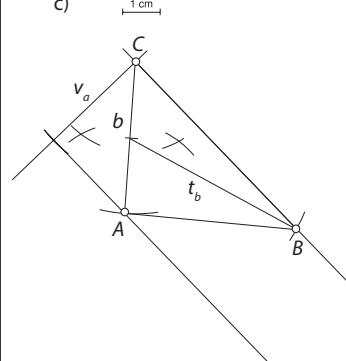
b)



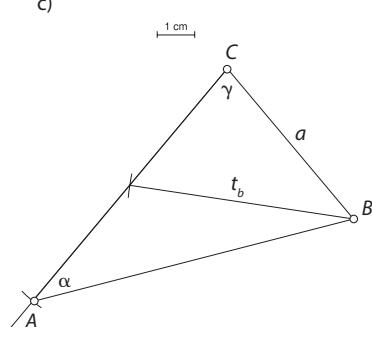
t_b razpolavlja stranico b . Razdalja od presečišča t_b in b do oglišča A je enaka kot razdalja od presečišča t_b do oglišča C .

Narišemo pas, ki ga določa v_a . Poljubno si izberemo oglišče B in odmerimo kot β . Iz oglišča A odmerimo $t_{\alpha'}$ ki razpolavlja stranico a .

c)



č)



Narišimo pas, ki ga določa v_a .

Poljubno si izberemo oglišče C in odmerimo dolžino b .

Iz razpolovišča stranice b odmerimo dolžino t_b in dobimo oglišče B .

Na poltraku, ki ga določa kot γ , dobimo razpolovišče stranice b pomočjo t_b . Oglišče C prezrcalimo čez to razpolovišče.

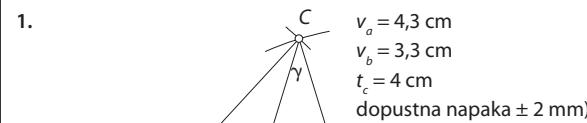
10. /

11. /

12. /

Preverimo znanje

1.

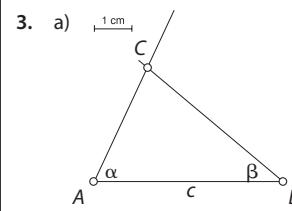


$$\begin{aligned} v_a &= 4,3 \text{ cm} \\ v_b &= 3,3 \text{ cm} \\ v_c &= 4 \text{ cm} \\ \text{dopustna napaka } &\pm 2 \text{ mm} \end{aligned}$$

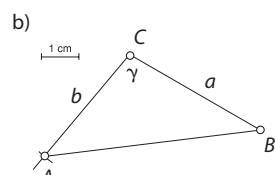
vsaka pravilno vrisana daljica (1 t)
- vsaka pravilno izmerjena daljica (1 t)

2. a) $\alpha' = 140^\circ$, $\beta = 75^\circ$, $\gamma = 65^\circ$; - vsak pravilno izračunan kot (1 t)
b) $\alpha = 66^\circ$, $\delta = 24^\circ$; - vsak pravilno izračunan kot (2 t)

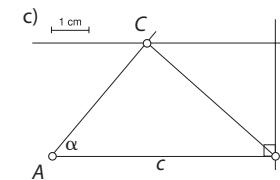
3.



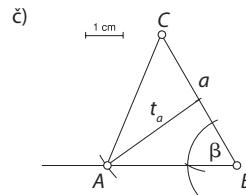
- skica (1 t)
- pravilna slika (2 t)
- označen Δ (1 t)



- skica (1 t)
- pravilna slika (2 t)
- označen Δ (1 t)

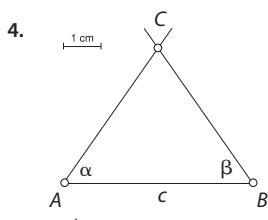


- skica (1 t)
- pravilna slika (2 t)
- označen Δ (1 t)



- skica (1 t)
- konstrukcija β (1 t)
- pravilna slika (2 t)
- označen Δ (1 t)

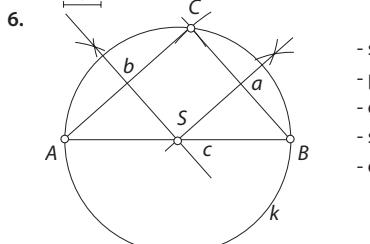
REŠITVE



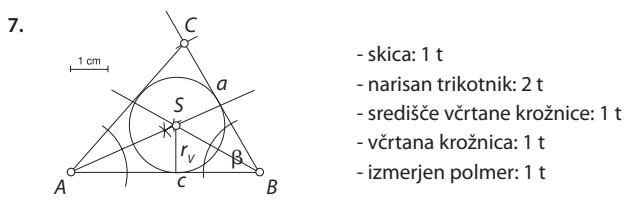
- skica (1 t)
- pravilna slika (2 t)
- označen Δ (1 t)



- skica (1 t)
- pravilna slika (2 t)
- označen Δ (1 t)



- skica (1 t)
- pravilna slika (2 t)
- označen Δ (1 t)
- središče krožnice (1 t)
- očrtana krožnica: (1 t)



- skica: 1 t
- narisani trikotnik: 2 t
- središče včrtane krožnice: 1 t
- včrtana krožnica: 1 t
- izmerjen polmer: 1 t

$$r_v = 1,3 \text{ cm}$$

Štirikotniki

Štirikotniki

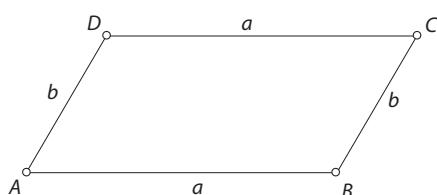
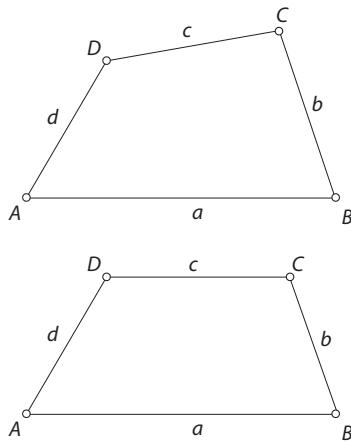
1. trapezoidi: 2, 6, 9, 11, 13, 16, 18
 trapezi: 5, 8, 15

paralelogrami: 1, 3, 4, 7, 10, 12, 14, 17

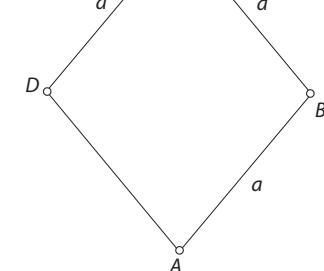
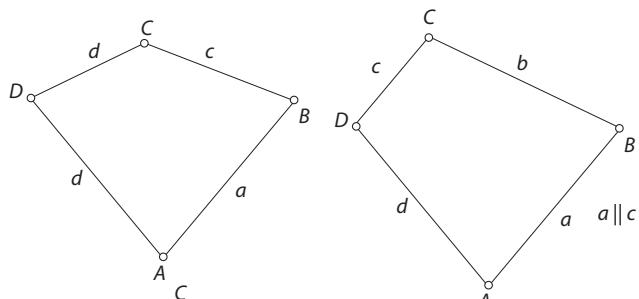
2. trapez, enakokraki trapez, deltoid, paralelogram

3. vinska klet (pravokotnik), veža (pravokotnik), kuhinja (pravokotnik), dnevna soba (trapez), kopalnica (paralelogram)

4. a)

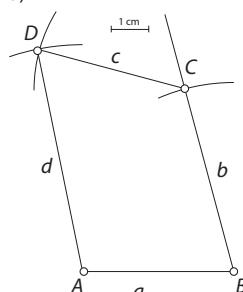


b)

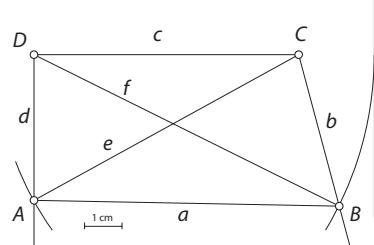


5. $b = 2,7 \text{ cm}$, $f = 5,1 \text{ cm}$, $\delta = 125^\circ$

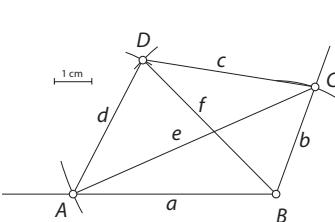
6. a)



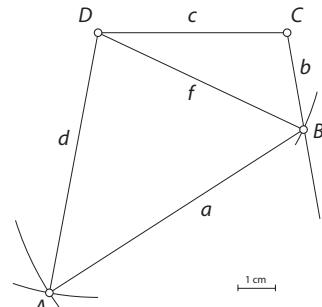
b)



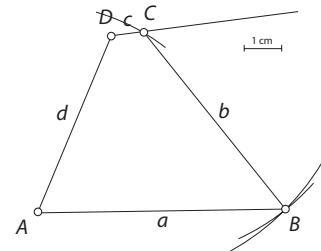
c)



d)



c)



7. Potrebno je izmeriti pet podatkov.

8. a) $\alpha = 90^\circ$, $\beta = 118^\circ$, $\gamma = 85^\circ$, $\delta = 67^\circ$

- b) $\alpha = 80^\circ$, $\beta = 78^\circ$, $\gamma = 97^\circ$, $\delta = 105^\circ$

- c) $\alpha = 145^\circ$, $\beta = 105^\circ$, $\gamma = 53^\circ$, $\delta = 57^\circ$

9. a) $\gamma = 100^\circ$, $\delta_1 = 122^\circ$

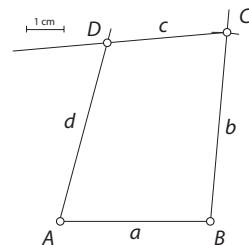
- b) $\beta = 118^\circ$, $\delta = 67^\circ$

- c) $\alpha = 80^\circ$, $\beta = 78^\circ$, $\varphi = 61^\circ$

10. a) $\angle CED = 145^\circ$, $\angle CBA = 40^\circ$, $\angle DEB = 35^\circ$, $\angle EDA = 75^\circ$

- b) $\alpha = 80^\circ$, $\beta = 115^\circ$, $\gamma = 105^\circ$, $\delta = 60^\circ$

- 11.



12. /

13. a) Paralelogram. b) Pravokotnik.

14. Ravnilo je sestavljenoto iz treh trapezov.

Trapez

1. /

2. (2), (3), (4), (5), (6), (7)

3. $a = 5,2 \text{ cm}$, $b = 2,5 \text{ cm}$, $c = 2,6 \text{ cm}$, $d = 3,1 \text{ cm}$, $e = 5,1 \text{ cm}$, $f = 4 \text{ cm}$, $\alpha = 50^\circ$, $\beta = 75^\circ$, $\gamma = 107^\circ$, $\delta = 128^\circ$

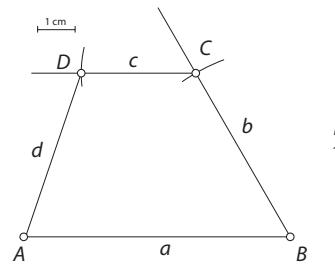
4. $v = 3 \text{ cm}$, $c = 3 \text{ cm}$, $e = 5 \text{ cm}$, $\delta = 120^\circ$

5. a) Trapezi.

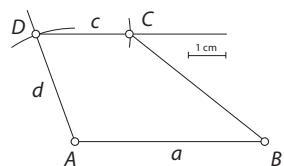
- b) Vzporedni osnovnici in isto višino.

6. (A), (B), (Č), (D)

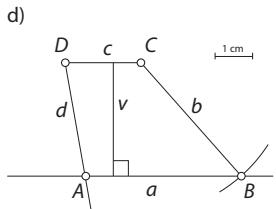
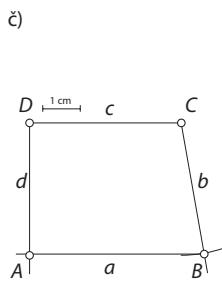
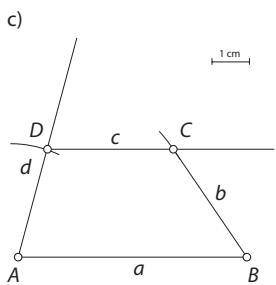
7. a)



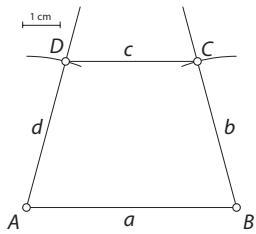
b)



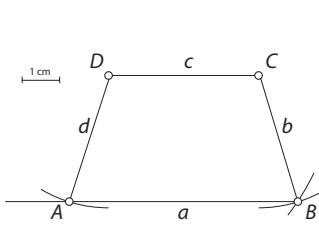
REŠITVE



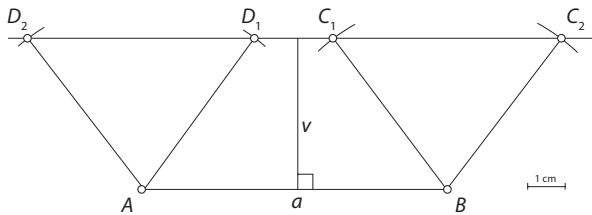
8. a) S 6.2.6



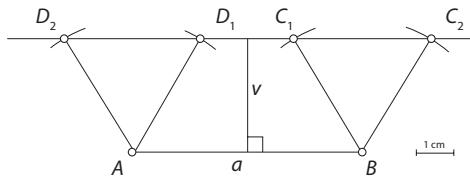
b) S 6.2.7



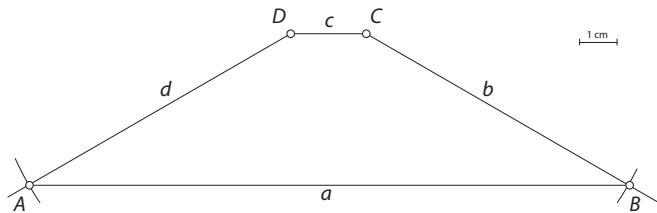
c) S 6.2.8



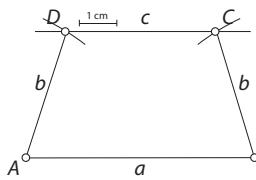
č) S 6.2.9



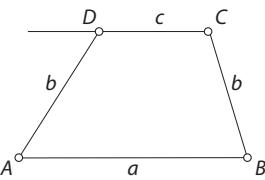
d) S 6.2.10



9. a)



b) npr.:



10. a) $\beta = 85^\circ$, $\beta_1 = 95^\circ$, $\gamma = 105^\circ$
c) $\gamma = 120^\circ$

b) $\alpha = 50^\circ$, $\gamma = 130^\circ$, $\delta = 55^\circ$
č) $\beta = 100^\circ$

11. a) $\beta = 65^\circ$, $\gamma = 115^\circ$, $\delta = 115^\circ$

b) $\alpha = 28^\circ$, $\beta = 152^\circ$

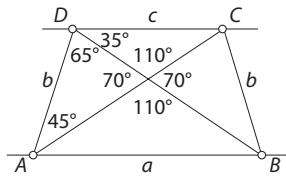
12. a) $\beta = 55^\circ$, $\gamma = 125^\circ$

b) $\beta = 80^\circ$

c) $\alpha = 110^\circ$, $\beta = 50^\circ$, $\gamma_1 = 50^\circ$, $\delta = 70^\circ$

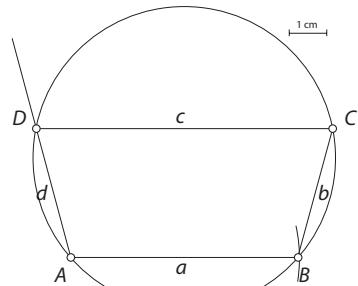
13. $\alpha = 40^\circ$, $\beta = 70^\circ$, $\gamma = 110^\circ$, $\gamma_1 = 70^\circ$, $\delta = 140^\circ$

14.



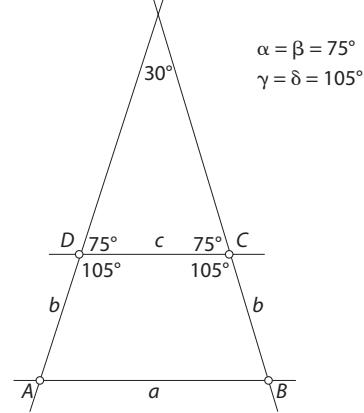
$$\begin{aligned} \alpha &= 80^\circ & \beta &= 80^\circ & \gamma &= 100^\circ & \delta &= 100^\circ \\ \alpha_1 &= 100^\circ & \beta_1 &= 100^\circ & \gamma_1 &= 80^\circ & \delta_1 &= 80^\circ \end{aligned}$$

15.

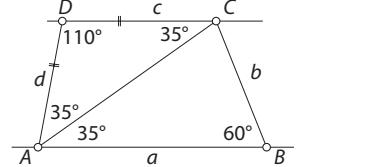


16. podatke pridobiti iz 1 : 1 printa

17.



18.



$$\angle ACB = 85^\circ$$

Paralelogram

1. /

2. (1), (3), (4), (5), (7)

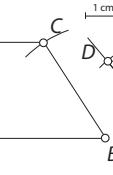
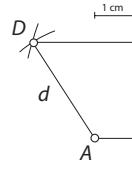
3. Paralelogram.

a) $b = 3,2 \text{ cm}$ $e = 6,7 \text{ cm}$, $v_b = 4,5 \text{ cm}$ $\alpha = 68^\circ$

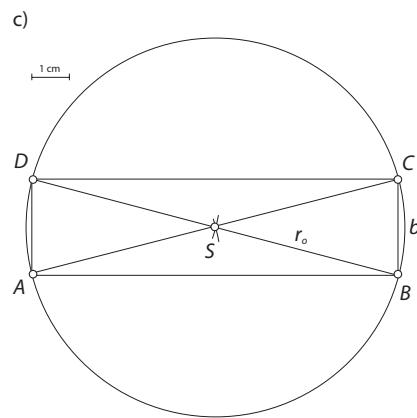
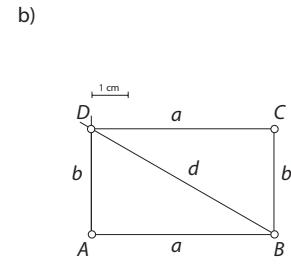
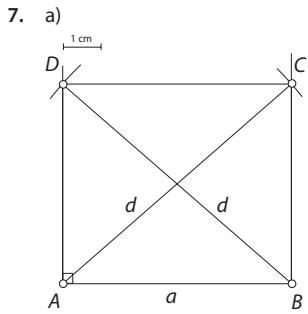
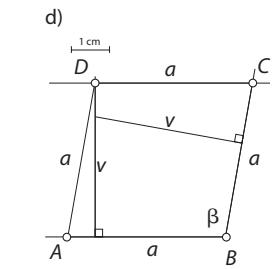
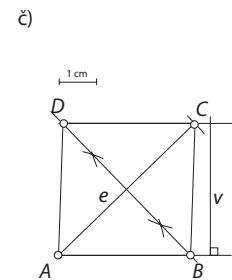
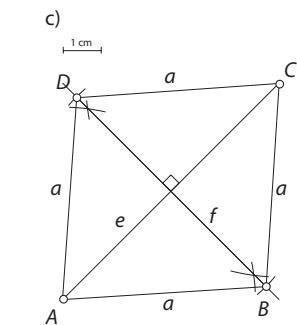
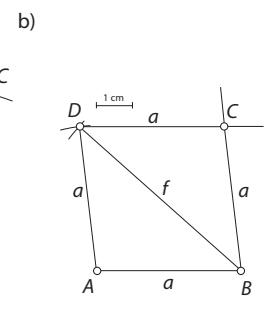
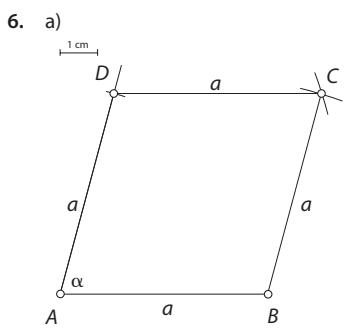
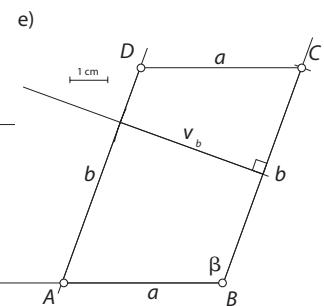
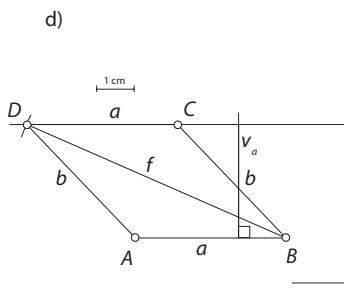
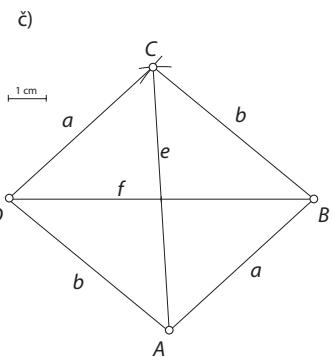
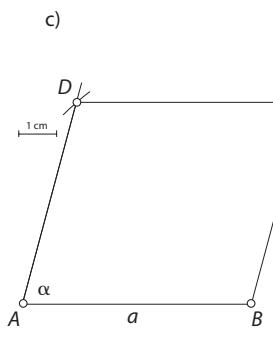
b) $a = 3,9 \text{ cm}$ $v_a = 2,2 \text{ cm}$, $f = 3,4 \text{ cm}$ $\beta = 120^\circ$

4. a) $\alpha + \beta = 180^\circ$ b) $\beta + \gamma = 180^\circ$ c) $\gamma + \delta = 180^\circ$ č) $\alpha + \delta = 180^\circ$
Vsota dveh sosednjih kotov je vedno 180° .

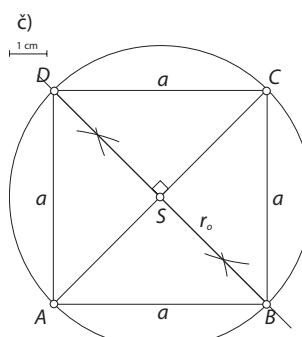
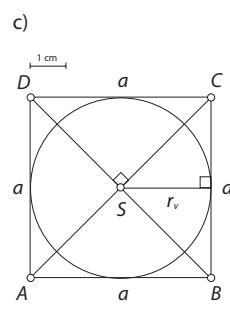
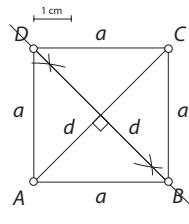
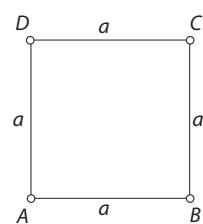
5. a)



REŠITVE



8. a) b)



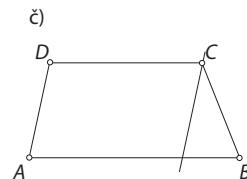
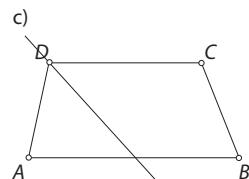
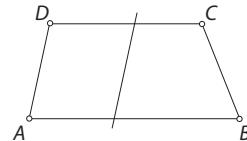
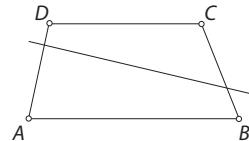
9. (C)

10. (A), (B), (C), (D), (E)

11. a) romb, $\alpha = 44^\circ$ $\gamma = 44^\circ$ $\delta = 136^\circ$

b) paralelogram, $\delta = 126^\circ$ $\beta = 126^\circ$ $\gamma = 54^\circ$

12. a)



13. a) $\varepsilon_1 = 33^\circ$, $\varepsilon_2 = 32^\circ$

14. a) romb, $\varepsilon_1 = 65^\circ$

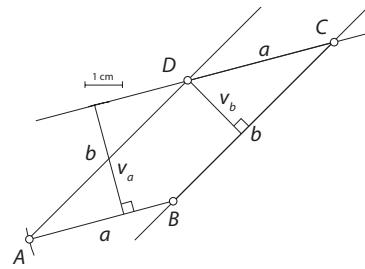
15. $\angle AEF = 52^\circ$ $\angle CGH = 52^\circ$

$\angle EFA = 38^\circ$ $\angle GHC = 38^\circ$

$\angle BFG = 52^\circ$ $\angle DHE = 52^\circ$

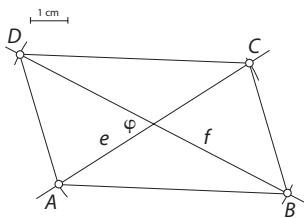
$\angle FGB = 38^\circ$ $\angle HED = 38^\circ$

16.

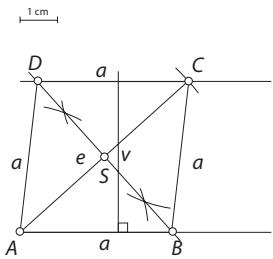


REŠITVE

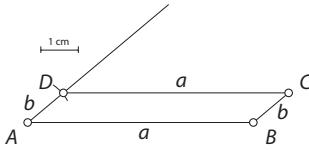
17.



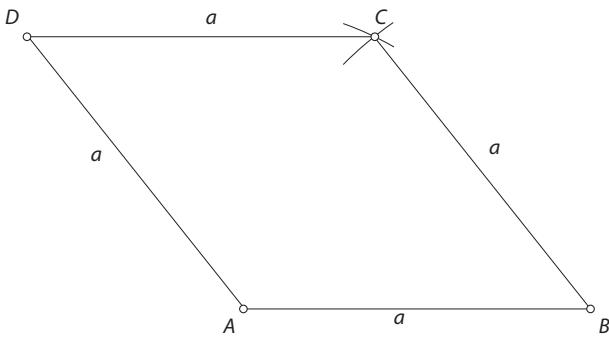
18.



19.

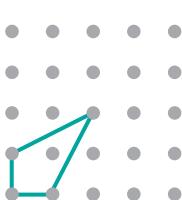


20.

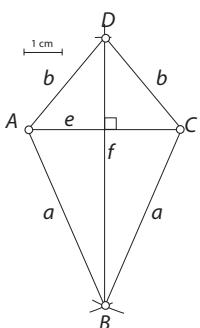


Deltoid

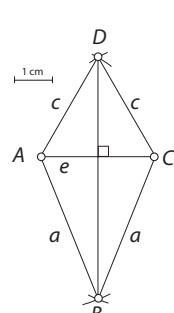
1. Deltoid ima dva para skladnih stranic, diagonali se sekata pod pravim kotom. Deltoid je v primeru a) in c).
2. $a = 1,5 \text{ cm}$, $b = 2,5 \text{ cm}$, $f = 2,9 \text{ cm}$, $\delta = 62^\circ$, $\eta = 116^\circ$
- 3.



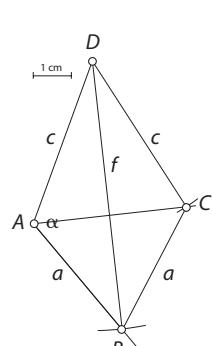
4. a)



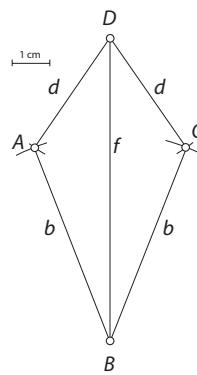
b)



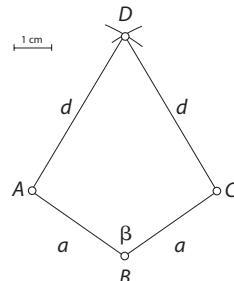
c)



č)



d)



5. (A), (č)

6. /

7. a) $\gamma = 100^\circ$, $\delta = 140^\circ$ b) $\alpha = \gamma = 86^\circ$

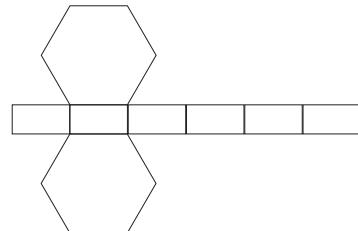
8. Kvadrat in romb sta deltoida, saj imata dva para skladnih stranic, diagonali pa se sekata pravokotno. Pravokotnik ni deltoid, saj diagonalni nista pravokotni.

9. a) $\varepsilon_1 = 65^\circ$, $\varepsilon_2 = 25^\circ$ b) $\varepsilon_1 = 48^\circ$, $\varepsilon_2 = 55^\circ$
c) $\alpha = 101^\circ$, $\beta = 101^\circ$, $\varepsilon_1 = 23^\circ$, $\varepsilon_2 = 56^\circ$

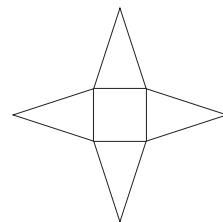
10. Dolžino stranice a , dolžino stranice c , velikost kota β ali δ .

Geometrijski liki in telesa

1. Pravilna 6-strana prizma. Ima 2 osnovni ploskvi (pravilna 6-kotnika). Plašč sestavlja 6 pravokotnikov. 8 mejnih ploskev, 12 oglišč, 18 robov

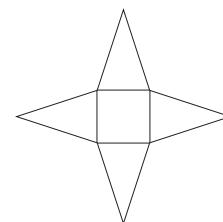
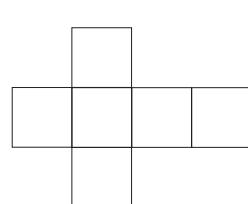


Pravilna 4-strana piramida. Osnovna ploskev je kvadrat, plašč sestavlja 4 enakokraki trikotniki. Ima 5 mejnih ploskev, 8 robov, 5 oglišč



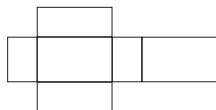
4-strana prizma, osnovna ploskev je štirikotnik, mrežo sestavlja 6 štirikotnikov, ima 8 oglišč, 12 robov.

2. a) kvadrati b) kvadrat in enakokraki trikotniki



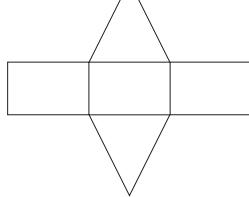
REFITVE

c) pravokotniki

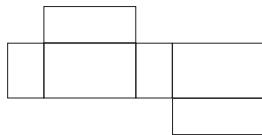


3. a) število ploskev: 6 (pravokotniki)
b) število ploskev: 5 (pravokotnika, enakokraka trikotnika, kvadrat)
c) število ploskev: 6 (kvadrati)
č) število ploskev: 4 (enakostranični trikotniki)
d) število ploskev: 8 (pravilna 6-kotnika, pravokotniki)
Mreža telesa je prikazana v primerih a), c), č), d).
4. a) kvadrata in 4 enakokraki trapezi
b) kvadrati, enakostranična trikotnika
5. a) enakokraka trikotnika, pravokotniki

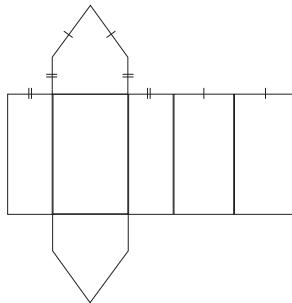
△



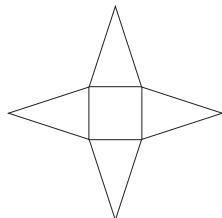
b) pravokotniki



c) pravokotniki, petkotnika



č) štirikotnik, trikotniki

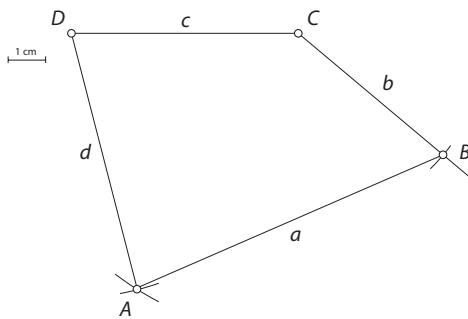


6. /

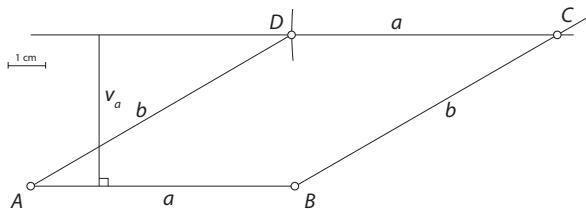
7. /

Preverimo znanje

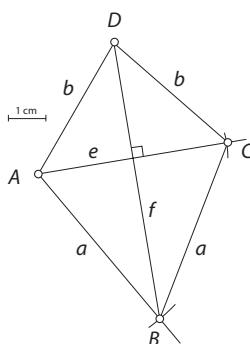
5.



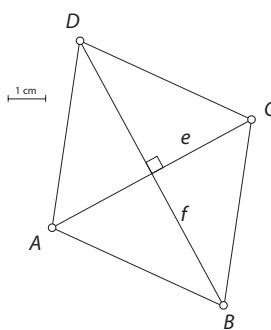
6.



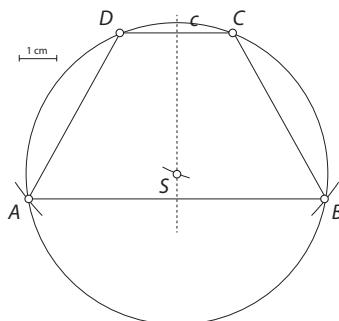
7.



8.



9.



10. $\alpha_1 = \gamma_1 = \delta_1 = 130^\circ$, $\varphi = 115^\circ$, $\gamma = \delta_2 = 50^\circ$

11. a) Paralelogram.

b) Dobimo paralelograma, ki sta zrcalna slika drug drugega, vendar nista sklada. Če enega prerišemo na prosojen papir, ga ne moremo »položiti« na drugega.

12. a) Šest načinov. b) Enajst načinov.

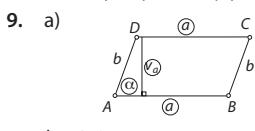
Obseg in ploščine

Večkotniki

1. $o = 30 \text{ cm}, p = 39 \text{ cm}^2$
2. $a = 5 \text{ cm}, p = 25 \text{ cm}^2$
3. A: $o = 22 \text{ cm}, p = 10 \text{ cm}^2$
B: $o = 22 \text{ cm}, p = 18 \text{ cm}^2$
C: $o = 22 \text{ cm}, p = 24 \text{ cm}^2$
4. a) $10 \cdot 6 = 60 \text{ dm}^2$; DA b) Ostanka je $0,4 \text{ m}^2$.
5. Različne rešitve
6. Različne rešitve
7. Šivilja potrebuje 2900 m^2 (29 dm^2) blaga.
8. Tloris hiše meri $100,5 \text{ m}^2$, potrebujejo 45 m žlebov.
9. Bazen je pravokotnik s stranicama 6 in 9 m . Folija je pravokotnik s stranicama 8 m in 11 m . Vodopivčevi morajo kupiti 88 m^2 folije.
10. a) $10,5 \cdot 5 - (2 \cdot (1,5 \cdot 1,2) + 3 \cdot 1 \cdot 1 + 2 \cdot 2,2) = 41,5$
Pleskar mora prepleskati $41,5 \text{ m}^2$.
b) $3 \cdot (4 \cdot 1) + 2 \cdot (2 \cdot 1,5 + 2 \cdot 1,2) + 2,2 + 2 + 2,2 = 29,2$
Pleskar bo potreboval $29,2 \text{ m}$ lepilnega traku.

Paralelogram

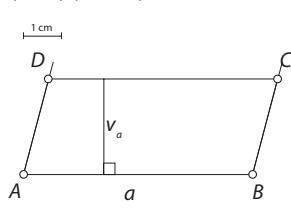
1. a) $o = 2 \cdot 4 + 2 \cdot 3 = 14$; $o = 14 \text{ cm}$; $p = 4 \cdot 2 = 8$; $p = 8 \text{ cm}^2$
b) $o = 2 \cdot 2 + 2 \cdot 5,4 = 14,8$; $o = 14,8 \text{ cm}$
 $p = 5,4 \cdot 1,5 = 8,1$; $p = 8,1 \text{ cm}^2$
2. a) $o = 42 \text{ cm}$; $p = 66 \text{ cm}^2$
b) $o = 3,4 \text{ dm}$; $p = 0,3 \text{ dm}^2$ c) $o = \text{m}$; $p = \text{m}^2$
3. a) Steklena plošča meri $1,68 \text{ m}^2$. b) Porabili so $5,6 \text{ m}$ obrobe.
4. a) $o = 20 \text{ dm}$; $p = 20 \text{ dm}^2$
b) $a = 12,5 \text{ cm}$; $p = 100 \text{ cm}^2$
c) $v_a = 16 \text{ m}$; $o = 36 \text{ m}$
5. Paralelogram pod c), ker je $p = 5 \cdot 1,2 = 6 \text{ cm}^2$.
6. a) Najmanjši obseg ima lik A, ker ima najkrajšo dolžino stranice b (zaradi pravega kota), vsi paralogrami pa imajo enake dolžine a .
b) Ploščine paralelogramov so enake, ker imajo vsi enako dolgo stranico a in enako dolgo višino na stranico b .
7. a) $p = 13 \cdot 12 = 156$; $p = 156 \text{ cm}^2$
b) $a = 30 : 5 = 6$; $a = 6 \text{ cm}$
c) $b = (60 - 30) : 2 = 15$; $b = 15 \text{ cm}$
8. $p = 2 \cdot 3,4 \cdot 0,7 - 0,8 \cdot 0,7 = 4,76 - 0,56$; $p = 4,2 \text{ cm}^2$
 $o = 2 \cdot (2 \cdot 3,4 + 2 \cdot 0,8) - 2 \cdot 0,8 = 16,8 - 1,6$; $o = 15,2 \text{ cm}$



$$b = 2,6 \text{ cm}$$

$$o = 17,2 \text{ cm}$$

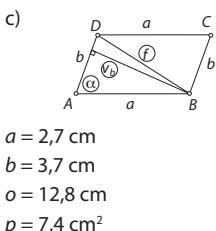
$$p = 15 \text{ cm}^2$$



$$a = 2,3 \text{ cm}$$

$$o = 14,6 \text{ cm}$$

$$p = 10 \text{ cm}^2$$

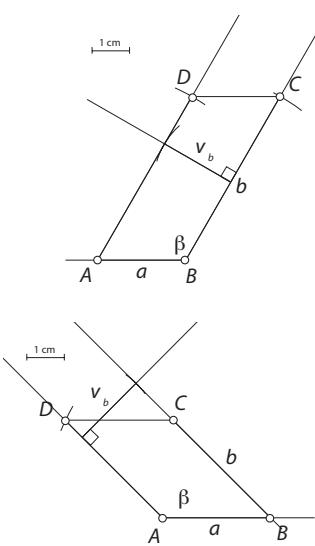


$$a = 2,7 \text{ cm}$$

$$b = 3,7 \text{ cm}$$

$$o = 12,8 \text{ cm}$$

$$p = 7,4 \text{ cm}^2$$



Toleranca za stranico je $\pm 2 \text{ mm}$.

10. Stranica romba meri $7,45 \text{ dm}$.

11. Višina romba meri $1,8 \text{ m}$.

12. Izračunamo lahko obseg, ploščino in višino na stranico b .

$$o = 18 \text{ cm}; p = 10 \text{ cm}^2; v_b = 2,5 \text{ cm}$$

13. Različne rešitve.

14. a) Poti je 32 m^2 .

$$\text{b) Travnika je } 400 \text{ m}^2. \quad \text{c) } \frac{32}{432} = \frac{2}{27}$$

15. En parkirni avto zaseda 15 m^2 .

Trikotnik

1. a) $a = 2,9 \text{ cm}, b = 4,1 \text{ cm}, c = 4,9 \text{ cm}, v_c = 2,7 \text{ cm}, o = 11,9 \text{ cm}, p = 6,62 \text{ cm}^2$

b) $a = 2,9 \text{ cm}, b = 2,5 \text{ cm}, c = 2,4 \text{ cm}, v_c = 2,4 \text{ cm}, o = 7,8 \text{ cm}, p = 2,88 \text{ cm}^2$

c) $a = 1,3 \text{ cm}, b = 4,5 \text{ cm}, c = 4,7 \text{ cm}, o = 10,5 \text{ cm}, p = 2,93 \text{ cm}^2$

2. a) $o = 80 \text{ dm}$; $p = 300 \text{ dm}^2$ b) $o = 30 \text{ cm}$; $p = 30 \text{ cm}^2$

3. a) $o = 44 \text{ mm}$; $p = 66 \text{ mm}^2$; $v_a = \frac{2}{13} \text{ mm}$; $v_b = 6,6 \text{ mm}$
b) $v_c = \frac{1}{3} \text{ mm}$

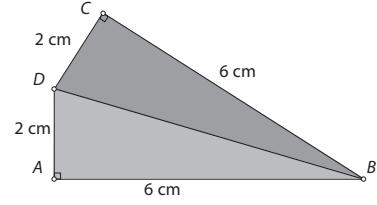
$$4. p_1 = \frac{1 \cdot 0,5}{2} = 0,25 \text{ cm}^2 \quad p_2 = \frac{1,5 \cdot 1}{2} = 0,75 \text{ cm}^2 \quad p_3 = \frac{2 \cdot 1,5}{2} = 1,5 \text{ cm}^2 \\ p_4 = \frac{2,5 \cdot 2}{2} = 2,5 \text{ cm}^2 \quad p_5 = \frac{3 \cdot 2,5}{2} = 3,75 \text{ cm}^2 \quad p_n = \frac{\frac{n+1}{2} \cdot \frac{n}{2}}{2}$$

$$p_{10} = \frac{\frac{10+1}{2} \cdot \frac{10}{2}}{2} = \frac{5,5 \cdot 5}{2} = 13,75 \text{ cm}^2$$

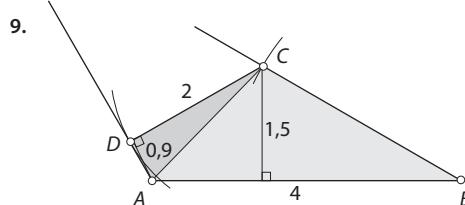
5. Približno: $o = 2 \cdot 11,2 + 15,8 = 38,2 \text{ cm}$ $p = \frac{15,8 \cdot 8}{2} = 63,3 \text{ cm}^2$

6. Pravilni so odgovori: č, d in e.

7. a) $p = p\Delta ABD + p\Delta BCD$
 $p = 6 \text{ cm}^2 + 6 \text{ cm}^2 = 12 \text{ cm}^2$



8. $p = 40 \cdot 10 + \frac{40 \cdot 30}{2} = 1000 \text{ cm}^2 = 0,1 \text{ m}^2$
Za puščico potrebujejo $0,1 \text{ dl}$ barve (1 cl).



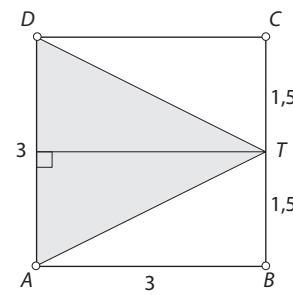
$$p = p\Delta ABC + p\Delta CDA$$

$$p = \frac{4 \cdot 15}{2} + \frac{2 \cdot 0,9}{2} = 3,9 \text{ cm}^2$$

10. $p\Delta ATD = \frac{3 \cdot 3}{2} = 4,5$

$$p\Delta ATD = 4,5 \text{ cm}^2$$

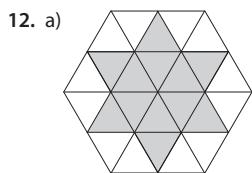
$$p\Box ABCD = 9 \text{ cm}^2$$



Ploščina trikotnika je polovica ploščine kvadrata. Kvadratu smo odrezali dvakrat po $\frac{1}{4}$ lika, kar je ravno $\frac{1}{2}$ lika, zato je druga polovica lika ostala (obarvana).

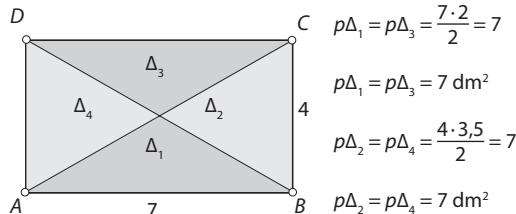
REŠITVE

11. $p = \frac{80 \cdot 80}{2} = 3200 \text{ cm}^2 = 0,32 \text{ m}^2$



b) Ploščina meri 12 m^2 , ker je število malih enakostraničnih trikotnikov v pravilnem 6-kotniku dvakrat večje od števila malih enakostraničnih trikotnikov v zvezdi.

13.



Ploščine vseh štirih trikotnikov so med seboj enake.

$$o\Delta_1 = o\Delta_3 = 2 \cdot 4 \text{ dm} + 7 \text{ dm} = 15 \text{ dm}$$

$$o\Delta_2 = o\Delta_4 = 2 \cdot 4 \text{ dm} + 4 \text{ dm} = 12 \text{ dm}$$

Po dva nasproti ležeča trikotnika imata enake obsege.

14. Delitev ni pravična. Nastala trikotnika imata enaki višini, a različni osnovnici.

Trikotnik, ki naj bi bil Petrov, ima osnovnico 32 m, zato je njegova ploščina 256 m^2 .

Trikotnik, ki naj bi bil Pavlov, ima osnovnico 18 m, zato je njegova ploščina le 144 m^2 .

Deltoid, romb, kvadrat

1. lik A: $p = \frac{4 \cdot 5}{2} = 10; p = 10 \text{ cm}^2$

lik B: $p = \frac{3 \cdot 4}{2} = 6; p = 6 \text{ cm}^2$

lik C: $p = \frac{2 \cdot 6}{2} = 6; p = 6 \text{ cm}^2$

lik D: $p = \frac{6 \cdot 5}{2} = 15; p = 15 \text{ cm}^2$

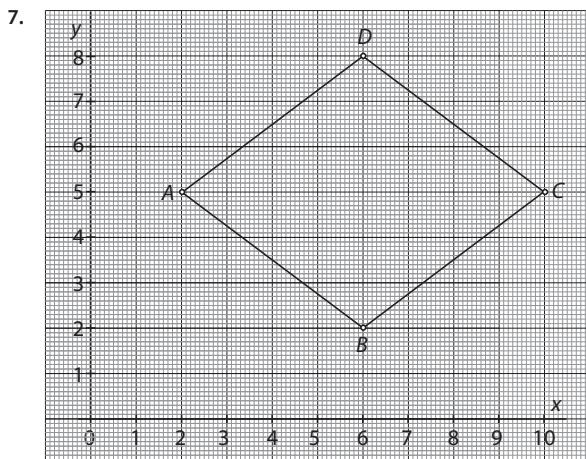
2. č

3. č

4. Različne rešitve.

5. Pravilen je odgovor c.

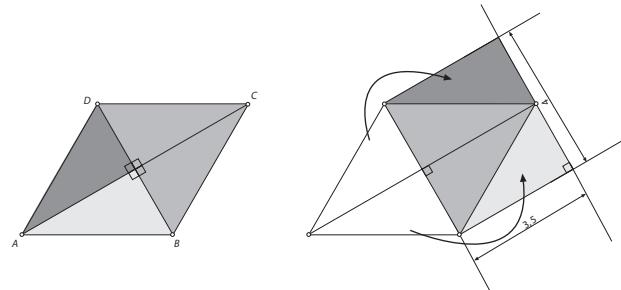
6. $p = \frac{15 \cdot 28}{2} = 210 \text{ cm}^2$



Narisani deltoid ima vse štiri stranice enake, zato je to romb:

$$o = 4 \cdot 5 = 20; o = 20 \text{ cm}; p = \frac{8 \cdot 6}{2} = 24; p = 24 \text{ cm}^2$$

8.



$$p = 3,5 \cdot 4 = 14 \quad p = 14 \text{ cm}^2$$

9. $e = 18 \text{ cm}$

10. Ploščino 30 cm^2 imajo rombi a, b, d, e.

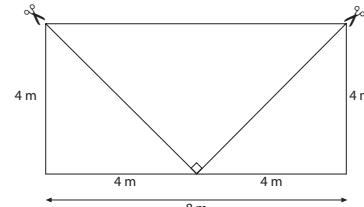
11. Različne rešitve.

12. Ploščina deltoida meri 24 cm^2 , ploščina trikotnika BCE meri $7,5 \text{ cm}^2$, kar je $31,25\%$ ploščine deltoida.

13. a) Položili bodo 32 m^2 tapisona.

b) Kupiti morajo 8 tekočih metrov tapisona.

c) Rezali ga bodo takole:



14. Ploščina deltoida = ploščina trikotnika $= \frac{1}{2} \cdot 5 \frac{1}{3} \cdot 8 \frac{1}{4} = 22$
 $p = 22 \text{ dm}^2; v_c = 44 : 1,1 = 40 \text{ dm}$

Trapez

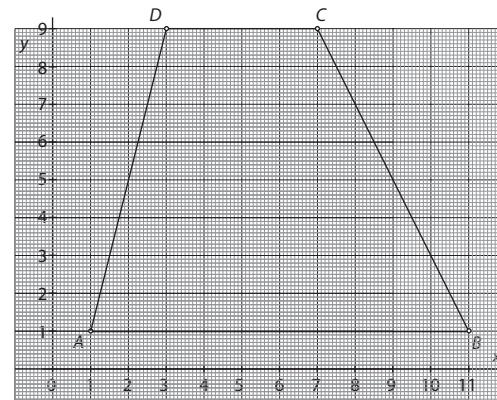
1. Enakokraki trapez; $p = 64 \text{ e}^2$

2. $o = 14,6 \text{ cm}, p = 10 \text{ cm}^2$

3. $d = 9,1 \text{ m}$

4. Vetrobransko steklo meri $1,4 \text{ m}^2$.

5.



$$o = 10 + 9 + 4 + 8,2 = 31,2 \quad p = 7 \cdot 8 = 56$$

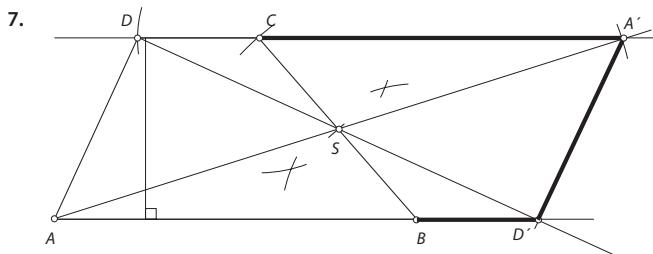
$$o = 31,2 \text{ cm} \quad p = 56 \text{ cm}^2$$

6. parcela A: $p = 27 \text{ e}^2$; parcela B: $p = 24 \text{ e}^2$; parcela C: $p = 18 \text{ e}^2$

parcela Č: $p = 27 \text{ e}^2$; parcela D: $p = 24 \text{ e}^2$; parcela E: $p = 24 \text{ e}^2$

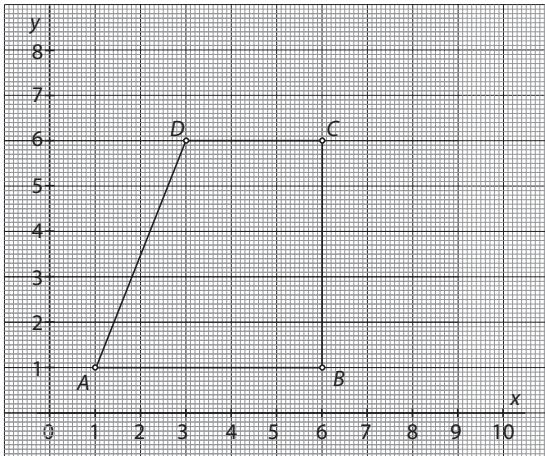
Če so zemljišča enake kakovosti, se splača kupiti parceli A ali Č, ker imata največji ploščini (za enak denar dobriš največ zemljišča).

REŠITVE



- a) Lik $AD'A'D$ je paralelogram; $p = 24 \text{ cm}^2$.
 b) trapez: $p = 12 \text{ cm}^2$
 c) Ploščina trapeza je enaka polovici ploščine paralelograma.
 8. d
 9. Približno $a = 3,9 \cdot 5 = 19,5 \text{ cm}$ $c = 3,5 \cdot 5 = 17,5 \text{ cm}$ $v = 1,9 \cdot 5 = 9,5 \text{ cm}$
 $p = 175,75 \text{ cm}^2$ Potrebuje 176 perlic.
 10. $c = 3 \text{ cm}$

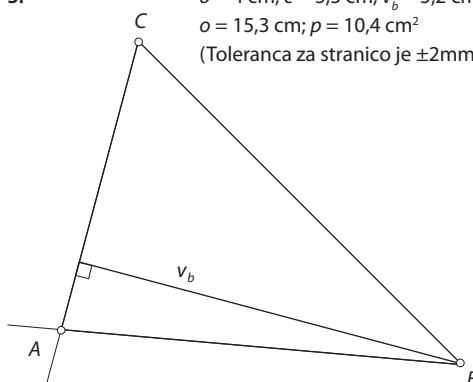
Več rešitev npr.: $C_1(6, 4)$ $D_1(3, 4)$; $C_2(5, 4)$ $D_2(2, 4)$; $C_3(4, 4)$ $D_3(1, 4)$;



11. a) Ploščina enega trapeza je 15 cm^2 .
 b) Ploščina pentlige je 34 cm^2 .
 c) $\frac{34}{64} = \frac{17}{32}$
 12. $p = p$ zunanjega trikotnika – p notranjega trikotnika
 $p = 62 \cdot 50 - 38 \cdot 52$
 $p = 1124 \text{ cm}^2 = 11,24 \text{ dm}^2$
 13. $p = 3 \cdot 3 + \frac{4,5 \cdot 3}{2} = 9 + 6,75 = 15,75 \text{ cm}^2$
 14. Različne rešitve.

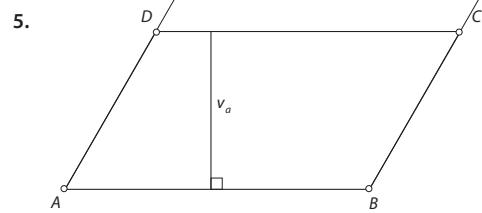
Preverimo znanje

1. $o = 36 \text{ dm}; p = 54 \text{ dm}^2$ Vsak odgovor po 2 T.
 2. $p = 36 \text{ cm}^2; a = 6 \text{ cm}; o = 24 \text{ cm}$ Vsak odgovor po 1 T.
 3. $b = 4 \text{ cm}; c = 5,3 \text{ cm}; v_b = 5,2 \text{ cm}$
 $o = 15,3 \text{ cm}; p = 10,4 \text{ cm}^2$
 (Toleranca za stranico je $\pm 2 \text{ mm}$.)



Načrtan trikotnik 2 T, narisana in izmerjena v_b 1 T, izmerjeni b, c 1 T, obseg 1 T, ploščina 1 T.

4. a) S cvetjem je zasajeno $\frac{20}{32} = \frac{5}{8}$ grede, kar znaša 10 m^2 .
 b) Z zelenjem je zasajeno $\frac{12}{32} = \frac{3}{8}$ grede, kar znaša 6 m^2 .
 c) Zasaditev stane 226 € ($66 + 160$).
 Vsak odgovor po 2 T.



$$v_a = 2,6 \text{ cm}; o = 16 \text{ cm}; p = 13 \text{ cm}^2$$

Toleranca za višino je $\pm 2 \text{ mm}$.

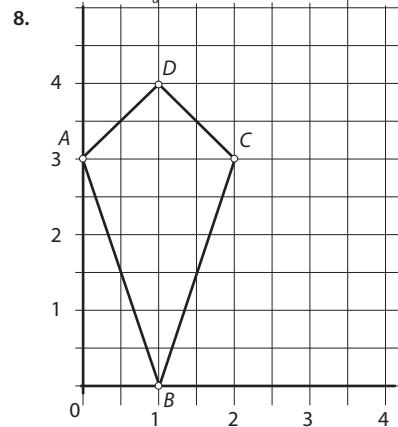
Načrtan paralelogram 2 T, narisana in izmerjena v_a 1 T, obseg 1 T, ploščina 1 T.

6. $p = 15 \text{ dm}^2$ 1 T
 $b = 6 \text{ dm}$ 2 T
 7. Trapez.

$$a = 3 \text{ cm}; b = 2 \text{ cm}; c = 1 \text{ cm}; d = 2,5 \text{ cm}; v = 2 \text{ cm}$$

$$o = 8,5 \text{ cm}; p = 4 \text{ cm}^2$$

Ime lika 1 T, izmerjene stranice a, b, c, d 2 T, obseg 1 T, narisana in izmerjena v_a 1 T, ploščina 1 T.



Deltoid.

$$a = 3,2 \text{ cm}; b = 1,4 \text{ cm}$$

$$o = 2 \cdot 3,2 + 2 \cdot 1,4 = 9,2; o = 9,2 \text{ cm}$$

$$p = 4 \text{ cm}^2$$

Načrtan lik 2 T, ime lika 1 T, izmerjeni a, b 1 T, obseg 1 T, določeni e, f 1 T, ploščina 1 T.

9. Druga diagonalna meri $5\frac{1}{4} \text{ cm}$. 2 T
 Ploščina meri $22\frac{31}{32} \text{ cm}^2$ 2 T
 10. a) $o = 2 \cdot 4,6 + 2 \cdot 2,3 = 9,2 + 4,6 = 13,8 \text{ cm}$ 2 T
 $p = 2,3 \cdot 4,1 = 9,43 \text{ cm}^2$ 2 T
 b) $o = 20\frac{7}{10} \text{ cm}$ $a = 5\frac{7}{40} \text{ cm}$ 2 T

REŠITVE

Odstotki

Odstotki

1. a) $12\% = \frac{12}{100} = \frac{6}{50} = 0,12$

$$36\% = \frac{36}{100} = \frac{9}{25} = 0,36$$

$$50\% = \frac{50}{100} = \frac{1}{2} = 0,5$$

$$73\% = \frac{73}{100} = 0,73$$

$$92\% = \frac{92}{100} = \frac{23}{25} = 0,92$$

$$140\% = \frac{140}{100} = 1\frac{40}{100} = 1\frac{2}{5} = 1,4$$

b) $3\% = \frac{3}{100} = 0,03$

$$24\% = \frac{24}{100} = \frac{6}{25} = 0,24$$

$$60\% = \frac{60}{100} = \frac{3}{5} = 0,6$$

$$81\% = \frac{81}{100} = 0,81$$

$$98\% = \frac{98}{100} = \frac{49}{50} = 0,98$$

$$155\% = \frac{155}{100} = 1\frac{55}{100} = 1\frac{11}{20} = 1,55$$

c) $1,2\% = \frac{1,2}{100} = \frac{12}{1000} = \frac{6}{500} = 0,012$

$$5,5\% = \frac{5,5}{100} = \frac{55}{1000} = \frac{11}{200} = 0,055$$

$$0,4\% = \frac{0,4}{100} = \frac{4}{1000} = \frac{1}{250} = 0,004$$

$$0,25\% = \frac{0,25}{100} = \frac{25}{10000} = \frac{1}{400} = 0,0025$$

$$0,125\% = \frac{0,125}{100} = \frac{125}{100000} = \frac{1}{800} = 0,00125$$

$$0,008\% = \frac{0,008}{100} = \frac{8}{100000} = \frac{1}{12500} = 0,000008$$

2. a) $\frac{3}{5} = \frac{60}{100} = 60\% = 0,6$

$$\frac{7}{10} = 0,7 = 70\%$$

$$\frac{13}{20} = \frac{65}{100} = 0,65 = 65\%$$

$$\frac{1}{25} = \frac{4}{100} = 0,04 = 4\%$$

$$\frac{61}{50} = \frac{122}{100} = 1,22 = 122\%$$

b) $\frac{12}{40} = 0,3 = 30\%$

$$\frac{9}{75} = 0,12 = 12\%$$

$$\frac{21}{28} = 0,75 = 75\%$$

$$\frac{42}{300} = 0,14 = 14\%$$

$$\frac{33}{55} = 0,6 = 60\%$$

c) $\frac{4}{7} = 0,571 = 57\%$

$$\frac{5}{9} = 0,555 = 56\%$$

$$\frac{11}{12} = 0,9166 = 92\%$$

$$\frac{7}{3} = 2,333 = 233\%$$

$$\frac{45}{75} = 0,6 = 60\%$$

3. a) $3 = 300\%$

$$7500 = 7500\%$$

$$1,25 = 125\% = 1\frac{1}{4}$$

$$4,6 = 460\% = 4\frac{3}{5}$$

$$1 = 100\%$$

b) $0,36 = 36\% = \frac{36}{100} = \frac{9}{25}$

$$0,8 = 80\% = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$$

$$0,07 = 7\% = \frac{7}{100}$$

$$0,003 = 0,3\% = \frac{3}{1000}$$

$$0,028 = 2,8\% = \frac{28}{1000} = \frac{7}{250}$$

4. a) Če bi bilo v sadovnjaku 100 dreves, bi jih 88 ozelenelo.

$$88\% = \frac{88}{100} = \frac{22}{25} = 0,88$$

b) Če bi stehtali 100 g zelja, bi 90 g stehtane mase predstavljala voda.

$$90\% = \frac{90}{100} = \frac{9}{10} = 0,9$$

c) Če je v tovarni predvideno izdelati 100 izdelkov v nekem časovnem obdobju, so v tem časovnem obdobju naredili 120 izdelkov.

$$120\% = 1\frac{20}{100} = 1\frac{1}{5} = 1,2$$

č) Če bi kolo stalo 100 €, bi po pocenitvi stalo 4,50 € manj.

$$4,5\% = \frac{45}{1000} = \frac{9}{200} = 0,045$$

5.

Ulomek	Odstotek	Decimalno število
$\frac{24}{40}$	60 %	0,6
$\frac{36}{100}$	36 %	0,36
$\frac{9}{10}$	90 %	0,9

6. $120\% = 1\frac{20}{100} = 1\frac{1}{5}$

$$5\% = \frac{5}{100} = \frac{1}{20} = 0,05$$

$$3,5\% = \frac{35}{1000} = \frac{7}{200}$$

$$1\frac{1}{5} = \frac{6}{50} = \frac{120}{100} = 120\%$$

7. a) $\frac{6}{20} = \frac{30}{100} = 30\% = 0,3$

b) $\frac{1}{6} = 0,166 = 17\%$

c) $\frac{18}{64} = 0,28125 = 28\%$

č) $\frac{3}{8} = 0,375 = 38\%$

8.

Ulomek	1/10	1/5	1/4	1/2	3/4	1
Dec. število	0,1	0,2	0,25	0,5	0,75	1
Odstotek	10%	20%	25%	50%	75%	100%

REŠITVE

9. a) $5\% = \frac{5}{100} = \frac{1}{20}$

b) $45\% = \frac{45}{100} = \frac{9}{20}$

c) $80\% = \frac{80}{100} = \frac{4}{5}$

10. Moških obiskovalcev je bilo 72, žensk 96 in otrok 32.

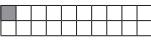
- a) 84 % b) 16 % c) 57 %

11. a) 35 %

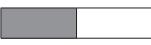
b) $40\% \text{ od } 360^\circ = 144^\circ$

25 % od $360^\circ = 90^\circ$

35 % od $360^\circ = 126^\circ$

12. a) $5\% = \frac{1}{20}$ 

b) $20\% = \frac{2}{10}$ 

c) $50\% = \frac{1}{2}$ 

č) $60\% = \frac{3}{5}$ 

d) $75\% = \frac{3}{4}$ 

13. a) 50 % b) $\frac{1}{4} = 25\%$ c) $\frac{3}{4} = 75\%$ č) $1,5 = 150\%$

14. a) = b) < c) >

15. /

16. beljak: $52\% = \frac{13}{25} = 0,52$

rumenjak: $32\% = \frac{8}{25} = 0,32$

lupina: $16\% = \frac{4}{25} = 0,16$

17. /

18. Asfaltiranih je 35 % ceste, na 65 % ceste še manjka asfaltna podlaga.

19. 28 %

20. 40 %

21. 125 %

22. Večji delež deklic ima 7. a razred, za 3 %.

24. a) $\frac{16}{40} = 0,4 = 40\%$

b) $\frac{6}{48} = 0,125 = 13\%$

c) $\frac{0,2}{10} = \frac{2}{100} = 0,02 = 2\%$

č) $2 \text{ l} = 2 \text{ dm}^3 = 2000 \text{ cm}^3; \frac{5}{2000} = 0,0025 = 0,25\%$

d) $\frac{0,45}{1,8} = \frac{45}{180} = 0,25 = 25\%$

25. Z avtobusom se vozi 60 % otrok, 40 % pa ne.

26. Razbilo se 13 % jajc.

27. Za izdelavo omake se izkoristi 72 % paradižnika.

28. Cink predstavlja 22 % zlitine.

29. Ženske predstavljajo 53 % zaposlenih, moški 47 %.

30. a) Največ učencev obiskuje ples, 40 %.

b) Ples obiskuje 8 učencev.

31. Jod predstavlja 24 % raztopine.

32. Večji delež vode je vsebovan v hruškah, za 9 %.

33. a) 40 % b) 250 % c) 60 %

34. a) popust: 30 % b) popust: 25 % Popust je torej večji v trgovini a).

35. Tekmovanje je nadaljevalo 67 % tekmovalcev.

36. Špela 60 % žepnine porabi, 10 % žepnine spravi za počitnice, 30 % pa za nakup telefona.

37. a) 3,5 % b) 3,5 dag soli c) $3500 \text{ dag} = 35 \text{ kg}$

38. $\frac{4}{1000} \text{ od } 2000000 = 800$

To pomeni 800 ljudi manj (ker gre za negativen prirastek).

39. a) Sedmi razred obiskuje 40 učencev.

b) 20 % učencev je odličnih.

c) 5 % učencev ni izdelalo sedmega razreda.

č) Vsaj dober uspeh ima 83 % učencev.

40. 0,3 %

41. Napolnjene je 94 % nove posode.

Računanje dela celote

1. a) 20 b) 21 c) 17,6 č) 2,7 d) 225 e) 43,5

2. a) 120 min b) 810 m c) 3060 g č) 180 €

3. Dobim število 180.

4. Dobim število 672.

5. $|AB| = 6 \text{ cm}$

a) 2,7 cm b) 7,2 cm

6. Po prvem pranju merijo 78,4 cm.

7. Nova cena plača bo 117 €.

8. 2,88 kg

9. V sodu je 171,6 kg olja.

10. $60 \text{ cm} \leq x \leq 72 \text{ cm}$

11. Plačali bomo 60 € več, nova najemnina je 560 €.

12. V jogurtu je 2,7 g maščob.

13. Masa krompirja je 17,48 t.



15. (C)

16. ugodnejši je nakup v trgovini. V spletni prodaji s popustom cena znaša 48 €.

17. Ostalo ji je še 180 strani.

18. a) Najbolj priljubljen je nogomet, najmanj pa odbojka.

b) Najmanj priljubljen šport je izbral 15 % učencev.

c) najbolj priljubljen šport je izbral 14 učencev.

č) Športa, ki sta dobila enko število glasov, je izbral 20 učencev.

19. /

20. Cena bi se morala na začetku povečati za 56 %.

21. Zmeljemo lahko 1470 kg moke.

22. po obeh pocenitvah stane 180,48 €.

23. Ne, cena znaša 99 % prvotne cene.

24. Vrednost ulomka se spremeni za 50 %.

25. V sadovnjaku je 39 sлив.

26. a) Na izleti je 12 otrok.

b) Vseh udeležencev je 80.

c) 40 % udeležencev je moških.

č) Ja.

Računanje celote

1. a) 120 cm b) 750 km c) 300 € č) 40 h d) 472,5 kg
e) 400

2. V razredu je 24 učencev.

3. Osnovna cena, na katero je računan popust, je 420 €.

4. To je število 42,5.

5. Neznano število je $9\frac{3}{8}$.

6. Celotna pot je dolga 1800 km.

7. Celotna proga meri 40 km.

8. Pred pocenitvijo bi plačali 5 €.

9.

	Osnova	Del celote	$p\%$
a)	200	80	40 %
b)	25 m	15 m	60 %
c)	120 kg	30 kg	25 %
č)	24 h	1,08 h	4,5 %
d)	2 m	60 cm	30 %
e)	10 kg	2,8 kg	28 %

10. Izlet stane 960 €.

11. Celotna pot kolesarja meri 160 km.

REŠITVE

12. Neraztegnjena vzmet meri 31,1 cm.

13. Prvotna cena je bila 6 €.

14. Igrišče se je povečalo za 68 %.

15. a) 25 % b) 14,99 €

Računanje odstotkov na pamet

- | | | | | |
|--|--|-----------|---------|-----------|
| 1. a) 15 kg | b) 480 € | c) 8 km | č) 62 l | |
| d) 7500 km ² | e) 50 a | f) 960 kJ | | |
| 2. a) 4 | b) 225 | c) 42 | č) 405 | d) 11 700 |
| 3. a) 250 | b) 24 | c) 6000 | č) 220 | d) 4000 |
| 4. a) Srajca s popustom stane 18 €.
b) Kolesar je prišel 100 km daleč.
c) Miha je visok 138 cm.
č) Ima še 36 bombonov.
d) S popustom stane 7680 €. | | | | |
| 5. Pobarvanega je 6 cm traku. | | | | |
| 6. Njegova pot meri 140 km. | | | | |
| 7. a) 25 % od 40 = 10
20 % od 40 = 8
25 % od 32 = 8 | b) 75 % od 600 = 450
75 % od 320 = 240
40 % od 600 = 240 | | | |
| 8. a) $x = 90$ | b) $x = 600$ | | | |
| 9. Na začetku je tehtal 120 kg, sedaj 102 kg. | | | | |
| 10. Ne, 150 % prvotne dolžine je 18 cm. | | | | |
| 11. Zbor ima 60 članov. | | | | |

Uporaba žepnega računala

- | | | | | |
|--|------------|--------------|--------------|---------|
| 1. a) 55 % | b) 8 % | c) 113 % | č) 0 % | d) 67 % |
| e) 59 % | f) 17 % | g) 37 % | | |
| 2. a) 31,2 kg | b) 15,25 € | c) 26,376 km | č) 140,07 ha | |
| 3. a) 29,8 % | b) 97,4 % | c) 11,1 % | | |
| 4. Podražitev je 9-odstotna. | | | | |
| 5. a) Izkrcalo se je 1189 potnikov.
b) Na ladji j3e ostalo 261 potnikov. | | | | |
| 6. a) Prvi dan je prevozil 247 km.
b) Do cilja mu je ostalo 577 km.
c) Vsak dan mora prevoziti 288,5 km. | | | | |
| 7. a) Kosilo ima 44 % učencev.
b) Večji delež imajo dečki (dečki $\frac{20}{35} = 57\%$, deklice $\frac{15}{35} = 43\%$). | | | | |
| 8. a) Od udeležencev na športnem dnevu je 47 % dečkov in 53 % deklic.
b) Plavanje je izbral 43 % učencev.
c) Za pohod se ni odločilo 78,5 % učencev.
č) Najmanj obiskano dejavnost (pohod) je izbralo 21,5 %. | | | | |
| 9. a) 800, 160, 32, 6·4, 1·28
b) 8, 12, 18, 27, 40·5 | (20 %) | (150 %) | | |
| 10. Izračunani količnik znaša 1,020. Ceno bencina so zvišali za 2 %. | | | | |
| 11. a) Ventilator stane 148,69 €.
b) Ventilator je cenejši je za 9 %. | | | | |
| 12. Na banki bomo imeli 15 820,94 €. | | | | |
| 13. a) Cena govedine se je povisala za 29 %.
b) Znižati bi se morala za 22 %. | | | | |
| 14. / | | | | |
| 15. / | | | | |

Preverimo znanje

1. a) deklice: $\frac{2}{5}$, dečki: $\frac{3}{5}$
b) deklice: 0,4, dečki: 0,6
c) deklice: 40 %, dečki: 60 %

2.

Ulomek	Decimalno število	Odstotek
$\frac{3}{4}$	0,75	75 %
$\frac{5}{4}$	1,25	125 %
$\frac{3}{10}$	0,3	30 %

3. $\frac{1}{5} < 0,25 < 65 \% < \frac{2}{3} < \frac{9}{10} < 91 \% < 1$

4. a) Do postanka je prevozil 65 % poti.

b) Do cilja mu je ostalo 35 % poti.

5. a) Pobarvan del daljice meri 3,2 cm.

b) Središčni kot pobarvanega dela kroga meri 234° .

6. Na razprodaji stane 510 €.

7. Pred popustom je knjiga stala 70 €.

8. Paradižnik je stal 2,00 €.

9. Po dveh letih o njegova vrednost znašala 8670 €.

10. SLIKA

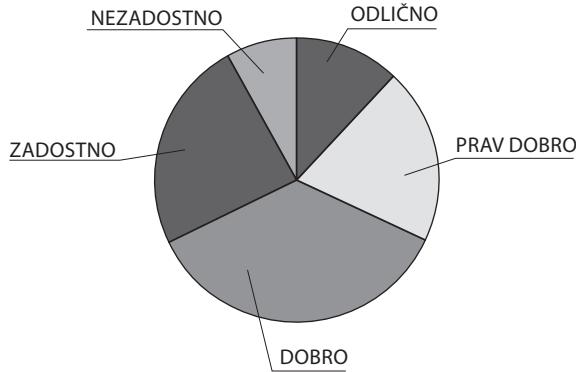
Odlično: 12 % ... $43,2^\circ$

Prav dobro: 20 % ... 72°

Dobro: 36 % ... $129,6^\circ$

Zadostno: 24 % ... $86,4^\circ$

Nezadostno: 8 % ... $28,8^\circ$

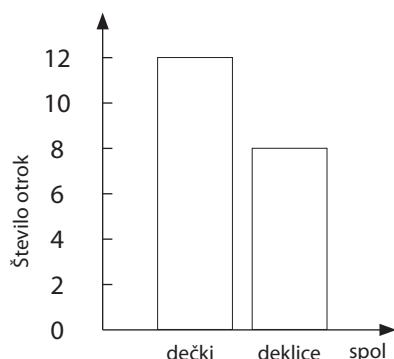


REŠITVE

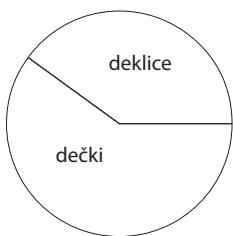
Prikaz podatkov

Vrste prikazov

1. stolpčni prikaz:

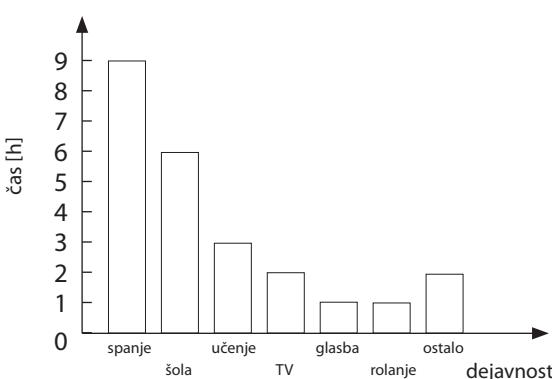


tortni prikaz:

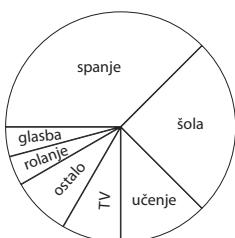


dečki: 60 % od $360^\circ = 216^\circ$,
deklice 40 % od $360^\circ = 144^\circ$

2. stolpčni prikaz:



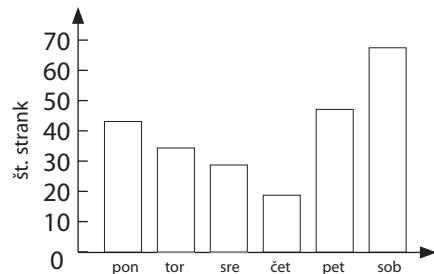
tortni prikaz: spanje: 135° , šola: 90° , učenje: 45° , tv: 30° , ostalo: 30° , glasba: 15° , rolanje: 15°



3. a)

	Moški	Ženske	Otroci	Skupaj
Ponedeljek	12	20	11	43
Torek	10	23	1	34
Sreda	12	13	4	29
Četrtek	8	11	0	19
Petak	23	22	2	47
Sobota	25	31	12	68
Skupaj	90	120	30	240

b)

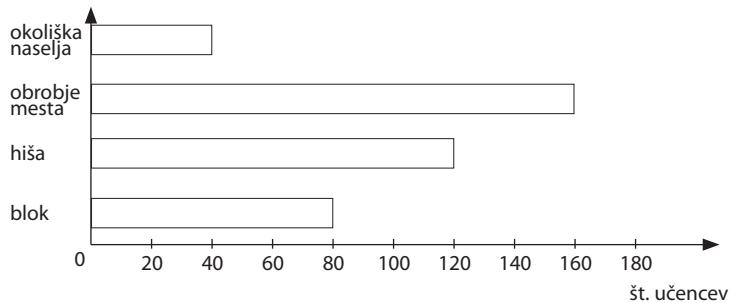


c) moški: 135° , ženske: 180° , otroci: 45°



4.

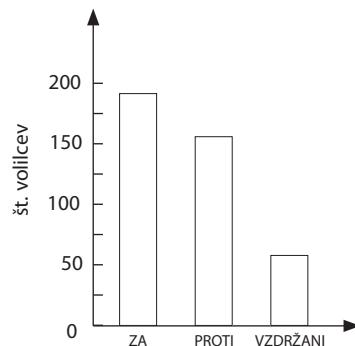
	Blok	Hiša	Obrobje mesta	Okoliška naselja
Št. učencev	80	120	160	40
Središčni kot [°]	72	108	144	36



5. a) Ja, gradnja se bo začela ($85 : 2 = 42,5$).

b) proti sofinanciranju je glasovalo 160 volivcev.

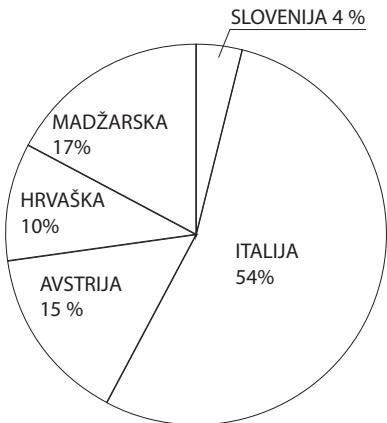
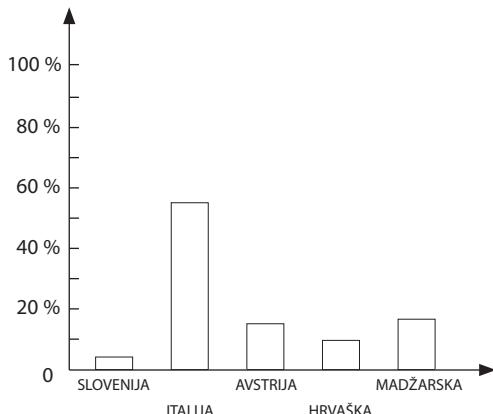
c)



REŠITVE

6. a) Stolpični prikaz.
 b) Ne, iz prikaza lahko preberemo število učencev, odstotke pa lahko izračunamo.
 c) Anketiranih je bilo 50 učencev.
 č) Najmanj učencev ima zajtrk.
 d) največ učencev ima dopoldansko malico.
 e) /
7. a) Največji delež predstavlja ogljik.
 b) V najmanjši meri je zastopan magnezij.
 c) Dušik predstavlja 6 % spojine.
 č) V 200 g klorofila je 16 g vodika.
8. a) Na izletu je bilo 27 otrok, 45 moških in 36 žensk.
 b) Otroci 25 %, moški 41,7 %, ženske 33,3 %.
- 9.

Država	Površina [m ²]	Odstotki	Središčni kot
Slovenija	20 256	4 %	14°
Italija	301 318	54 %	194°
Avstrija	83 858	15 %	54°
Hrvaška	56 538	10 %	36°
Madžarska	93 032	17 %	62°
SKUPAJ	555 002	100 %	360°

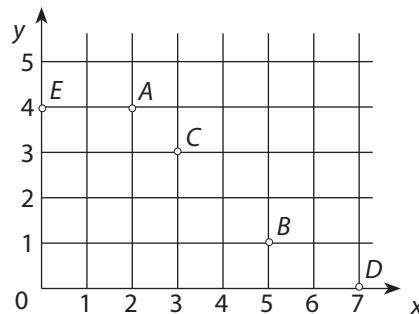


Drevesni prikaz

- $2 \cdot 3 \cdot 3 = 18$
- $2 \cdot 4 \cdot 3 = 24$
- $3 \cdot 2 \cdot 1 = 6$
- $4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 24$
- /
- Popotnik lahko iz kraja P v kraj T pride po 18 različnih poteh ($2 \cdot 3 \cdot 3$).
- a) $2 \cdot 2 \cdot 1 = 4$ b) $2 \cdot 3 \cdot 3 = 18$
- /
- Za ravno mizo lahko sedijo na 24 različnih načinov ($4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 24$)
- Vseh možnih poti je $2^9 = 1024$.
- Imamo 10 različnih majic.
- a) $48 = 2^4 \cdot 3$
 b) $180 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$
 c) $4620 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11$

Koordinatna mreža

1.



2. a) $A(6, 0), B(2, 3), C(0, 5), D(4, 6), E(8, 4), F(7, 9), G(2, 9)$

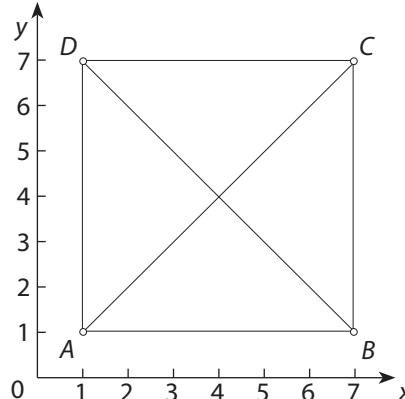
b) paralelogram: $C(10, 8)$, enakostranični trapez: $C(6, 8)$

3. deltoid: $A(3, 0), B(6, 1), C(6, 6), D(2, 3)$

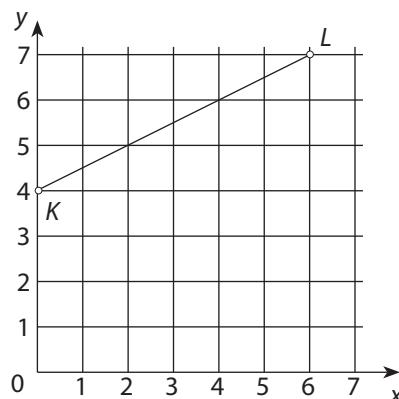
pravokotni trikotnik: $E(8, 0), F(11, 0), G(11, 7)$

romb: $H(12, 2), I(16, 2), J(17, 6), K(13, 6)$

4. $B(7, 1), C(7, 7), S(4, 4)$



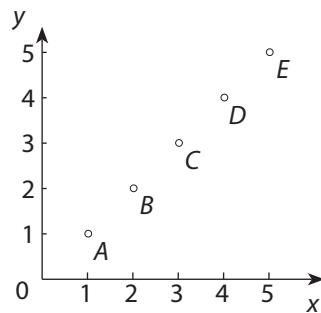
5.



- a) $M(2, 5)$

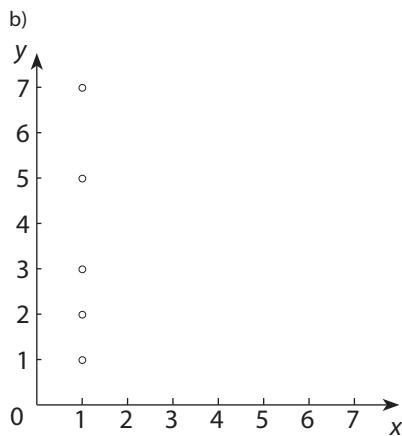
- b) $N(4, 6)$

6. a)

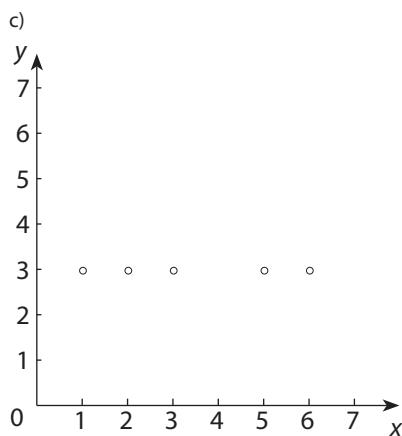


Točke ležijo na premici skozi izhodišče.

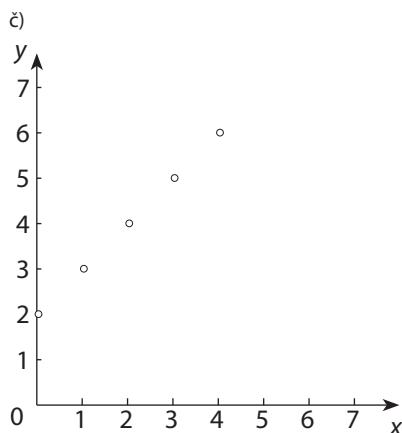
REŠITVE



Vse točke imajo enako vodoravno koordinato.

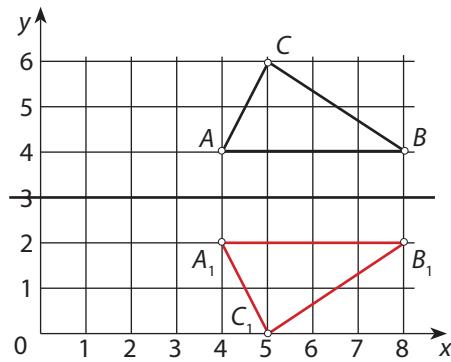


Vse točke imajo enako navpično koordinato.



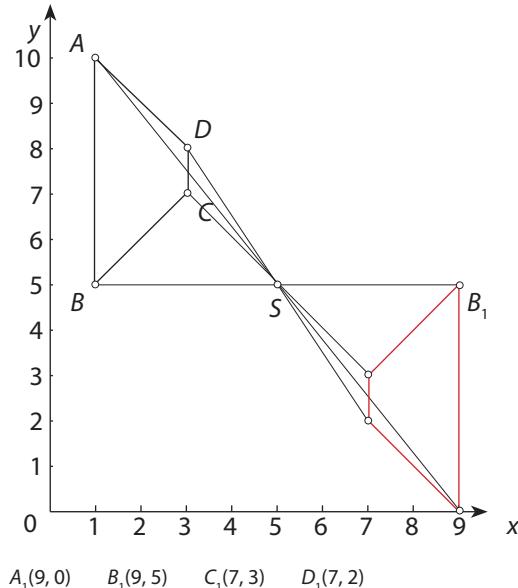
Točke ležijo na poltraku z izhodiščem v točki $(0, 2)$.

7.



$A_1(4, 2), B_1(8, 2), C_1(5, 0)$

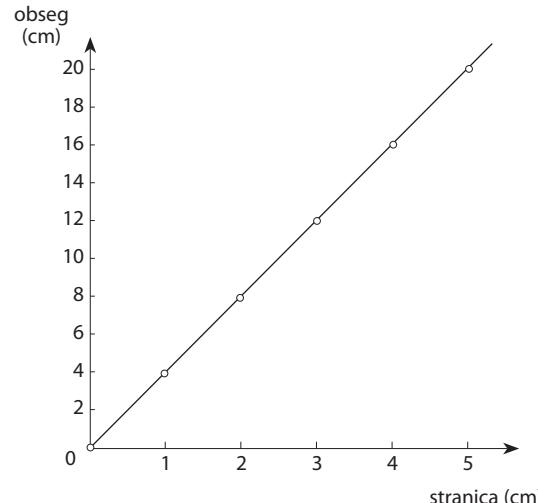
8. enakokraki trapez:



Medsebojna odvisnost količin

1. Spremenljivke: (B), (C), (Č), (E), (G), (I)
Konstante: (A), (D), (F), (H), (J)
2. (B) in (Č)
3. a) Količini sta medsebojno odvisni.
b) Količini sta medsebojno neodvisni.
Trendno črto bi lahko narisali v primeru a.
Točka A pomeni, da se pri višji temperaturi prodalo več čaja.
4. Da, obseg kvadrata je odvisen od dolžine njegove stranice. Daljša kot je stranica, večji je obseg. Točke na grafu lahko povežemo, saj je lahko mersko število za dolžino stranice katerokoli realno število.

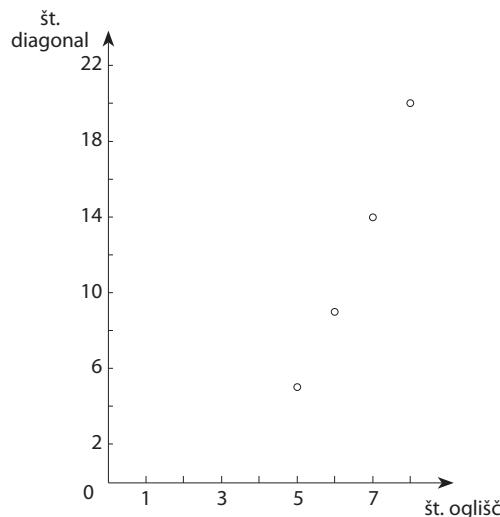
Stranica (cm)	Obseg (cm)
0	0
1	4
2	8
3	12
4	16
5	20



REŠITVE

5. Da, število diagonal v večkotniku je odvisno od števila ogljišč. Točke na koordinatni mreži ne smemo povezati, saj so lahko vrednosti spremenljivke Število ogljišč samo naravna števila večja ali enaka 3.

Število ogljišč	Število diagonal
5	5
6	9
7	14
8	20

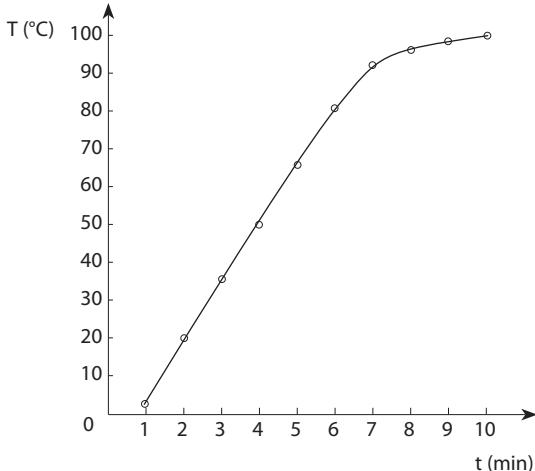


6. a) graf
b)

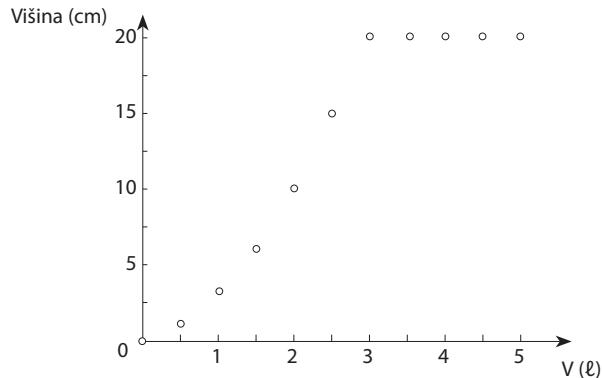
Čas (min)	Temperatura (°C)
0	18
1	22
2	26
3	30
4	30
5	30
6	26

- c) Da, saj je čas spremenljivka, katere mersko število je lahko katerokoli realno število.
 č) Čas in temperaturo.
 d) Začetna temperatura je bila 18 °C.
 e) Voda se je segrela za 12 °C.
 f) Segrevala se je 3 minute.
 g) Temperatura je od tretje do pete minute merjenje ostala nespremenjena.
 h) Voda se je ohlajala 1 minuto.
 i) Merjenje je trajalo 6 minut.

7. Neodvisna spremenljivka je čas, odvisna pa temperatura. Točke na grafu lahko povežemo, saj je čas spremenljivka, katere merska števila so lahko katerokoli realno število.



- 8.



- a) Nalijemo 5 l vode.

- b) Posoda je visoka 20 cm.

- c) Višina vode v posodi se ob dolivanju ne spreminja več, kar pomeni, da že teče čez rob.

- č) B

9. 150, 600, 70, 400, 800, 50, 100, 200, 600, 800

10. a) Črno telo se giblje se 8 sekund.

- b) Rdeče telo se giblje 4 sekunde.

- c) Na razdalji 20 metrov.

- č) Rdeči je na cilju 2 sekundi pred črnim.

- d) $v = 5 \text{ m/s}$

- e) $v = 10 \text{ m/s}$

11. a) Gibanja ni, telo miruje.

- b) Telo pride 30 metrov daleč.

- c) Po 35 sekundah je telo 95 m daleč.

- č) Tretji del gibanja traja 15 sekund.

- d) Telo se hitreje giblje v delu C, saj je na tem delu graf bolj strm.

12. a) Prikaz je narejen za 5 različnih časopisov.

- b) Analiza je bila narejana za časovno obdobje od leta 2004 do leta 2016.

- c) Pri časopisu Finance.

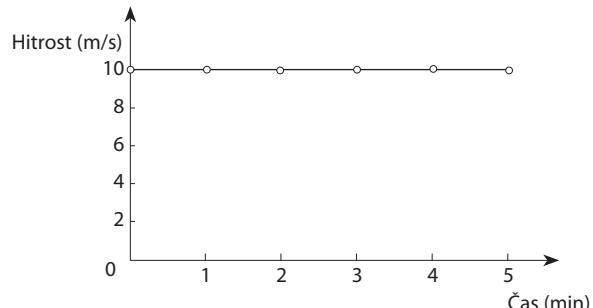
- č) Delo

- d) Najbolj prodajan časopis je bil Slovenske novice, najmanj pa Finance.

- e) Prodaja časopisov pada. Verjetno so za padec prodaje krive brezplačne novice na spletu.

13. Kolesar se giblje z enakomerno hitrostjo.

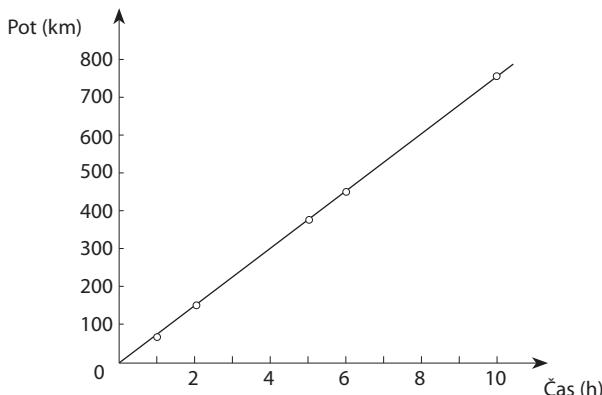
Čas (min)	Hitrost (m/s)
0	10
1	10
2	10
3	10
4	10
5	10



REŠITVE

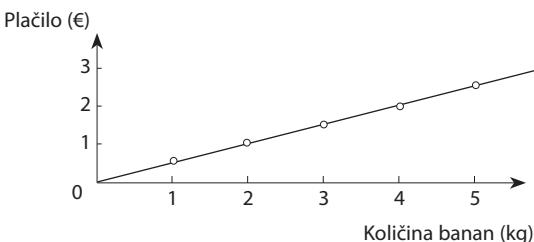
14. Avto prevozi 75 km v eni uri.

Čas (h)	Pot (km)
1	75
2	150
5	375
6	450
10	750



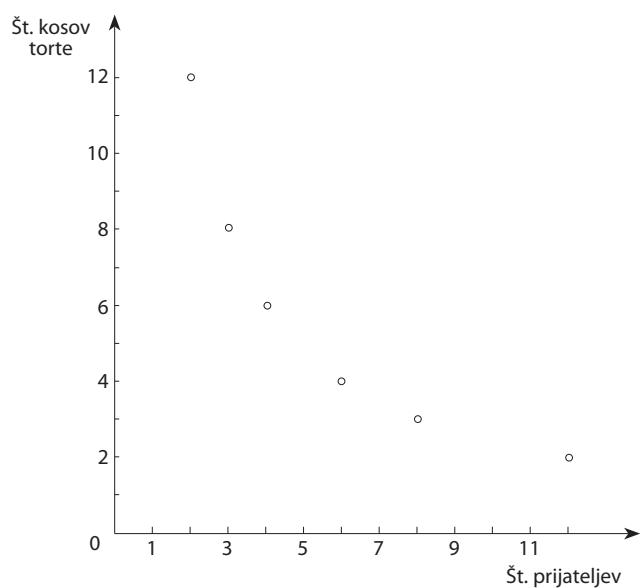
15.

Količina banan (kg)	Plačilo (€)
4	2
1	0,5
2	1
3	1,5
5	2,5



16.

Število kosov torte	Število prijateljev
24	0
12	2
8	3
6	4
4	6
3	8
2	12



Aritmetična sredina

- a) 10,5 b) 3 c) $\frac{7}{12}$
- Ne, povprečje lahko določimo samo številčnim vrednostim.
- Ne.
- V povprečju sta v avtomobilu sedela 2 potnika.
- Povprečna temperatura je bila 22 °C.
- /
- a) Merili so čas.
b) Povprečna vrednost je 13 s.
- V povprečju so fantje metali za 0,1 m dlje.
- a) 4
b) Kdo ima največ/najmanj vzponov, povprečno število moških/žensk.
- Možnosti: (75, 69), (74, 70), (73, 71), (72, 72), (71, 73), (70, 74), (69, 75)
- /
- /
- /

Empirična preiskava

- /
- /

Preverimo znanje

- a) Vseh pohodnikov je bilo 606.
b) Skupaj so pojedli 373 sendvičev.
c) Otroci so pojedli 23 hot dogov več.
č) Sendvič je izbral 42 % otrok.
- a) Stolpični diagram.
b) na šoli je 27 otrok.
c) Največ otrok je starih 10 let.
č) V povprečju so dečki stari 8,3 let.
d) V povprečju so deklice stare 8,3 let.
e) V povprečju so otroci stari 8,3 let.
- 1,54 s
-
- a) Gibanje je trajalo 30 sekund.
b) Telo prevozi razdajo 60 metrov.
c) Deset metrov prevozi v 5 sekundah.
č) V dvajsetih sekundah prevozi 40 metrov.
d) V zadnjih desetih sekundah prevozi 20 metrov.
e) V enakih časovnih obdobjih prevozi enako razdaljo.
- a)
- a) Na voljo je 16 različnih kosi.
c) Bilo bi 5 različnih sladic.
- a) Število gledalcev TV glede na čas v dnevu.
b) Količini sta v medsebojni povezavi. Iz prikaza je razviden trend, da se število gledalcev v poznejših urah dneva zmanjšuje.
c) Število gledalcev v nekem trenutku zelo upade.
- a) Umetnost je izbralo 12 % učencev.
b) Vseh učencev je bilo 150.
c) Najpogosteje izbran predmet (nemščino) je izbralo 60 otrok.
č) Šport je izbralo 50 % otrok, ki ni izbralo nemščine.